

ΟΡΓΑΝΩΤΙΚΗ ΜΕΘΟΔΟΣ ΚΑΤΑΡΤΙΣΕΩΣ ΟΙΚΟΝΟΜΙΚΟΥ ΠΡΟΤΥΠΟΥ, ΚΑΘΟΡΙΣΜΟΥ ΠΕΔΙΩΝ ΕΠΟΠΤΕΙΑΣ ΕΡΓΑΖΟΜΕΝΩΝ

Τοῦ κ. ΜΠΕΗ ΡΗΓΟΠΟΥΛΟΥ

1. Πρόλογος

Κατά τὴν τελευταίαν τριακονταετίαν ἐνεφανίσθησαν νέοι μέθοδοι διοικήσεως καὶ προπαρασκευῆς τῶν ἀποφάσεων μεγαλυτέρας ἀκριβείας, ὡς στηριζόμεναι εἰς τὴν μαθηματικὴν ἀπόδειξιν, καὶ διλγώτερον θεωρητικαῖς, ὡς ἀποφεύγουσαι τὴν ὑπόθεσιν, τὴν διαισθησιν καὶ τὸν κοινὸν γοῦν, δστις ἐνώπιον τῆς ἔκτάσεως τῶν συγχρόνων προβλημάτων καὶ τῆς ταχύτητος ροῆς τῶν γεγονότων κατέστη ἀνεπαρκής.

Είναι δέδιαινον δτι σήμερον ὑπὸ τὴν πίεσιν τοῦ διεθνοῦς ἀγταγωνισμοῦ, οἱ οἰκονομικοὶ δργανισμοὶ κατέστησαν ἔξαιρετικῶς εὐπαθεῖς, οἱ δὲ ὑπεύθυνοι αὐτῶν διὰ τὴν λῆψιν τῶν ἀποφάσεων ἰδιαιτέρως ἀνεπαρκεῖς.

Εἰς τὴν ἀγγώδη προσπάθειαν τῶν ἐν λόγῳ ὑπευθύνων ἥλθον ἀρωγοὶ αἱ ἀνωτέρω μέθοδοι πρὸς παροχὴν ἔρισμάτων διογθεῖας, αἵτινες εἶναι γνωσταὶ ὑπὸ τὸν κοινὸν τίτλον μέθοδοι ή τεχνικαὶ τῆς Ἐπιχειρησιακῆς Ἐρεύνης.

Διευκρινίζεται ἔνταῦθι, δτι αὗται δὲν ἀποσκοποῦν εἰς τὸν σφετερισμὸν ἢ τὸν περιορισμὸν τοῦ ρόλου καὶ τῶν ἰδιοτήτων τοῦ ὑπευθύνου ἡγήτορος, ἀλλὰ τουναγτίον εἰς τὴν παροχὴν πρὸς τοῦτο ποσοτικῶν λύσεων ἐπὶ τῶν ἀπασχολούντων αὐτὸν προβλημάτων, ἵνα ὑποδογθῇ εἰς τὴν λῆψιν τῆς ἀποφάσεώς του, μὲ πίστιγ δτι αὕτη ἥτο η καλλιτέρα δυνατὴ ἐκ πλήθους δυνατῶν τοιούτων.

Πρὸς τὸν σκοπὸν αὐτὸν διὰ τῆς παρούσης μελέτης τίθεται εἰς κριτικὴν προτεινόμενον μαθηματικὸν ὑπόδειγμα, διὰ τοῦ δποίου, κατὰ τὴν ἡμετέραν γνώμην, καθίσταται δυγατὸς δ κακθορισμὸς ἐκάστοτε βελτίστων συνδυασμῶν ἐποπτῶν - ἐποπτειομένων, ἢ ὑπὸ εὑρεῖν ἔννοιαν ἀρίστων μεγεθῶν πεδίων ἐποπτείας.

Ἡ μαθηματικὴ διατύπωσις καὶ τὸ προτεινόμενον ὑπόδειγμα τοῦ προβλήματος στηρίζεται εἰς παραλλαγὴν τῆς θεωρίας ἀναμονῆς (օύρᾶς) καὶ λαμβάνει γεγικευμένην μορφὴν ἔξασκήσεως ἐποπτείας πρὸς διάφορα ἐπίπεδα.

Ὑπὸ πρακτικὴν θεώρησιν, εἰς τὸ προβλήμα αἱ αἰχμαὶ τῶν καθ' ἔκαστα

διοικητικῶν, ἢ ἐκτελεστικῶν πυρχμίδων, ἐλέγχου λαμβάνονται: ὡς σημεῖα ἢ πυρή πυροχῆρες ἔξυπηρετήσεως, ἐνῷ τὰ ἐποπτεύδεντα σημεῖα, ὡς ἀποκτήσεις ἔξυπηρετήσεως: ὑπὸ τῷ προστατεύοντι προστατεύεται. Οὕτως, ἐξ αἱ ἀποκτήσεις ἐνώπιον τῆς πηγῆς ἔξυπηρετήσεως ὑπερτεροῦν τῶν ἵκανοτάτων τῆς πηγῆς, δημιουργεῖται διλίγον καὶ διλίγον συσσώρευσις καὶ κατὰ συνέπειαν ἀναμονή, ἢ ἀντίθετως ἐὰν αἱ ἀποκτήσεις ὑπολείπωνται τῶν ἵκανοτάτων τῆς πηγῆς θὰ παρουσιασθῇ ἀδράνεια ταύτης.

Προκειμένου περὶ προστατέμενου ἐργασίας, θὰ παρουσιασθῇ εἰς τὴν πρώτην περίπτωσιν γραμμὴ ἀναμονῆς ὑπαλλήλων καὶ ἀδυναμία ἔξυπηρετήσεώς των ὑπὸ τοῦ προστατέμενου, εἰς δὲ τὴν δευτέραν περίπτωσιν ἀδράνεια προστατέμενου.

Ἡ διατύπωσις ἀπόφεων ἐπὶ τοῦ προτεινομένου ὑποδείγματος ἔκτιμαται: ὡς ἡ ἀπαραίτητος προσύπθεσις, προκειμένου δπως βελτιώθῃ τυχὸν ἢ πρότασις καὶ γίνη παραδεκτὴ μία θέσις ἐπὶ τοῦ προσβλήματος ἐποπτείας.

2. Εἰσαγωγὴ εἰς τὴν προτεινομένην μέθοδον

Αἱ σύγχρονοι οἰκονομικαὶ μονάδες εἰναι τόσον πολύπλοκοι, ἐκτεταμέναι καὶ ἐπιβλητικαί, ὥστε εἰναι δύσκολον νὰ ἀποφύγῃ τις τὸν πειρασμὸν νὰ μὴ ἐπιχειρήσῃ τὴν ἐφαρμογὴν τινῶν ἐκ τῶν πλέον προκεχωρημένων συγχρόνων (ἀλλὰ ὅχι, νέων) μαθηματικῶν τεχνικῶν ἐπὶ τῆς οὐσίας τῆς ὀργανώσεως των, δηλαδὴ τῆς ὀργανωτικῆς των δομῆς. Οἰκοθεν νοεῖται, ὅτι τοιαύτη προσπόθεια θὰ ἀποβλέπῃ, ὡς καὶ εἰς τὸν πρόλογον καθορίζεται, εἰς τὴν παροχὴν πλειόνων ἐρισμάτων καὶ γενικώτερων βάσεων διὰ τὴν λῆψιν ἀποφάσεων, αἵτινες κατὰ κανόνα ὁδηγοῦνται ἐκ τῶν κριτηρίων ἀριστοποιήσεως.

Διὰ τῆς παρούσης μελέτης παρέχομεν ἐφαρμογὴν τῆς θεωρίας «ἀναμονῆς» ἐπὶ προβλημάτων ἐκλογῆς συνδυασμῶν προστατέμενων - ἐλεγχομένων, ἢτοι ἐπὶ τοῦ καθοδοισμοῦ τοῦ ἀριθμοῦ τῶν ὑπαλλήλων, οὔτινες δύνανται νὰ ἐλέγχωνται ύφ' ἐνδεικτικῶν δόσεων τοῦ συνδυασμοῦ. Τὴν σχέσιν ταύτην καθορίζομεν τοῦ λοιποῦ ὡς «πεδίον ἐποπτείας». Ό κατ' ἔσοχὴν προσανατολισμὸς τῆς παρούσης μελέτης ἀναφέρεται εἰς τὴν διαδικασίαν παραγωγῆς καὶ κυρίως εἰς βιομηχανικούς χώρους. Τὸ οἰκονομικὸν πρότυπον, τὸ δόπιον παρέχεται εἰναι δυνατὸν νὰ προσαρμοσθῇ βεβαίως καὶ εἰς ἔτερα προβλήματα ἐλέγχου καθὼς καὶ γενικώτερον εἰς προβλήματα ὀργανωτικῆς δομῆς, ὡς ὑπολογισμοῦ φόρτου δικτύων παραγωγῆς, προγραμματισμοῦ, ροῆς ἐργασίας καὶ εἰδικώτερον εἰς προβλήματα ρυθμοῦ καὶ εἰς καθ' ὅλους ιδίᾳ δραστηριότητας παραγωγῆς.

Ἐπίσης τὸ πρόβλημα ἀναθέσεως ἀριθμοῦ μηχανῶν εἰς ἓνα χειριστήν, εἰναι ἐκ τῶν δυναμένων νὰ τύχουν ἔξυπηρετήσεως ὑπὸ τοῦ προτεινομένου προτύπου. Ἐπὶ τοῦ τελευταίου προβλήματος ἔχουν ἐκφρασθῇ διάφοροι ἀπόψεις. Παρ' ὅλα ταῦτα ἡ διεξαγωγὴ παρομοίων μελετῶν θὰ ἔχῃ σήμερον μειούμενην πρακτικὴν σημασίαν, δεδομένου ὅτι ἡ ἀπόφασις ἐπὶ τοῦ θέματος, ἢτοι ἡ κατὰ περίπτωσιν (ἀναλόγως τοῦ εἰδους καὶ τοῦ αὐτοματισμοῦ τῆς ἐπιχείρησεως), ἀνάθεσις μηχανῶν εἰς χειριστὰς πρὸς χειρισμὸν καὶ ἐπίβλεψιν εἰναι περιωρισμένη, ἐκ λόγων κρατικοῦ παρεμβατισμοῦ, ἐργατικῆς νομοθεσίας, τῆς

συγχρόνου κοινωνικῆς πολιτικῆς, προσέτι δὲ καὶ τοῦ ὑπὸ τῶν ἐργατικῶν σωματείων δάσκομένου ἐλέγχου.

Ἡ διὰ τῆς παρούσης μελέτης ἐφαρμογὴ τῆς θεωρίας ἀναμονῆς πρὸς καθορισμὸν τοῦ πεδίου ἐποπτείας, ἐφ' ὅσον ἐκφρασθῇ ὑπὸ δογματικὴν μορφήν, δύναται νὰ προσελκύσῃ κριτικήν. Ἐν τούτοις, δυσκόλως θὰ ἡδύνατο τις ίας ἀρνηθῆ ὅτι ὁ ἐλεγχος μεγάλου ἀριθμοῦ ὑπαλλήλων ὑφ' ἐνὸς ἀτόμου δὲν θὰ ἔχῃ δυσαρέστους συνεπείας. Πρακτικῶς ἔξεταζόμενον τὸ θέμα, ὀδηγεῖ εἰς τὸ συμπέρασμα ὅτι ὁ προϊστάμενος δὲν θὰ ἔχῃ τὸν χρόνον νὰ ἐκτελέσῃ τὴν ἐργασίαν του ἰκανοποιητικῶς. Παρ' ὅλον ὅτι δὲν ὑποστηρίζεται ἡ αὐτόματος ἐφαρμογὴ τῆς ἀρχῆς τοῦ πεδίου ἐποπτείας, εἰναι λογικὸν ὅτι ὁ ἀναλαμβάνων τὴν ὄργάνωσιν δεδομένης ἐπιχειρήσεως δέοντας μεταξὺ τῶν ἄλλων νὰ μελετήσῃ ἔχειν αἱ κατατμήσεις τοῦ συντελεστοῦ ἐργασίας, ἐν σχέσει πρὸς τὰς κατατμήσεις τοῦ ἐλέγχοντος ὄργάνου εἰναι αἱ πλέον κατάλληλοι.

Τὸ πεδίον ἐποπτείας θεωρεῖται ὡς σύνολον συγκεκριμένων περιορισμῶν, ἀφορώντων εἰς τὸν ἀριθμὸν ἀτόμων (ὑπαλλήλων-ἐργατῶν), ἀτινα δύναται νὰ ἐλέγχῃ εἰς προϊστάμενος καὶ τὸν χρόνον τὸν ὅποιον δύναται νὰ διαθέσῃ δι' ἐν ἕκαστον ἀτομον.

Ἐξ ἀπόψεως ἔκτάσεως ἐφαρμογῆς τῆς προτεινομένης μεθόδου δύναται αὕτη νὰ χρησιμοποιηθῇ εἰς πάντα τὰ στάδια ὄργανώσεως, ἥτοι τόσον κατὰ τὴν ἀνάλυσιν καὶ δημιουργίαν τῆς δομῆς ὅσον καὶ κατὰ τὴν σχεδίασιν τῆς λειτουργίας καὶ τοῦ ποσοτικοῦ καθορισμοῦ τῶν ἀπαιτήσεων καὶ τῆς κατανομῆς τῶν μέσων.

2.1. Ἀνασκόπησις ἀπόψεων ἐπὶ τοῦ πεδίου ἐποπτείας

Μία ἀνασκόπησις τῶν ἰσχουσῶν ἀπόψεων ἐπὶ τοῦ θέματος τοῦ πεδίου ἐποπτείας μᾶς δίδει τὸν τρόπον, καθ' ὃν μέχρι σήμερον ἀντιμετωπίσθη τὸ ὅλον θέμα καὶ κυρίως ἐπὶ ποιῶν βάσεων στηρίζονται οἱ ποσοτικοὶ ὑπολογισμοί. Ἐπὶ παραδείγματι, ἐνῷ ὑποστηρίζεται ὅτι εἰναι ἀρκετὰ δύσκολον νὰ καθορισθῇ ὡρισμένος μαθηματικὸς τύπος εύρεσεως τοῦ ἀριθμοῦ τῶν διευθυντῶν, διὰ τοὺς ὅποιους δέοντας νὰ εἰναι ὑπεύθυνος εἰς γενικὸς διευθυντής, παρὰ ταῦτα ἔξ ἐπιστημονικῶν ἐρευνῶν καὶ ἐκ τῆς μακροχρονίου ἐμπειρίας ἔχει ἀποδειχθῆ ὅτι οἱ διευθυνταὶ οὗτοι δέοντας νὰ μὴ εἰναι δλιγάτεροι τῶν τριῶν καὶ περισσότεροι τῶν ἐπτά. Κάτω τῶν τριῶν, ἡ διάρθρωσις τῆς ὑπηρεσιακῆς μονάδος καθίσταται ἀντιοικονομική. Ἀνω τῶν ἐπτά, ἡ ἐποπτεία τοῦ προϊσταμένου καθίσταται δυσχερής, ἀν μὴ ἀδύνατος. Ἐπίστης παρατηρεῖται, ὅτι ὁ ἄριστος ἀριθμὸς εἰναι πέντε διὰ τὸν χαρακτηριστικὸν (μέσον) γενικὸν διευθυντήν. Ἐν τούτοις, ἐκ παρατηρήσεών μας εἰς ἐπιχειρήσεις τῆς ἡμεδαπῆς διεπιστώθη, ὅτι πολλάκις πλέον τῶν 15 τομέων δράσεως ἀνατίθενται ἀπ' εὐθείας εἰς γενικοὺς διευθυντάς, ἐνῷ οὗτοι εἰναι ἀνάγκη νὰ ἐργάζωνται περίπου δέκα ἔως δεκαέξη δύρας ἡμερησίων, διὰ νὰ δυνηθοῦν νὰ ἐπαρκέσουν εἰς τὴν στοιχειώδη διεκπεραίωσιν τῶν τρεχόντων θεμάτων. Βεβαίως, οὐδεὶς λόγος γεννᾶται διὰ χρόνον, τὸν ὅποιον θὰ ἔδει νὰ διφιέρωντον πρὸς βελτίωσιν τῆς δράσεως οἰουδήποτε τῶν ἀνωτέρω 15 τομέων.

Προσέτι, έξι έτέρας έρεύνης διεξαχθείσης ύπου τοῦ υποφαινομένου καὶ ἀναφερομένης εἰς τὸν μέσον ἐποπτεύμενον ἀριθμὸν ἐργατῶν προέκυψεν, ὅτι ἡ μονὰς ἔλεγχου ἐκυμαίνετο μεταξὺ μεγέθους 15 ἔως 25 ἐργάτας ἀνὰ ἀρχιεργάτην. "Αν καὶ μέχρι τοῦδε ἔχουν διεξαχθῆ παρ' ἡμῖν ἀρκεταὶ σχετικαὶ συζητήσεις μεταξὺ τῶν ἀσχολουμένων εἰς θέματα ἐπιστημονικῆς ὁργανώσεως, παρὰ ταῦτα δὲν ὑφίσταται παραδεδεγμένη ἀρχὴ καὶ ἀντικειμενικὴ μέθοδος, δι' ἣς θὰ καθίστατο δυνατὸς ὁ καθορισμὸς ὁργανωτικῶς καὶ οἰκονομικῶς ἀρίστων μεγεθῶν πεδίων ἐποπτείας. Παρ' ἡμῖν τοῦτο ἔξακολουθεῖ νὸς ἐπιδιώκεται διὰ πρακτικῶν μεθόδων, κυρίως δὲ βάσει πείρας, οὐδέποτε ὅμως ἐπὶ τῇ βάσει ἐπιστημονικῶν ἐρευνῶν, ἀρχῶν καὶ κριτηρίων.

'Εξ ὅλου, τινὲς εἰδικοὶ ἐπὶ τῶν θεμάτων τῆς ὁργανώσεως ὑποστηρίζουν, ὅτι οὐδεὶς δύναται νὰ διευθύνῃ ἀποτελεσματικῶς περισσοτέρους τῶν 8 ὑπαλλήλων. Θεωροῦντες ἡμεῖς ὡς ἀβάσιμον τὸν προσδιορισμὸν ἐνὸς ἀκριβοῦς ἀριθμοῦ, καθορίζομεν ὅτι ἐκεῖνο τὸ ὄποιον προέχει εἶναι ἡ παραδοχὴ ὅτι ὑφίσταται ἐν πεδίον, τὸ ὄποιον περιορίζει τὴν ἕκτασιν μὲ τὴν ὄποιαν δύνανται νὰ ἔχαπλοῦνται ἢ καὶ νὰ περιορίζωνται αἱ κατατμήσεις τῆς ἱεραρχικῆς πυραμίδος. Ἐνταῦθα δυνάμεθα νὰ ἐπιχειρήσωμεν ἐπιτυχῆ συσχετισμὸν τοῦ προβλήματος μὲ ἀνάλογα προβλήματα ὁργανώσεως ὁμάδων εἰς τὸν στρατόν, εἰς τὸν ὄποιον αἱ ἔννοιαι τῶν κατατμήσεων εἶναι πλέον σαφῆς καθωρισμέναι, τῶν ἀρχῶν τῶν ἐντοπιζομένων ἀρκετὰ παλαιά, ίδιᾳ δὲ εἰς τὴν ἀρχαίαν Ἑλληνικὴν στρατιωτικὴν ιστορίαν. 'Εξ αὐτῆς ἀπορρέει ὅτι ὀσάκις στρατηγοὶ τινὲς προσεπάθησαν νὰ κατευθύνουν ἀπ' εὐθείας τὰς ἐνεργείας δλοκλήρων στρατιῶν, ἐκτὸς ἐλαχίστων ἔξαιρέσεων, αἱ ἀπώλειαι ὑπῆρχαν τρομακτικαὶ εἰς ἔμψυχον καὶ ἄψυχον ὑλικόν. Νῦν αἱ σύγχρονοι τεχνικαὶ κατασκευῆς ὅπλων ἐπέβαλον διαρθρωτικὰς μεταβολὰς εἰς τὴν δομὴν καὶ συγκρότησιν τῶν στρατιωτικῶν μοιάδων, ἐνῷ συγχρόνως αἱ τεχνικαὶ τῆς ἐνσυρμάτου καὶ ἀσυρμάτου ἐπικοινωνίας κατέστησαν δυνατὸν τὸν ἔλεγχον δλοκλήρου τοῦ πεδίου τῆς μάχης.

'Ἐπ' εὐκαιρίᾳ, εἶναι σημαντικὸν νὰ παρατηρήσῃ τις τὸν παραλληλισμὸν μεταξὺ λοχίου εἰς τὸν στρατὸν καὶ ἀρχιεργάτου εἰς τὰς βιομηχανίας. Αἱ περιπτώσεις, δυνάμεθα νὰ ὑποστηρίζωμεν, ὅτι εἶναι ἀνάλογοι.

Δι' ὅτι ἀφορᾶ τὴν ἀποφιν ὅτι εἰς ἀριστος συνδυασμὸς εἶναι τῶν 8 ἐργατῶν ἡ ὑπαλλήλων κατὰ ἀρχιεργάτην ἡ προϊστάμενον, ἐκ τῶν διεξαχθεισῶν μελετῶν προέκυψεν ὅτι ἡ σχέσις ἥτο κατὰ μέσον ὅρον 14 πρὸς 1 καὶ ἐκυμαίνετο μεταξὺ 7 - 19 ἀνὰ ἀρχιεργάτην. Παρόμοιον φαινόμενον, νομίζομεν ὅτι παρατηρεῖται εἰς τὰς πλείστας τῶν Ἑλληνικῶν ἐπιχειρήσεων.

Σημασία πάντως ἔχει ἐν προκειμένῳ, ὅτι ἡ ἐλάττωσις τοῦ ἀριθμοῦ τῶν ἐργατῶν ἡ ὑπαλλήλων, οἱ ὄποιοι ὑπηρετοῦν ὑπό τινα προϊστάμενον, ἐπιφέρει συχνὰ αὔξησιν τοῦ ἀριθμοῦ τῶν διοικητικῶν βαθμίδων ἱεραρχίας. Τοιουτότροπως, αὔξανεται ἡ ἀπόστασις μεταξὺ τῆς ἀνωτάτης ἡγεσίας καὶ τῶν κατωτάτων θέσεων εἰς τὴν ὑπαλληλικὴν ἱεραρχίαν, γεγονὸς τὸ ὄποιον δυνατὸν νὰ ἔχῃ ἀνεπιθύμητα ἀποτελεσματα ἐπὶ τῆς συνεννοήσεως καὶ συνεργασίας ἐν γένει. Τοῦτο ἔνέχει σπουδαίαν πρακτικὴν σημασίαν, δεδομένου ὅτι διὰ συστολῆς ἡ

Θιαστολής τοῦ πεδίου ἐποπτείας δυνάμεθα νὰ περιορίζωμεν ἢ νὰ ἔκτεινωμεν τὴν βάσιν τῆς πυραμίδος δεδομένου ὅργανισμοῦ.

2.2. Τὸ ἀνάλογον τῆς θεωρίας ἀναμονῆς (օνδρᾶς)

Πλεῖστα ὅσα ἐκ τῶν προβλημάτων τῆς παραγωγῆς ἀπορρέουν ἐν μέρει ἐκ τοῦ σχηματισμοῦ γραμμῶν ἀνθρώπων, μηχανῶν ἢ ἔξαρτημάτων, ἀπαιτουσῶν ἔξυπηρέτησιν εἰς δεδομένα χρονικὰ διαστήματα. Ἐτερα τυπικὰ παραδείγματα σχηματισμοῦ γραμμῶν ἀναμονῆς παρουσιάζονται εἰς τοὺς σταθμοὺς εἰσπράξεως διοδίων ἐπὶ ἔθνικῶν ὁδῶν, εἰς τὸ ταμεῖον τῶν ἐμπορικῶν καταστητῶν, εἰς διαδρόμους ἀεροδρομίων κ.λ.π. Αἱ διάφοροι ἴδιότητες τῆς οὐρᾶς, ὡς ὁ ἀριθμὸς τῶν ἀναμενόντων ἔξυπηρέτησιν καὶ ὁ χρόνος ἀναμονῆς ἐνὸς ἐκάστου, εἰναι τυχαῖαι μεταβληταί. Τούτο συμβαίνει λόγῳ τοῦ ὅτι ὁ ἀριθμὸς τῶν ἀφικνουμένων καὶ ὁ χρόνος ἔξυπηρετήσεως αὐτῶν μεταβάλλονται τυχαίως, πλὴν τῶν περιπτώσεων παραγωγικῶν ἐργασιῶν καθ' ἄλλους. Αἱ λειτουργίαι εἰς τὰς βιομηχανίας καὶ τὰ καταστήματα πωλήσεων δύνανται νὰ θεωρηθοῦν, μὲ ποιάν τινα ἔξεζητημένην διάθεσιν, ὡς «πύλαι». Ἐκαστον ἄτομον ἢ ἀντικείμενον ἀφικνουμένον εἰς τὴν «πύλην» ἀπαιτεῖ ὠρισμένον χρόνον ἔξυπηρετήσεως, πρὶν εἰσέτι γίνη δεκτὸν τὸ ἐπόμενον ἄτομον. Τὸ ἀντίστροφον τοῦ χρόνου ἔξυπηρετήσεως ἀποτελεῖ τὴν μεγίστην δυνατότητα ἔξυπηρετήσεως τῆς «πύλης». Ἐὰν ἡ ζήτησις ἐπὶ τῆς «πύλης» ἢ ἡ εἰσροή ὑπερβαίνῃ τὴν χωρητικότητα αὐτῆς διὰ τι περιωρισμένον χρονικὸν διάστημα, θὰ σχηματισθῇ γραμμὴ ἀναμονῆς.

Ἡ θεωρία ἀναμονῆς παρέχει τὴν δυνατότητα προβλέψεως τοῦ πιθανοῦ ἀριθμοῦ τῶν ἀναμενόντων ἔξυπηρέτησιν καὶ τοῦ πιθανοῦ μέσου χρόνου καθυστερήσεως ἢ χρόνου ἀναμονῆς, καθὼς καὶ ἄλλων σημαντικῶν στοιχείων. Ἡ θεωρία ἀνεπτύχθη ἵνα παράσχῃ πρότυπον διὰ τὴν πρόβλεψιν τῆς λειτουργίας συστήματος, τὸ δόποιον ἐπιχειρεῖ νὰ παράσχῃ ὑπηρεσίας, αἵτινες ὑποπίπτουν εἰς τυχαίαν ζήτησιν. Ἡ περίπτωσις, ἥτις θὰ ἔχετασθῇ ὑπὸ τῆς παρούσης μελέτης ἀφορᾶ μίαν πεπερασμένου μεγέθους (ἀριθμοῦ) οὐράν, δεδομένου ὅτι ἡ ζήτησις τῶν ὑπηρεσιῶν τοῦ προϊσταμένου προέρχεται ἐκ πεπερασμένου ἀριθμοῦ ἀτόμων.

3. Κατάρτισις προτύπου

Διὰ τὴν κατάρτισιν προτύπου, διὰ τοῦ ὅποίου θὰ δίδεται ἐπιτυχὴς ἀπάντησις, εἰναι ἀναγκαῖον ὅπως πρὸ πάσης ἐτέρας προσεγγίσεως τοῦ προβλήματος καθορισθοῦν αἱ ἀναγκαῖαι εἰσροαὶ καὶ ἐκροαὶ τοῦ ἔχεταζομένου ὑπὸ τῆς παρούσης μελέτης συστήματος. Διὰ τὴν πλέον εὔκολον κατανόησιν τοῦ προβλήματος ἐκρίθη σκόπιμος ἢ διαγραμματικὴ ἀπεικόνισις τῶν ἀνωτέρω, ὡς εἰς τὸ διάγραμμα 1.

Ἡ λογικὴ βάσις τῆς κλασσικῆς ἐννοίας τοῦ πεδίου ἐποπτείας εἰναι ὅτι ἡ καθυστέρησις, ἡ τριβὴ καὶ ἡ σύγχυσις ἀρμοδιοτήτων ἀπορρέουν ἐκ τοῦ γεγονότος ὅτι ὑπερβολικὸς ἀριθμὸς ὑπαλλήλων ἔχει τεθῆ ὑπὸ τὸν ἔλεγχον ἐνὸς

Διάγραμμα 1

Περιπτώσεις εισροών - έκρηκτης ύποθετικού συστήματος έργασίας

A/A Εισροῶν	Κατονομασία εισροῶν	Χώρος άναφορᾶς ή περιοχαὶ ἔργασίας	Έκροαι
1	Αἴτησις έξυπηρ/σεως	Διευθυντῶν	Έξυπηρετούμενοι ύπάλ. ἀνὰ Δ/ντήν ή Τμηματάρχην.
2	Χρόνος ίκανοποιήσεως	Τμηματαρχῶν	
3	Χρόνος καθυστερήσεως	Αεχιεργατῶν	Έξυπηρ/νοι ἐργάται ἀνὰ ἀρχ/την.
4	Κόστος καθυστερήσεως	Έργατῶν	Έξυπηρ/ναι μηχαναῖαι ἀνὰ ἐργάτην.
5	Κόστος ἐλέγχου		

προϊσταμένου. Γενικῶς, τὸ πεδίον ἐποπτείας δύναται νὰ παρουσιαθῇ ὡς συνάρτησις τῶν κάτωθι μεταβλητῶν :

$$\text{Πεδίον ἐποπτείας } F = (T, C_s, C_w, K) \quad (1),$$

ὅπου

T = μέσος χρόνος έξυπηρετήσεως έργατου, ύπαλλήλου ή μηχανῆς,

C_s = κόστος ἐλέγχου κατὰ μονάδα χρόνου,

C_w = κόστος ἀναμονῆς κατὰ μονάδα χρόνου,

K = συντελεστής κατ' ἓκτιμησιν τῶν δυσμενῶν ἐπιπτώσεων ἐπὶ τῆς παραγωγῆς, ἀπορρεουσῶν ἐκ τῆς θέσεως ἑκτὸς τοῦ παραγωγικοῦ κυκλώματος μέρους τοῦ συντελεστοῦ έργασίας ή κεφαλαίου, λόγω ἀδυναμίας τοῦ ἐποπτεύοντος διὰ παροχὴν τῶν ύπηρεσιῶν του εἰς χρόνον καθ' ὃν αὔται αἰτοῦνται ή ἀπαιτοῦνται.

Ἡ παροῦσα μελέτη θὰ περιορισθῇ ἐντὸς τοῦ πεδίου τῆς παραγωγῆς καὶ ίδιᾳ τοῦ καθορισμοῦ τῆς ἐποπτείας ἀρχιεργάτου καὶ τῶν ύπ' αὐτοῦ έξυπηρετουμένων ἔξι ἀπόψεως ἐλέγχου έργατῶν.

Ἡ διάρκεια τοῦ χρόνου έξυπηρετήσεως (T), ἔχαρταται ἐκ πλήθους παραγόντων, οἱ ὅποιοι ἔχουν ἐπίπτωσιν ἐπὶ τῆς μέσης τιμῆς (ἀξίας) αὐτοῦ. Οὕτοι δύνανται νὰ παρουσιασθοῦν ὡς :

$$T = F(I, S, E, M, G, Z).$$

ὅπου

I = ἡ λύσις τῆς ἐπιχειρήσεως,

S = ἡ ίκανότης τοῦ ἀρχιεργάτου,

E = ἡ ίκανότης τοῦ ἐργάτου,

M = ἡ πολιτικὴ τῆς διοικήσεως δι' ὅτι ἀφορᾷ τὴν ἀποκέντρωσιν καὶ τὸν καταμερισμὸν τῶν εὐθυνῶν,

G = ζήτημα χώρου,

Z = διάφοροι έτεροι παράγοντες έπιηρεάζοντες τὸ πρόβλημα (ώς, π.χ., κόπωσις).

Οι άνωτέρω παράγοντες δὲν είναι άναγκαστικῶς ἀνεξάρτητοι ἀλλήλων.

3.1. Μαθηματικὴ διατύπωσις

‘Οσάκις διαπιστωθῇ ἡ ὑπαρξῖς γραμμῆς ἀναμονῆς, τίθεται ὡς στόχος ἡ ἀναζήτησις λύσεως, δι’ ἣς θὰ ἔξασφαλίζηται ἡ ἀρίστη λειτουργία τοῦ συστήματος. Τούτεστι, λύσις παρέχουσα σταθερότητα μεταξὺ στοιχείων χρόνου ἀναμονῆς καὶ δυνατότητος ἔξυπηρετήσεως. ‘Ο προορισμὸς τῆς θεωρίας ἀναμονῆς εἰς τὸν καθορισμὸν τοῦ πεδίου ἐποπτείας είναι ὁ ἐντοπισμὸς καὶ ἡ παροχὴ στοιχείων σχετικῶν πρὸς τὸν χρόνον ἀναμονῆς ἑκάστου ἐργάτου ὑπὸ διαφόρους ἀναλογίας ἐργατῶν κατὰ ἀρχιεργάτην. Δεδομένων τῶν στοιχείων τούτων καὶ τοῦ κόστους τοῦ χρόνου ἀπασχολήσεως ἐργάτου καὶ ἀρχιεργάτου, καθίσταται δυνατὴ ἡ ἔξεύρεσις τοῦ γενικοῦ κόστους τῆς μὴ παραγωγικῆς ἐργασίας διὰ διαφορετικᾶς ἀναλογίας ἐργατῶν ἀνὰ ἀρχιεργάτην καὶ τελικῶς τοῦ ἐλαχίστου κόστους διὰ πᾶσαν περίπτωσιν.

Πρὸς ἀπλούστευσιν τῶν ἐννοιῶν καὶ τῆς μαθηματικῆς ἐπεξεργασίας τοῦ προβλήματος, θὰ χρησιμοποιήσωμεν τὰ ἀκόλουθα σύμβολα ἐπιπροσθέτως εἰς τὴν ἀνάπτυξιν τοῦ συστήματος.

N = Πλῆθος συντελεστοῦ ἐργασίας (ἐργάται),

M = Πλῆθος πηγῶν ἔξυπηρετήσεως (ἀρχιεργάται),

W = Μέσος χρόνος ἀναμονῆς ἐργάτου,

U = Μέσος χρόνος παραγωγικῆς ἐργασίας ἐργάτου (χρόνος μὴ καταναλισκόμενος εἰς ἔλεγχον),

H = Μέσος ἀριθμὸς ἔξυπηρετουμένων ἐργατῶν $\left(H = \frac{NT}{U+N+T} \right)$,

L = Μέσος ἀριθμὸς ἐργατῶν ἀναμενόντων ἔξυπηρέτησιν $\left(L = \frac{NW}{U+W+T} \right)$,

J = Μέσος ἀριθμὸς ἐργατῶν, οἵτινες ἐκτελοῦν παραγωγικὴν ἐργασίαν

$\left(J = \frac{NU}{U+W+T} \right)$,

F = Συντελεστὴς ἀποδοτικότητος συστήματος $\left(F = \frac{J+H}{J+L+H} \right)$,

X = Συντελεστὴς ἔξυπηρετήσεως $\left(X = \frac{T}{T+U} \right)$.

‘Ο τύπος ὅστις ἐκφράζει τὸν μέσον δρονὸν ἐργατῶν ἀναμενόντων ἔξυπηρέτησιν δύναται νὰ μετατραπῇ εἰς :

$$L = N(1-F) \quad (2)$$

Τὸ μεταβαλλόμενον κόστος ἀναμονῆς ἐργατῶν κατὰ μονάδα χρόνου είναι :

$$VC_w = KC_w (I-F) N \quad (3)$$

Τὸ μεταβαλλόμενον κόστος ἐλέγχου κατὰ μονάδα χρόνου εἶναι :

$$VC_s = \frac{MC_s}{N} \quad (4)$$

Τὸ συνολικὸν μεταβλητὸν κόστος, τὸ δόπιον ἀναλογεῖ εἰς διαφόρους πληθυσμοὺς ἐργατῶν θὰ εἶναι τὸ ἀθροισμα τῶν δύο τελευταίων ἔξισώσεων :

$$TVC = KC_w N (I-F) + \frac{MC_s}{N} \quad (5)$$

Περαιτέρω, ἡ ἀναζήτησις τῆς τιμῆς τοῦ N (διὰ δεδομένας ἀξίας F, M, C_w καὶ C_s), θὰς ἐλαχιστοποιήσῃ τὴν ἀνωτέρω συνάρτησιν ἔχει ὡς ἀκολούθως :

Εἰς τὸν πίνακα I παρουσιάζονται συνοπτικῶς αἱ ὑπάρχουσαι καταστάσεις εἰς πεπερασμένον πρόβλημα ἀναμονῆς. Ὡς ἐμφαίνεται εἰς μήτραν πίνακος, μία μονὰς ἐργασίας θὰ εὑρίσκεται εἰς μίαν τῶν ὡς ἀκολούθως καταστάσεων :

- α. Προσφέρει ἐργασίαν,
- β. Ἀναμένει ἔξυπηρέτησιν, καὶ
- γ. Δέχεται ἔξυπηρέτησιν.

Ἐπίσης N = J+L+H.

Πίνακας I

Κατάστασις Μονάδες	Ἐργασία	Ἀναμονή	Ἐξυπηρέτησις
Μέσος χρόνος	U	W	T
Μέσος ἀριθ. ἐργατῶν	J	L	H

Εἰς τὸ διάγραμμα 2 ἀπεικονίζονται δύο μονάδες ἐκ τοῦ συντελεστοῦ ἐργασίας, εύρισκόμεναι ἐν δεδομένῃ στιγμῇ εἰς ἀναμονὴν πρὸς ἔξυπηρέτησιν ὑπὸ τοῦ ἀρχιεργάτου, ἐνῷ μία μονὰς δέχεται τὰς ὑπηρεσίας αὐτοῦ.

Διάγραμμα 2

(οὐρά ἐκ δύο μονάδων)



Ἡ ἔξισωσις (5) προϋποθέτει τὴν ὑπαρξιν τυχαίας ζητήσεως τῶν ὑπηρεσιῶν τοῦ ἀρχιεργάτου. Εύνόητον εἶναι, δτι αἱ ἐκάστοτε ζητήσεις (ἀπασχολήσεις) εἶναι ἀποτέλεσμα προβλημάτων παρουσιαζομένων εἰς τὴν παραγωγὴν καὶ δύνανται νὰ προέρχωνται εἴτε ἐκ τοῦ συντελεστοῦ ἐργασίας, εἴτε ἐκ τοῦ

πεδίου ἐποπτείας. Εις τὸ πρότυπον, οἱ ἀναγκαῖοι χρόνοι ἵκανοποιήσεως ἑκάστης ζητήσεως λαμβάνονται ὡς ἔκθετικαὶ κατανομαῖ. Τὸ πρόβλημα δύναται νὸ στηριχθῆ εἰς στατιστικὰ στοιχεῖα τῶν ἀρχείων τῆς ἐπιχειρήσεως, ἐφ' ὅσον ὑπάρχουν τοιαῦτα, ἢ εἰς τὴν συγκέντρωσιν τοιούτων κατόπιν διεξαγωγῆς παρατηρήσεων εἰς τοὺς τόπους ἐργασίας.

‘Ἄσ εἴκ τούτου, δι’ ὅτι ἀφορᾶ τὸν συντελεστὴν K, πρέπει οὗτος νὰ τύχῃ ἑκτιμήσεως δι’ ἑκάστην ἐφαρμογήν.’ Ἐπὶ παραδείγματι, ἐὰν δὲ ἐργάτης δὲν εἴναι εἰς θέσιν νὰ ἑκτελέσῃ ἄλλην ἐργασίαν, ἐνῷ ἀναμένει τὸν ἀρχιεργάτην καὶ ἄλλαι λειτουργίαι δὲν ἐπηρεάζονται ἐκ τῆς ἀδρανείας του, τότε χρησιμοποιοῦμεν τὸν συντελεστὴν K 1. Ἐάν δὲ ἐργάτης δύναται νὰ ἑκτελέσῃ ἄλλας ἐργασίας ἄλλαδε μὲν μικροτέραν ἀπόδοσιν (ἢ ἐργασίας μικροτέρας σημασίας), τότε λαμβάνομεν τὸν K 1/2. Ἐάν δὲ ἀναμονὴ τοῦ ἐργάτου ἔχει ὡς ἀποτέλεσμα τὸν σχηματισμὸν «ἀλύσεως ἀντεπιδράσεων» εἰς καθυστερήσεις, τότε συντελεστὴς νοεῖται πρὸς 3, ἥτοι K 3.

Αἱ συνέπειαι τῶν καθυστερήσεων ἐπὶ τῆς ἐπιχειρήσεως ἐν γένει ἀναπτύσσονται κατωτέρω εἰς τὴν ἀνάλυσιν κόστους.

Τοιαῦται σταθεραὶ χρησιμοποιοῦνται πολλάκις πρὸς καθορισμὸν τοῦ χρόνου ἢ πρὸς ἑκτίμησιν τῆς ἐργασίας εἰς τὴν βιομηχανικὴν παραγωγήν. Ἐπὶ πλέον, ἡ ἔννοια αὐτῶν συμβιβάζεται καὶ πρὸς ἑτέρας ἔννοιας εἰσροῶν εἰς τὰ συστήματα ἀναμονῆς.

3.2. Ὁ συντελεστὴς κόστους

Εὔθυς ἔξ ἀρχῆς θὰ πρέπει νὰ τονίσωμεν, ὅτι τὸ πρόβλημα τοῦ κόστους εἰς τὸ ἀναπτυσσόμενον πρότυπον εἰναι πολύπλοκον, δεδομένου ὅτι ὁ ὑπολογισμὸς τοῦ κόστους ἐλέγχου (C_s) κατὰ χρονικὴν μονάδα ἑκτιμᾶται (κατὰ συμβατικὴν παραδοχὴν) ὡς τὸ διπλάσιον τῆς δαπάνης ἀναμονῆς τοῦ ἐργάτου. Ἐπομένως, αἱ τιμαὶ τῶν C_w καὶ C_s εἰς τοὺς κατωτέρω ὑπολογισμούς, στηρίζονται ἐπὶ τῆς διαφορᾶς μεταξὺ ἀμοιβῆς συντελεστοῦ ἐργασίας καὶ τοιαύτης ἐπόπτου. Ἡ γενικευμένη αὐτὴ μέθοδος μᾶς παρέχει τὴν δυνατότητα καθορισμοῦ ἑκάστοτε ἀρίστου συνδυασμοῦ ἐπόπτου—ἐποπτευομένων, ἥτοι τῆς ἀναλογίας ἀριθμοῦ ἐργατῶν ἀνὰ ἀρχιεργάτην.

Εἰς τὴν πρᾶξιν, δὲ συνδυασμὸς δι’ οὗ ἐλαχιστοποιεῖται τὸ κόστος τοῦ ἑκτὸς παραγωγικῆς διαδικασίας συντελεστοῦ ἐργασίας, δέον νὰ ἐκφρασθῇ ὑπὸ μορφὴν ὁμάδος τοιούτων ἀναλογιῶν, καθότι εἰς τινας περιπτώσεις ἡ διαπιστουμένη ποσοστικὴ διαφορὰ ἐνδεχομένως νὰ εἴναι ἀσήμαντος (π.χ., ἐκ τῆς ἀναθέσεως 6, 7 ἢ 8 ἐργατῶν εἰς ἕκαστον ἀρχιεργάτην). Πάντως ὑπάρχει συγκεκριμένη καὶ ὀξιόλογος διαφορὰ μεταξὺ (π.χ. 6 καὶ 12 ἐργατῶν ἀνὰ ἀρχιεργάτην). “Οταν ἡ διαφορὰ αὐτὴ ἐκφρασθῇ, εἴτε ὡς ποσοστιαίᾳ μεταβολή, εἴτε ὡς ποσοστὸν ἐπὶ τοῦ συνολικοῦ ἐργατικοῦ δυναμικοῦ τοῦ ἀπασχολουμένου ὑπὸ τῆς ἐπιχειρήσεως, πιθανὸν νὰ μεταφράζεται αὐτὴ εἰς σημαντικὸν χρηματικὸν ποσόν.”

Περαιτέρω, ἔτεροι σοβαροὶ παράγοντες δέον νὰ λαμβάνωνται ὑπὸ ὅψιν

εἰς τὴν συνάρτησιν τοῦ κόστους, ως κόστος ἀδρανείας μηχανῶν, καθυστερημένης ἀποδόσεως καὶ ἔξι ὀνειπιθυμήτων ἀποτελεσμάτων (π.χ. τῆς τριβῆς καὶ τῆς συγχύσεως ἀρμοδιοτήτων). Πολλάκις ἐλήφθησαν ὑπ’ ὅψιν οἱ ἀνωτέρω ἢ παρόμοιοι παράγοντες, ἀλλὰ οὐδέποτε ἐδόθη κατηγορηματική ἀπάντησις (έκτιμησι) αὐτῶν. Ἡ δυσκολία ἔγκειται εἰς τὸ γεγονός, ὅτι τὸ κόστος ἀποτελεῖται ἐκ πολλῶν στοιχείων, ἄλλων μὲν δεχομένων ποσοτικήν ἀνάλυσιν, ἄλλων δὲ ὅχι. Ἐπίσης, αἱ δευτερεύουσαι ἐπιπτώσεις δύνανται νὰ εἰναι πλέον σημαντικαὶ τῶν ἀμέσων. Οἱ τοιαύτης φύσεως παράγοντες κόστους περιλαμβάνονται κατά τινα τρόπον εἰς τὴν ἐκτίμησιν τῆς σταθερᾶς.

Εἶναι εὐνόητον, ὅτι ἀπώλεια χρόνου δὲν εἶναι ποτὲ ἐπιθυμητὴ καὶ ὅτι τὸ θεωρητικὸν ὅριστον κόστος ἢ αἱ παρεμφερεῖς τιμαὶ αὐτοῦ εἶναι ἐπιθυμηταὶ ὅταν ἐπιζητεῖται ἐφαρμογὴ τῆς ἐννοίας τοῦ πεδίου ἐλέγχου. Ἡ ἔξοικονόμησις ἐργατικῶν χειρῶν ἀποτελεῖ μίαν ἐκ τῶν πρώτων στόχων τῆς διοικήσεως.

Ἐχει ἀποδειχθῆ, ὅτι αἱ ἄμεσοι σταθεραὶ δαπάναι ἐλέγχου ἐπηρεάζονται αἱσθητῶς ἔξι ἐπερχομένων μεταβολῶν εἰς τὸ πεδίον ἐποπτείας. Κατὰ μέγεθος, αἱ ἐπιπτώσεις ἀσκοῦνται εἰς τὰ κατώτερα στρώματα τῆς ἱεραρχίας, διότι εἰς τὴν οὐσίαν ἔκει αἱ δαπάναι ἐλέγχου κατὰ μέγεθος εἶναι μεγαλύτεραι εἰς τὰς περισσοτέρας τῶν ἐπιχειρήσεων. Πάντως, ἀνεξαρτήτως τῆς ὀρθότητος τοῦ ἴσχυρισμοῦ, εἶναι προφανές ὅτι τὸ πεδίον ἐποπτείας ἐπηρεάζει τὰς ἀμέσους σταθερὰς δαπάνας. Ὡς ἀρχή, ὅθεν, δέον νὰ θεωρηθῇ, ὅτι αἱ ἀνάγκαιαι δι’ ἄμεσον ἐλέγχον αὐξάνονται κατὰ μέγεθος ἔτι περισσότερον εἰς τὰς κατώτερας θέσεις τῆς ἱεραρχίας. Ἐπὶ πλέον, βασικὸς (σταθερὸς) χρόνος ἐλέγχου εἶναι ἀναγκαῖος διὰ τὴν παρακολούθησιν τῆς παραγωγῆς, ἀκόμη καὶ ὅταν ἐλλείπουν ἄμεσα προβλήματα. Βεβαίως, εἶναι δυνατὸν ν’ ἀπαιτῆται ὀρκετὸς χρόνος ἐλέγχου εἰς τὰ ἀνώτατα στρώματα τῆς ἱεραρχίας, διὰ διαφορετικούς ἑκάστοτε λόγους, ως διὰ τὸν ἐλέγχον τῶν ἀποφάσεων ἐπὶ τῆς πολιτικῆς τῆς ἐπιχειρήσεως, ἐν ἀντιθέσει πρὸς τὸν ἐλέγχον λειτουργιῶν, ὅστις λαμβάνει χώραν εἰς τὰ κατώτερα στρώματα. Ἐτέρα διαφορὰ εἶναι τὸ γεγονός, ὅτι ὁ διοικητικὸς ἐλέγχος εἶναι σχεδὸν καθ’ ὅλοκληραν πνευματικὴ διαδικασία, ἐν ἀντιθέσει πρὸς τὸν ἐλέγχον τῶν λειτουργιῶν, ὅστις κατὰ κύριον λόγον εἶναι σωματικός. Ὡς ίδιος ζουσα κατηγορία δέον νὰ θεωρηθῇ τὸ τμῆμα ἐρευνῶν ὅπου ὁ ἐλέγχος ἔξικεται εἰς καθοδήγησιν ἀπλῶς τῆς ἐρεύνης ἐκ μέρους τοῦ προϊσταμένου ἐρευνῶν.

3.3. Πεδίον διὰ περαιτέρω ἔρευναν

Ἡ ἀνωτέρω ἔξισωσις (5) περιλαμβάνει παράγοντας σκιαγραφηθέντας εἰς τὴν ἔξισωσιν (1). Ὡς ἐκ τούτου, ἡ ἐρευνα καὶ τὸ ἀπορρέον πρότυπον περιορίζονται εἰς τὰς ἀναπτυσσομένας σχέσεις μεταξὺ προϊσταμένου καὶ ὑφισταμένων. Παράγοντες ως οἱ ἀφορῶντες τὰς σχέσεις μεταξὺ ὁμάδων, δύνανται νὰ ἐνσωματωθοῦν εἰς τὸ πρότυπον διὰ περαιτέρω ἀναλύσεως. Ἀναμφιβόλως ὅμως θὰ κατέληγον εἰς πεπερασμένον πρόβλημα ἀναμονῆς μὲν διακοπάς, τὰ μαθηματικὰ τοῦ ὅποιου εἶναι ίδιαιτέρως πολύπλοκα. Ἅς προστεθῇ δὲ ὅτι αἱ μέχρι σήμερον δημοσιευθεῖσαι μελέται, δὲν περιέχουν λύσιν τῆς ἐφαρμογῆς προβλήματος οὐρῶν τοιαύτης φύσεως.

4. Ανάλυσις

Έφαρμογή προτύπου

Η μεταβολή του συνολικού κόστους, προκύπτουσα από μεταβολήν είς τὴν δξίαν του N , δύναται νὰ παρουσιασθῇ ὡς ἀκολούθως :

$$\frac{\Delta TVC}{\Delta N} = \left[KC_w^{(N+1)} (1-F) + \frac{MC_s}{N-1} \right] - \left[KC_w^N (1-F) + \frac{MC_s}{N} \right] = 0.$$

Έγενοντο ύπολογισμοὶ διὰ διάφορα μεγέθη τοῦ N , δπου ὁ χρόνος ἔξυπηρετήσεως (T) ἐθεωρήθη ὅτι είναι $1/2$ ὥρα, U (ὁ χρόνος μεταξὺ δύο ἔξυπηρετήσεων) 7.5 ὥρ., M (ὁ ἀριθμὸς ἀρχιεργατῶν) $= 1$ καὶ $K = 1$. Ἐπίσης ἐγένοντο ύπολογισμοὶ μὲ $T = 1/4$ καὶ $U = 7.75$ καὶ τὰς ἴδιας ύπολοίπους παραμέτρους διὰ $N = 4$ ἕως $N = 16$. Ὁπως ἡδη ἐλέχθη, τὸ κόστος ἐλέγχου κατὰ μονάδα χρόνου (C_s) ἐθεωρήθη ἀπλῶς ὅτι είναι τὸ διπλάσιον τοῦ κόστους ἀναμονῆς τοῦ ἐργάτου (C_w).

Oi Peck καὶ Hazelwood δίδουν πίνακας διὰ τὸ πεπερασμένον πρόβλημα οὐρῶν. Ἐπὶ τῇ βάσει τῶν δεδομένων παραμέτρων, τὰ ἀποτελέσματα τῶν ύπολογισμῶν μὲ $T = 1/2$ ἐμφανίζονται εἰς τὸν πίνακα 2. Ὁ πίναξ οὗτος ἀποκαλύπτει τὸ αὐξάνον κόστος ἀναμονῆς ἐργατῶν καὶ τὸ μειούμενον κόστος ἐλέγχου, καθὼς εὑρύνεται τὸ πεδίον ἐλέγχου. Ἡ οἰκονομικὴ ἀναλογία θὰ είναι 6 ἐργάται ἀνὰ ἀρχιεργάτην. Παρεμφερεῖ τιμαὶ τοῦ N (π.χ., δύο ὀλιγώτεροι ἢ δύο περισσότεροι τοῦ ἐλαχίστου ἐργάται), δὲν ἐπιφέρουν διαφορὰν ἀπὸ ἀπόψεως κόστους. Τὸ οἰκονομικὸν πεδίον ἐλέγχου διὰ τὴν περίπτωσιν ταύτην καταδεικνύεται παραστατικῶς εἰς τὸ Διάγραμμα 3.

Ὑπὸ τὰς αὐτὰς συνθήκας, ἀλλὰ μὲ $T=1/4$, τὸ οἰκονομικὸν πεδίον ἐλέγχου εὐρέθη νὰ είναι 9 ἢ 10 ἐργάται κατὰ ἀρχιεργάτην. Τὸ γεγονὸς ὅτι τιμαὶ παραπλήσιαι τῆς ἀρίστης θὰ ἦσαν ἐξ ἵσου κατάλληλοι, ισχύει βεβαίως καὶ ἐδῶ. Ἐνῷ αἱ διαφοραὶ πλησίον τοῦ ἐλαχίστου σημείου τῆς καμπύλης είναι ὀλιγώτερον αἰσθηταὶ παρὰ εἰς τὴν περίπτωσιν τῆς $T = 1/2$ ὥρ., πρέπει νὰ ληφθῇ ὑπ' ὄψιν ὅτι τὸ τελικὸν κόστος είναι συνάρτησις τοῦ ἀριθμοῦ τῶν ύπολοπλήλων. Ὁ πολλαπλασιαστής είναι μεγαλύτερος διὰ τὴν περίπτωσιν $T = 1/4$, δίδοντες ἐμφασιν εἰς τὰς διαφοράς. Oi ύπολογισμοὶ παρουσιάζονται εἰς τὸν πίνακα 3 καὶ τὸ οἰκονομικὸν πεδίον ἐλέγχου δι' αὐτὴν τὴν περίπτωσιν δίδεται διαγραμματικῶς εἰς τὸ Διάγραμμα 4.

Oi αὐτοὶ ύπολογισμοὶ ἐπανελήφθησαν διὰ $K = 1/2$. Eἰς τὴν πρώτην περίπτωσιν, τὸ θεωρητικὸν ἄριστον μετεκινήθη ἐξ 6 εἰς 7 ἐργάτας κατὰ ἀρχιεργάτην καὶ εἰς τὴν δευτέραν περίπτωσιν ἀπὸ 9 ἢ 10 εἰς 10 ἢ 11. Ἐπομένως, τὸ πρότυπον δὲν είναι εὐαίσθητον ὡς πρὸς μεταβολὰς τοῦ K . Ἐλάττωσις τοῦ K φυσικὰ ἐπιφέρει ἐλάττωσιν τῶν μὴ παραγωγικῶν δαπανῶν.

Eἰς τὸ Διάγραμμα 5 δίδεται σύγκρισις τῶν δύο περιπτώσεων διὰ διαφόρους ἀριθμούς ύπολοπλήλων. Tὸ διάγραμμα τοῦτο δεικνύει πώς τὸ οἰκονομικὸν πεδίον ἐλέγχου ἀλλάσσει μὲ μετατροπὰς τοῦ χρόνου ἔξυπηρετήσεως, (T)-

Xρησιμοποιοῦντες τὰς παραμέτρους $T 1/2$ καὶ $K 1$, ὑπελογίσαμεν τὸν

οἰκονομικὸν ἀριθμὸν ἀρχιεργατῶν διὰ μίαν ὅμαδα 50 ἐργατῶν. Τὰ ἀποτελέσματα παρουσιάζονται εἰς τὸν πίνακα 4. Ἐδῶ προϋποτίθεται, διότι οἱσδήποτε ἐκ τῶν ἐργατῶν δύναται νὰ συνεργασθῇ μὲ οἰονδήποτε ἐκ τῶν ἀρχιεργατῶν. Τὸ θεωρητικὸν ἀριστον ἀποτέλεσμα εἶναι 4 ἀρχιεργάται καὶ τὸ πεδίον ἐλέγχου ἑκάστου 12 ὑπάλληλοι. Ἐπομένως, ὁ ἀριθμὸς τῶν ἀπαιτουμένων προϊσταμένων δύναται νὰ ἐλαττωθῇ αἰσθητῶς, ὑπὸ τὸν ὄρον τοῦ ἐλευθέρου τῆς συνεργασίας. Βεβαίως, παρομοίᾳ λύσις ἔχει ἑτέρας περιπλοκάς. Είναι ὅμως τὸ ἐλάχιστον ἐκ τῶν δύο κακῶν, συγκρινόμενον πρὸς αὐθαίρετον αὔξησιν τοῦ πεδίου ἐλέγχου πέραν ὧρισμένου σημείου.

4.1. Προτεινόμεναι χρήσεις

Τὸ οἰκονομικὸν πρότυπον, τὸ δποῖον κατηρτίσθη ἀνωτέρω δύναται νὰ χρησιμοποιηθῇ μὲ σκοπὸν τὴν ὄργάνωσιν τῆς ἐποπτείας προσωπικοῦ. Ἐκ τῶν προτέρων δύναται τοῦτο νὰ χρησιμοποιηθῇ εἰς τὴν ὄργάνωσιν νέων ἐπιχειρήσεων, ἐκ τῶν ὑστέρων δὲ μὲ σκοπὸν τὴν ἑκτίμησιν καὶ τὴν βελτίωσιν τῆς παρούσης καταστάσεως. Παρὰ ταῦτα, πολὺ μεγαλυτέρα προσπάθεια θὰ πρέπει νὰ καταβληθῇ διὰ νὰ καταδειχθοῦν διάφοροι πιθανοὶ ἐφαρμογαὶ αὐτοῦ καὶ νὰ ἔξαληφθοῦν πιθανοὶ δυσχέρειαι ἐφαρμογῆς. Ή χρησιμοποίησις τῆς θεωρίας τῶν οὐρῶν φαίνεται νὰ εἶναι χρήσιμος μέθοδος διὰ τὴν μελέτην διαφόρων προβλημάτων ὄργανώσεως προσωπικοῦ. Τὸ πεδίον ἐλέγχου ἀποτελεῖ σημαντικὴν προσφορὰν εἰς τὴν ἐπίτευξιν ἐπιτυχοῦς ὄργανωτικῆς δομῆς, γεγονὸς τὸ δποῖον συμβάλλει εἰς τὴν ἑκάστοτε προσπάθειαν μεγιστοποιήσεως καὶ ἀριστοποιήσεως τῆς ἀποτελεσματικότητος δεδομένης συλλογικῆς δραστηριότητος.

Πίναξ 2

Μέτρον κόστους ἀνὰ ὥραν μὴ παραγωγικῆς ἐργασίας

($M = 1$, $T = \frac{1}{2}$, $K = 1$)

'Εργάται N	Συντελεστής ξένη προμηθείας X	Συντελεστής ἀποδοτικότητος F	I-F	KC _w N (I-F)	Kόστος ἀνα- μονῆς τῶν ἐργατῶν Cs N	Σ
4	0,0625	0,987	0,013	0,052	0,500	0,552
5	0,0625	0,982	0,018	0,090	0,400	0,490
6	0,0625	0,976	0,024	0,114	0,333	0,477
7	0,0625	0,969	0,031	0,217	0,286	0,503
8	0,0625	0,961	0,039	0,312	0,250	0,562
9	0,0625	0,953	0,047	0,423	0,222	0,645
10	0,0625	0,944	0,056	0,560	0,200	0,760
11	0,0625	0,933	0,067	0,737	0,182	0,919
12	0,0625	0,921	0,079	0,948	0,167	1,115

Πίναξ 3

Μέτρον αόστους άνα ώραν μη παραγωγικής έργασίας
(M = 1, T = 1/4, K = 1)

'Εργάται N	Συντελεστής ξεναπορεί- τήσεως	Συντελεστής διποδοτικό- τητος	I-F	KC _w N (I-F)	Kόστος άνα- μονής έρ- γάτου	Cs N	Σ
4	0,03125	0,997	0,003	0,012	0,500	0,512	
5	0,03125	0,996	0,004	0,020	0,400	0,420	
6	0,03125	0,994	0,006	0,036	0,333	0,369	
7	0,03125	0,993	0,007	0,049	0,286	0,335	
8	0,03125	0,991	0,009	0,072	0,250	0,322	
9	0,03125	0,990	0,010	0,090	0,222	0,312	
10	0,03125	0,989	0,011	0,110	0,200	0,310	
11	0,03125	0,987	0,013	0,143	0,182	0,325	
12	0,03125	0,985	0,015	0,180	0,167	0,347	
13	0,03125	0,983	0,017	0,221	0,154	0,375	
14	0,03125	0,981	0,019	0,266	0,143	0,409	
15	0,03125	0,979	0,021	0,315	0,133	0,448	
16	0,03125	0,977	0,023	0,368	0,125	0,493	

Πίναξ 4

Μέτρον αόστους άνα ώραν μη παραγωγικής έργασίας
(N = 50, T = 1/2, K = 1)

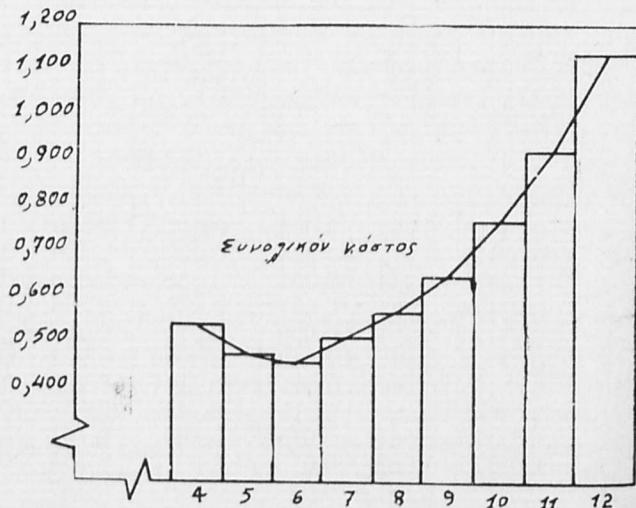
'Αριθμός άρχιμεροτάσιων M	Συντελεστής ξεναπορεί- τήσεως	Συντελεστής διποδοτικό- τητος	I-F	KC _w N (I-F)	Kόστος άνα- μονής έρ- γατών	Cs N	Σ
3	0,0625	0,898	0,102	5,10	6,0	11,1	
4	0,0625	0,976	0,024	1,20	8,0	9,2	
5	0,0625	0,994	0,006	0,30	10,0	10,3	
6	0,0625	0,998	0,002	0,10	12,0	12,1	
7	0,0625	0,999	0,001	0,05	14,0	14,0	

Διάγραμμα 3

Το σίκουρον πεδίον εποντειας δια:

$$(M=1, T=\frac{1}{2}, K=1)$$

Μέτρον κόστους μην παραγωγικής εργατικής άνθρωπων



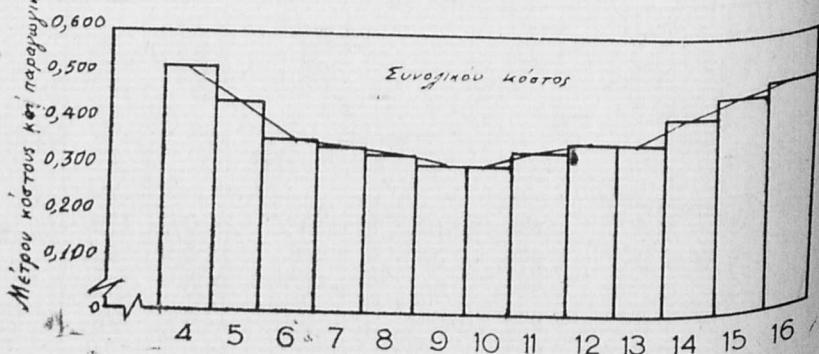
Αριθμός έργατων

Διάγραμμα 4

Το σίκουρον πεδίον εποντειας δια:

$$(M=1, R=\frac{1}{4}, K=1)$$

Μέτρον κόστους και παραγωγικής εργατικής άνθρωπων

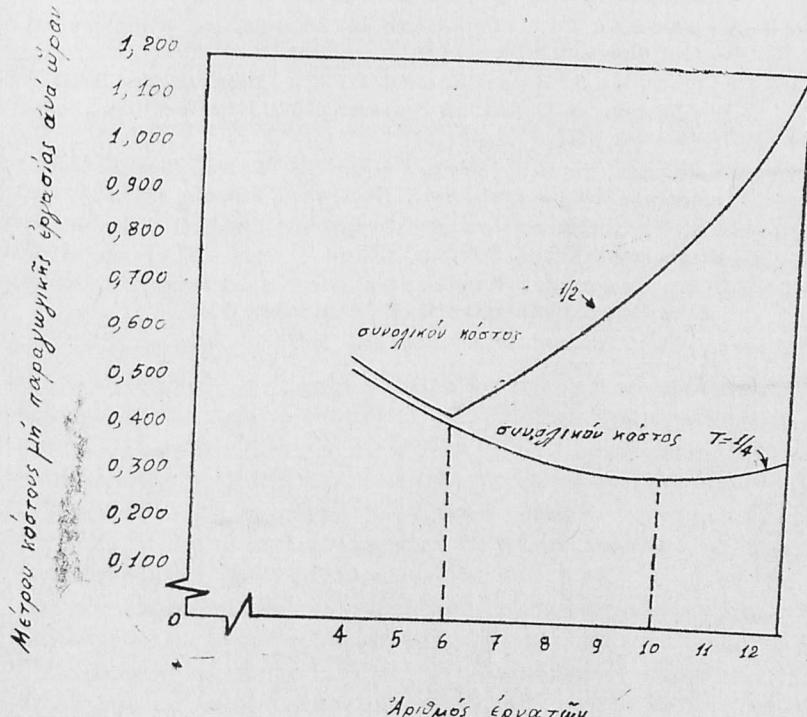


Αριθμός έργατων

Διάγραμμα 5

Σύγκρισις πεδίου εποπτείας διά δύο τιμών του τ

$(M=1, L=1)$



ΒΙΒΛΙΟΓΡΑΦΙΑ

1. Bullinger C. E. : «The Estimating Function in Decision Making, its Development, Characteristics and Use». *The Journal of Industrial Engineering*, Vol 13, January to February, 1962.
2. Carson G. B. (ed.) : *Production Handbook*. The Ronald Press Co., New York, 1958.
3. Davis R. C. : *Industrial Organization and Management*. Harper and Bros., New York, 1940.

4. Davis R. C. : *The Influence of the Unit of Supervision and the Span of Executive Control on the Economy of Organization Structure*. The Bureau of Business Research, the Ohio State University, Columbus, Ohio, 1940.
5. Haire (ed.) : *Modern Organization Theory*. John Wiley and Sons Inc., New York, 1959.
6. Hagues W. W. and Massie J. L. : *Management Analysis, Concepts and Cases*. Prentice Hall Inc., Englewood Cliffs, New Jersey, 1961.
7. Hill L. S. : «A Punched Card Approach to Production Control». *Journal of Machine Accounting*, Vol. 13, June 1962.
8. McCloskey J. F. and Trefethen F. N. : *Operations Research for Management. The Johns Hopkins Press, Baltimore*, 1956.
9. Μπανταλούκα Κλ. : *Οργανωτική τῶν ἐπιχειρήσεων, διοικητική και ἐπιτελική*. Πειραιές, 1964.
10. Peck L. G. and Hazelwood R. N. : *Finite Queuing Tables*. ORSA Publications in Operations Research, No 2, John Wiley and Sons Inc., New York, 1958.
11. Peterson E. and Plowman E. G. : *Business Organization and Management*. Richard Izwirn Inc., Homewood, Illinois, 1958.
12. Rowe A. J. : «Management by Computer. How and When? *Aerospace Management*, Vol. 4, October 1961.
13. The Management Process : Air Force Manual 25, Department of Air Force, Washington D. C., September 1954.
14. Yoder D. : *Personnel Management and Industrial Relations*. Prentice Hall, New York, 1959.