

# ΔΙΕΡΕΥΝΗΣΗ ΤΗΣ ΑΠΟΤΕΛΕΣΜΑΤΙΚΟΤΗΤΑΣ ΤΗΣ ΝΟΜΙΣΜΑΤΙΚΗΣ ΚΑΙ ΔΗΜΟΣΙΟΝΟΜΙΚΗΣ ΠΟΛΙΤΙΚΗΣ ΣΕ ΑΠΛΟ ΥΠΟΔΕΙΓΜΑ ΤΗΣ ΕΛΛΗΝΙΚΗΣ ΟΙΚΟΝΟΜΙΑΣ \*

Τῶν κ.κ. NIKΟΥ Γ. ZONZHΛΟΥ καὶ ΣΟΦΟΚΛΗ Ν. ΜΠΡΙΣΙΜΗ  
Τῆς Τραπέζης τῆς Ἑλλάδος

## 1. Εἰσαγωγὴ

Τὸ ὑπόδειγμα IS - LM, παράλληλα μὲ τὶς θεωρητικὲς ἀναζητήσεις ποὺ προκάλεσε, ἀποτέλεσε καὶ πλαίσιο γιὰ τὴν ἐμπειρικὴ ἀξιολόγηση τῶν ἐπιδράσεων τῆς νομισματικῆς καὶ δημοσιονομικῆς πολιτικῆς στὴν οἰκονομικὴ δραστηριότητα, σὲ διάφορες χῶρες. Οἱ ἐργασίες τῶν Scott (1966), Chow (1967), Moroney - Mason (1971) καὶ Kmenta - Smith (1973) γιὰ τὴν οἰκονομία τῶν H.P.A., τοῦ Gupta (1968 - 69) γιὰ τὴν οἰκονομία τοῦ Καναδᾶ, τῶν Knöbl - Solheim (1976) γιὰ τὴν οἰκονομία τῆς Δ. Γερμανίας καὶ τῶν Arestis - Frowen - Karakitsos (1978) γιὰ τὴν οἰκονομία τῆς Μεγ. Βρετανίας εἶναι οἱ κυριότερες ἐμπειρικὲς ἔρευνες μὲ βάση τὸ ὑπόδειγμα αὐτό. Μία παρόμοια προσπάθεια ἔγινε ἀπὸ τὸν Ἀλεξόπουλο (1972) γιὰ τὴν ἑλληνικὴ οἰκονομία. Ὁ Ἀλεξόπουλος, ἀφοῦ προσδιόρισε καὶ ἐκτίμησε ἔνα διαρθρωτικὸ ὑπόδειγμα τοῦ τύπου IS - LM, ὑπολόγισε τοὺς δυναμικοὺς πολλαπλασιαστὲς τῶν αὐτόνομων μεταβολῶν τῆς ποσότητας χρήματος καὶ τῶν δημόσιων δαπανῶν πάνω στὸ ἔθνικὸ εἰσόδημα. Τὸ βασικὸ συμπέρασμα στὸ δποῖο κατέληξε ἡ ἔρευνά του εἶναι ὅτι γιὰ τὴν ἑλληνικὴ οἰκονομία ἡ δημοσιονομικὴ πολιτικὴ εἶναι ἀποτελεσματικότερη ἀπὸ τὴν νομισματική.

Ἐχοντας ὡς δεδομένο τὶς παραμέτρους τοῦ διαρθρωτικοῦ ὑποδείγματος τοῦ Ἀλεξόπουλου ποὺ ἐκτιμήθηκαν μὲ τὴν μέθοδο τῶν ἐλαχίστων τετραγώνων σὲ δύο στάδια καὶ χρησιμοποιώντας τὴν μέθοδο ὑπολογισμοῦ πολλαπλασιαστῶν

\* Εὐχαριστοῦμε τὸν N. Ἀλεξόπουλο γιὰ τὶς ὑποδείξεις του στὸ ἀρχικὸ σχέδιο τῆς ἔργασίας. Οἱ ἀπόψεις ποὺ ἐκφράζονται στὴν ἐργασία αὐτῇ εἶναι δικές μας καὶ δχι ἀπαραίτητα τῆς Τραπέζης τῆς Ἑλλάδος.

τῶν Theil - Boot (1962) πήραμε ἀποτελέσματα ποὺ διαφέρουν ἀπὸ τὰ δικά του· Ἡ ἐπιθυμία μας νὰ διερευνήσουμε κατὰ πόσο τὰ ἀποτελέσματα αὐτὰ μεταβάλλονται ἀνάλογα μὲ τὸ δυναμικὸ προσδιορισμὸ τῶν ἔξισωσεων τοῦ ὑποδείγματος, ἀποτέλεσε τὸ κίνητρο τῆς μελέτης μας. Ἔτσι ἐπιχειρήθηκε ἡ ἐκτίμηση ἐνὸς νέου ὑποδείγματος ποὺ περιγράφει διαφορετικά τὶς βασικὲς διασυνδέσεις τῶν μακροοικονομικῶν μεταβλητῶν τῆς Ἑλληνικῆς Οἰκονομίας. Ἡ μέτρηση ἀπὸ τὸ ὑπόδειγμα αὐτὸ τῆς ἀποτελεσματικότητας τῆς νομισματικῆς καὶ δημοσιονομικῆς πολιτικῆς δείχνει τὴ μεγάλη ἔξαρτηση τῶν συμπερασμάτων ἀπὸ τὸ δυναμικὸ προσδιορισμὸ τοῦ ὑποδείγματος ποὺ χρησιμοποιεῖται.

Στὸ ἐπόμενο τμῆμα τῆς ἐργασίας μας παρουσιάζεται ἡ μέθοδος ὑπολογισμοῦ τῶν πολλαπλασιαστῶν καὶ γίνεται ὁ ὑπολογισμός τους γιὰ τὸ ὑπόδειγμα τοῦ Ἀλεξόπουλου. Στὸ τρίτο μέρος προσδιορίζεται καὶ ἐκτιμᾶται ἕνα νέο δυναμικὸ μακροοικονομικὸ ὑπόδειγμα, ἔξετάζεται τοῦτο ἀπὸ ἀπόψεως εὐστάθειας καὶ ὑπολογίζονται οἱ ἄμεσοι, ἐνδιάμεσοι καὶ συνολικοὶ πολλαπλασιαστές. Τέλος, στὰ συμπεράσματα γίνονται ὁρισμένες τελικὲς παρατηρήσεις καὶ σχόλια καθὼς καὶ προτάσεις γιὰ μελλοντικές βελτιώσεις τοῦ ὑποδείγματος.

## 2. Μέθοδος ὑπολογισμοῦ πολλαπλασιαστῶν - Πολλαπλασιαστὲς ὑποδείγματος 'Αλεξόπουλου

Ἡ δυναμικὴ ἔξέταση ἐνὸς οἰκονομετρικοῦ συστήματος ἐντοπίζεται συνήθως σὲ προβλήματα ὅπως τὰ ἔξῆς: Ἐλλοτε ἀναζητοῦμε μία ἀναλυτικὴ ἔκφραση ποὺ νὰ περιγράφει τὴ μορφὴ τῆς χρονικῆς διαδρομῆς ποὺ ἀκολουθεῖ ἡ λύση τοῦ συστήματος μὲ τὴν πάροδο τοῦ χρόνου μόνο, καὶ ἄλλοτε ἐπιδιώκεται ἡ εὔρεση τῆς διαδρομῆς αὐτῆς ποὺ εἶναι ἀποτέλεσμα μεταβολῆς ἔξωγενῶν παραγόντων. Ἡ διερεύνηση τῶν προβλημάτων αὐτῶν καθιστᾶ δυνατὴ τὴν ἔξαγωγὴ συμπερασμάτων ὡς πρὸς τὸ μῆκος καὶ τὴ διάρκεια τῶν ταλαντώσεων στὶς δόποις πιθανὸν νὰ ὑπόκειται ἡ λύση τοῦ συστήματος, καθὼς καὶ τὴν ταχύτητα μὲ τὴν δόποια ἡ λύση αὐτὴ συγκλίνει πρὸς κάποια τιμὴ ἰσορροπίας.

Βασικὸ δργανο γιὰ τὸ δεύτερο εἶδος τῆς διερευνήσεως, δηλ. τῆς εὑρέσεως τῆς χρονικῆς διαδρομῆς τῆς λύσεως ποὺ εἶναι ἀποτέλεσμα μεταβολῆς ἔξωγενῶν παραγόντων, ἀποτελεῖ ἡ ἔννοια τοῦ πολλαπλασιαστῆ, ἡ δόποια εἶναι προέκταση τῆς ἔννοιας τοῦ Κεϋνσιανοῦ πολλαπλασιαστῆ καὶ γιὰ πρώτη φορὰ παρουσιάστηκε στὴν οἰκονομετρικὴ βιβλιογραφία ἀπὸ τὸν Goldberger (1959).

Οἱ δυναμικοὶ πολλαπλασιαστὲς (ἄμεσοι καὶ ἐνδιάμεσοι) τῶν ἔξωγενῶν μεταβλητῶν ἐνὸς οἰκονομετρικοῦ συστήματος περιγράφουν σὲ κάθε σημεῖο τοῦ χρόνου τὸ ἀποτέλεσμα πάνω στὶς ἐνδογενεῖς μεταβλητὲς ἀπὸ μία ἀρχικὴ μεταβολὴ τῶν ἔξωγενῶν μεταβλητῶν ποὺ δὲν διατηρεῖται μεταγενέστερα. Ἡ μέθοδος ὑπολογισμοῦ τῶν δυναμικῶν πολλαπλασιαστῶν διφείλεται στοὺς Theil - Boot (1962), οἱ δόποιοι παρουσίασαν τὶς ἀναλυτικές ἔκφράσεις τους γιὰ ἕνα γραμμικὸ δυναμικὸ σύστημα πρώτου βαθμοῦ. Ἐπειδὴ τὴ μέθοδο τους ποὺ εἶναι διαφορε-

τική ἀπό ἐκείνη ποὺ χρησιμοποίησε ὁ Ἀλεξόπουλος, ἀκολουθήσαμε καὶ ἐμεῖς στὸ δικό μας σύστημα, παρουσιάζουμε μία σύντομη περιγραφή της.

Ἐστω

$$A' y_t + B' y_{t-1} + C' x_t = u_t \quad (2-1)$$

ἡ διαρθρωτικὴ μορφὴ ἐνδὲ γραμμικοῦ οἰκονομετρικοῦ συστήματος πρώτης τάξεως, ὅπου γ τὸ  $G \times 1$  διάνυσμα τῶν ἐνδογενῶν μεταβλητῶν, κ τὸ  $K \times 1$  διάνυσμα τῶν ἔξωγενῶν μεταβλητῶν,  $u'$  τὸ  $G \times 1$  διάνυσμα τῶν σφαλμάτων καὶ  $A'$ ,  $B'$  καὶ  $C'$  οἱ  $G \times G$ ,  $G \times G$  καὶ  $G \times K$  πίνακες τῶν διαρθρωτικῶν παραμέτρων τοῦ συστήματος.

Ἄπὸ τὴ (2 — 1), ὑποθέτοντας ὅτι ὁ πίνακας  $A'^{-1}$  ὑπάρχει, ἔχουμε :

$$y_t = A y_{t-1} + B x_t + u_t \quad (2-2)$$

ὅπου

$$A = -A'^{-1} B', \quad B = -A'^{-1} C' \quad \text{καὶ} \quad u_t = A'^{-1} u'_t$$

Ἡ ἔκφραση (2—2) ἀποτελεῖ τὴν ἀνηγμένη μορφὴ τοῦ συστήματος (2—1).

Ἡ ὑπαρξὴ τῶν μὲ ὑστέρηση ἐνδογενῶν μεταβλητῶν στὴ (2—2) δὲν ἐπιτρέπει τὸν ἀπευθείας ὑπολογισμὸν τῶν δυναμικῶν πολλαπλασιαστῶν καὶ γι' αὐτὸ ἀπαιτεῖται νὰ λύσουμε τὴ (2—2), ὥστε οἱ μὲ ὑστέρηση τιμὲς τῶν ἐνδογενῶν μεταβλητῶν νὰ μὴ ἐμφανίζονται στὸ δεύτερο μέλος της. Ἡ διαδικασία ἐπιλύσεως ἔχει ὡς ἔξῆς. Γράφουμε τὴ (2—2) μὲ ὑστέρηση μιᾶς χρονικῆς περιόδου καὶ τὴν τιμὴ τοῦ  $y_{t-1}$  ποὺ βρίσκουμε τὴν ἀντικαθιστοῦμε στὴ (2—2). Ἐπαναλαμβάνουμε στὴ συνέχεια αὐτὴ τὴ διαδικασία ἀντικαταστάσεως γιὰ τὸ  $y_{t-2}$ ,  $y_{t-3}$ , . . . . . ,  $y_{t-s}$  φορὲς καὶ παίρνουμε τὸ ἀκόλουθο ἀποτέλεσμα :

$$y_t = A^{s+1} y_{t-s-1} + B x_t + A B x_{t-1} + A^2 B x_{t-2} + \dots + A^s B x_{t-s} + u_t + A u_{t-1} + \dots + A^s u_{t-s} \quad (2-3)$$

Ἄν τώρα γιὰ  $s \rightarrow \infty$  ὁ  $A^s$  συγκλίνει στὸ μηδενικὸ πίνακα (πράγμα ποὺ συμβαίνει δταν οἱ χαρακτηριστικὲς ρίζες τοῦ  $A$  εἶναι μικρότερες ἀπὸ τὴ μονάδα κατ' ἀπόλυτη τιμὴ) ἡ (2—3) δόδηγει στὴ

$$y_t = B x_t + \sum_{j=1}^{\infty} A^j B x_{t-j} + \sum_{j=0}^{\infty} A^j u_{t-j} \quad (2-4)$$

ποὺ δνομάζεται τελικὴ μορφὴ τοῦ συστήματος. Τὰ στοιχεῖα τῶν συντελεστῶν πινάκων  $B$  καὶ  $A B$ ,  $A^2 B$  κλπ. εἶναι οἱ ἄμεσοι καὶ ἀντίστοιχα οἱ ἐνδιάμεσοι πολλαπλα-

σιαστές, ποὺ μετροῦν τὴν ἐπίδραση τὴν ὅποια προκαλοῦν οἱ μεταβολὲς τῶν ἔξωγενῶν μεταβλητῶν κατὰ τὴν περίοδο τ στὶς ἐνδογενεῖς μεταβλητὲς κατὰ τὶς περιόδους  $t$  καὶ  $t + 1, t + 2, \dots$  ἀντίστοιχα. Γιὰ παράδειγμα τὸ  $(i,j)$  στοιχεῖο τοῦ  $A^2 B$  μετρᾷ τὴν ἐπίδραση τῆς κατὰ μία μονάδα μεταβολῆς τῆς  $j$  ἔξωγενοῦς μεταβλητῆς πάνω στὴν  $i$  ἐνδογενή μεταβλητή, δύο περιόδους μετὰ τὴν ἀρχικὴ μεταβολή.

Ἡ συνολικὴ ἐπίδραση τῶν μεταβολῶν τῶν ἔξωγενῶν μεταβλητῶν πάνω στὶς ἐνδογενεῖς δίνεται ἀπὸ τὸ ἄθροισμα τῶν ἀμεσων καὶ ἐνδιάμεσων πολλαπλασιαστῶν δηλ.

$$\begin{aligned} T &= B + AB + A^2B + A^3B + \dots = \\ &= (I + A + A^2 + A^3 + \dots) B = \\ &= (I - A)^{-1} B \end{aligned} \tag{2-5}$$

Τὰ στοιχεῖα τοῦ πίνακα  $T$  ἀποτελοῦν τοὺς συνολικοὺς πολλαπλασιαστές τοῦ ὑποδείγματος. Οἱ πολλαπλασιαστὲς αὐτοὶ δονομάζονται καὶ στατικοὶ πολλαπλασιαστὲς ἴσορροπίας, ἐπειδὴ ὁ πίνακας  $T$  ἀποτελεῖ τὸν πίνακα πολλαπλασιαστῶν τοῦ στατικοῦ ὑποδείγματος τὸ δόποιο ἀντίστοιχεῖ στὴ μορφὴ τοῦ συστήματος (2-2). Πράγματι ἀπὸ τὴν ἀντίστοιχη στατικὴ ἔκφραση τοῦ (2-2)

$$\begin{aligned} y &= Ay + Bx + u \\ \text{ἔχουμε } (I - A)y &= Bx + u \quad \text{καὶ} \\ y &= (I - A)^{-1} Bx + (I - A)^{-1} u = \\ &= Tx + (I - A)^{-1} u \end{aligned} \tag{2-6}$$

Στὴν περίπτωση ποὺ τὸ οἰκονομετρικὸ ὑπόδειγμα είναι

$$y_t = A_1 y_{t-1} + A_2 y_{t-2} + \dots + A_p y_{t-p} + B_0 x_t + B_1 x_{t-1} + \dots + B_q x_{t-q} \tag{2-7}$$

δηλαδὴ είναι τάξεως ἀνώτερης ἀπὸ τὴν πρώτη, ( $p$  τάξεως), καὶ ἔχει περισσότερες τῆς μιᾶς χρονικὲς ὑστερήσεις στὶς ἀνεξάρτητες μεταβλητὲς ( $q$  ὑστερήσεις), οἱ πολλαπλασιαστὲς ἔχουν ὑπολογίστει ἀπὸ τὸν Brissimis (1976a) καὶ δίνονται ἀπὸ τὶς ἀκόλουθες ἔκφράσεις:

Άμεσοι πολλαπλασιαστές :  $B_0$

Ένδιαμεσοι πολλαπλασιαστές 1ης περιόδου :  $B_1 + C(1)B_0$

Ένδιαμεσοι πολλαπλασιαστές 2ης περιόδου :  $B_2 + C(1)B_1 + C(2)B_0$

Ένδιαμεσοι πολλαπλασιαστές 3ης περιόδου :  $B_3 + C(1)B_2 + C(2)B_1 + C(3)B_0$

Ένδιαμεσοι πολλαπλασιαστές q περιόδου :  $B_q + C(1)B_{q-1} + C(2)B_{q-2} + \dots + C(q)B_0$

Ένδιαμεσοι πολλαπλασιαστές q+1 περιόδου :  $C(1)B_q + C(2)B_{q-1} + \dots + C(q+1)B_0$

Ένδιαμεσοι πολλαπλασιαστές q+2 περιόδου :  $C(2)B_q + C(3)B_{q-1} + \dots + C(q+2)B_0$

Όπου οι διαστάσεων  $G \times G$  πίνακες  $C(t)$  συνδέονται μὲ τὴν ἀναδρομικὴ σχέση

$$C(t) = A_1 C(t-1) + A_2 C(t-2) + \dots + A_p C(t-p) \quad (2-8)$$

μὲ  $C(0) = I_G$ , τὸ μοναδιαῖο πίνακα καὶ

] $C(t) = O_G$ , τὸ μηδενικὸ πίνακα γιὰ  $t < 0$

Οἱ πίνακες ποὺ δίνουν τοὺς πολλαπλασιαστές τοῦ ὑποδείγματος (2-2) προκύπτουν ἀπὸ τὶς πιὸ πάνω ἐκφράσεις ὡς εἰδικὴ περίπτωση μὲ  $p=1$  καὶ  $q=0$ .

Μὲ βάση τὶς σχέσεις αὐτὲς γράφηκε πρόγραμμα ἡλεκτρονικοῦ ὑπολογιστῆ τὸ ὅποιο ὑπολογίζει τοὺς πίνακες τῶν ἀμεσῶν καὶ ἐνδιάμεσων πολλαπλασιαστῶν γιὰ ὁσεσδήποτε περιόδους ἐπιθυμοῦμε νὰ ἔξετάσουμε τὴ συμπεριφορά τους. Τὸ πρόγραμμα προσαρμόζεται κάθε φορὰ ἀνάλογα μὲ τὸ μέγεθος τοῦ οἰκονομε-

τρικού ύποδείγματος δηλ. τις τιμές τῶν  $p$  καὶ  $q$  καὶ τὴ σχέση (2 - 8)<sup>1</sup>.

Γιὰ τὴν περίπτωση τοῦ ύποδείγματος Ἀλεξόπουλου τὰ δεδομένα εἶναι:

$$p = 1, \quad q = 1 \quad \text{καὶ} \quad C(t) = A_1 \cdot C(t - I)$$

Οἱ πολλαπλασιαστὲς ποὺ προκύπτουν ἀπὸ τὸ ύπόδειγμά του, μὲ βάση τὶς ἐκτιμήσεις του τῶν παραμέτρων μὲ τὴ μέθοδο τῶν ἐλαχίστων τετραγώνων σὲ δύο στάδια, παρουσιάζονται στὸν πίνακα 1. Στὸν πίνακα αὐτὸ ἐμφανίζουμε τοὺς ἄμεσους πολλαπλασιαστές, τοὺς ἐνδιάμεσους τῶν πέντε πρώτων περιόδων καθὼς καὶ τοὺς συνολικοὺς πολλαπλασιαστὲς τῆς κυβερνητικῆς δαπάνης καὶ τῆς προσφορᾶς χρήματος πάνω σὲ δλες τὶς ἐνδογενεῖς μεταβλητὲς τοῦ ύποδείγματός του. Γιὰ νὰ εἴναι δυνατὴ ἡ συγκριτικὴ ἀξιολόγηση τῶν ἀποτελεσμάτων διατηρήσαμε τὸ συμβολισμὸ τοῦ Ἀλεξόπουλου.

Ἡ ἔξεταση τῶν ἀποτελεσμάτων τοῦ πίνακα I μᾶς δόδηγει στὶς ἑξῆς διαπιστώσεις : α) ἡ δημοσιονομικὴ πολιτικὴ ἐμφανίζεται καὶ στοὺς δικούς μας υπολογισμοὺς δπως καὶ στοὺς υπολογισμοὺς τοῦ Ἀλεξόπουλου ὡς ἰσχυρότερη ἀπὸ τὴ νομισματική. Τόσο οἱ ἄμεσοι ὅσο καὶ οἱ συνολικοὶ πολλαπλασιαστὲς τῆς κυβερνητικῆς δαπάνης πάνω στὸ ἐθνικὸ εἰσόδημα εἴναι σημαντικὰ μεγαλύτεροι ἀπὸ τοὺς ἀντίστοιχους τῆς προσφορᾶς χρήματος (0,745 καὶ 0,640 ἔναντι 0,031 καὶ 0,027 ἀντίστοιχα), β) τὸ μέγεθος τῶν πολλαπλασιαστικῶν ἐπιδράσεων ἐμφανίζει σημαντικὴ ἀπόκλιση. Γιὰ παράδειγμα ὁ Ἀλεξόπουλος παρουσιάζει δυναμικοὺς πολλαπλασιαστὲς τῆς κυβερνητικῆς δαπάνης πάνω στὸ ἐθνικὸ εἰσόδημα ποὺ μετὰ δέκα περιόδους ἔχουν ἄθροισμα ἵσο μὲ 4,438 ἐνῶ οἱ δικοί μας υπολογισμοὶ δίνουν συνολικὸ πολλαπλασιαστὴ ἵσο μὲ 0,640 καὶ γ) ἡ χρονικὴ διαδρομὴ τῶν πολλαπλασιαστῶν ποὺ υπολογίσαμε χαρακτηρίζεται ἀπὸ φθίνουσες ταλαντώσεις σὲ ἀντίθεση μὲ τὸ μονοτονικὸ τρόπο συγκλίσεως πρὸς τὸ μηδὲν τῶν πολλαπλασιαστῶν τοῦ Ἀλεξόπουλου.

Ἡ φύση τῶν ἀποτελεσμάτων αὐτῶν δὲν εἴναι ἀνεξάρτητη ἀπὸ τὸ δυναμικὸ προσδιορισμὸ τῶν ἑξισώσεων τοῦ συστήματος. Αὐτὸ ἐπιχειροῦμε νὰ δείξουμε στὸ ἐπόμενο τμῆμα, μὲ τὸ ύπόδειγμα ποὺ διατυπώνουμε καὶ ἐκτιμοῦμε γιὰ τὴν ἐλληνικὴ οἰκονομία.

### 3. Προσδιορισμὸς καὶ ἐκτίμηση τοῦ νέου ύποδείγματος — Διερεύνηση τῶν νομισματικῶν καὶ δημοσιονομικῶν ἐπιδράσεων

Ο προσδιορισμὸς τοῦ νέου ύποδείγματος καθὼς καὶ οἱ ἐκτιμήσεις τῶν διαρθρωτικῶν παραμέτρων ἔχουν ὡς ἑξῆς :

1. Γιὰ τὴ λίστα τοῦ προγράμματος καὶ τὴ χρησιμοποίησή του σὲ οἰκονομετρικὸ ύπόδειγμα μὲ  $p = 3$  καὶ  $q = 2$  βλέπε Brissimis (1976b).

1  
NINAKAS

Πολλαπλασιαστὲς ὑποδείγματος Ἀλεξόπουλου

Μεταβολή Εξωγενδυνών μεταβλητών		Ένδογενείς μεταβλητές						
Περίοδος	Ι	Τ	Μ	Γ	Υd	Υ		
	C							
$\Delta G = 1$	0	-0,432537	0,003603	1,259095	-0,173961	-0,000024	-0,514068	0,745027
	1	0,045001	-0,137479	-0,203898	0,028171	0,000004	0,083248	-0,120650
	2	-0,008110	0,022258	0,031194	-0,004309	0,000000	-0,012736	0,018458
	3	0,001200	-0,003405	-0,004862	0,000672	0,000000	0,001985	-0,002880
	4	-0,000189	0,000530	0,000753	-0,000104	0,000000	-0,000307	0,000446
	5	0,000029	-0,000082	-0,000116	0,000016	0,000000	0,000048	-0,000069
...		...	...	...	...	...	...	...
...		...	...	...	...	...	...	...
Συνολικοί		-0,394609	-0,114564	1,082180	-0,149517	-0,000021	-0,441837	0,640344
$\Delta S = 1$	0	-0,018302	0,042466	0,053277	-0,007361	-0,000281	-0,021752	0,031525
	1	0,001904	-0,005817	-0,008627	0,001192	0,000000	0,003522	-0,005105
	2	-0,000343	0,000942	0,001320	-0,000182	0,000000	-0,000539	0,000781
	3	0,000051	-0,0000144	-0,000206	0,000028	0,000000	0,000084	-0,000122
	4	-0,000008	-0,000022	-0,000032	-0,000004	0,000000	-0,000013	0,000019
	5	0,000001	-0,000003	-0,000005	0,000001	0,000000	0,000002	-0,000003
...		...	...	...	...	...	...	...
...		...	...	...	...	...	...	...
Συνολικοί		-0,016697	0,037466	0,045791	-0,006326	-0,000281	-0,018695	0,027095

$$C_t = -7.167,6 + 0,5941 Y_t^d + 0,3952 C_{t-1} \quad (3-1)$$

(— 1,03)      (5,32)      (2,46)

$$\rho = 0,46$$

$$R^2 = 0,9966 \quad DW = 2,00$$

$$I_t = 26.843,1 + 0,4093 (Y_t - Y_{t-1}) - 49,3 R_t + 0,7684 I_{t-1} \quad (3-2)$$

(2,98)      (2,71)      (— 2,51)      (4,01)

$$R^2 = 0,9624 \quad DW = 1,88$$

$$H_t = -17.448,4 + 0,0887 (Y_t - Y_{t-1}) + 0,1631 Y_t - 0,7782 K_{t-1} \quad (3-3)$$

(2,66)      (0,88)      (2,60)      (— 2,94)

$$R^2 = 0,9191 \quad DW = 1,91$$

$$R_t = 366,1 - 0,0303 M_t + 0,0281 M_{t-1} - 0,0272 M_{t-2} + 0,0044 Y_t \quad (3-4)$$

(6,52)      (— 1,66)      (1,61)      (— 2,36)      (2,17)

$$R^2 = 0,7505 \quad DW = 0,89$$

$$O_t = -62.344,1 + 0,3475 Y_t \quad (3-5)$$

(— 2,88)      (14,29)

$$R^2 = 0,9932 \quad DW = 2,49$$

$$Y_t = C_t + I_t + H_t + G_t + X_t - O_t \quad (3-6)$$

$$Y_t^d = Y_t - T_t \quad (3-7)$$

$$K_t = H_t + K_{t-1} \quad (3-8)$$

ὅπου :

**C** : ίδιωτική κατανάλωση

**I** : ἀκαθάριστες ίδιωτικές ἐπενδύσεις παγίου κεφαλαίου

**H** : μεταβολές ἀποθεμάτων

**G** : δημόσιες δαπάνες γιὰ κατανάλωση καὶ ἐπένδυση

**X** : ἐξαγωγὲς

**O** : εἰσαγωγὲς

**Y** : ἀκαθάριστο ἐθνικὸ προϊὸν σὲ τιμὲς ἀγορᾶς

Y<sup>d</sup> : διαθέσιμο ιδιωτικό είσοδημα

T : ἄμεσοι φόροι

K : ἀποθέματα

M : προσφορὰ χρήματος

R : ἐπιτόκιο

Οἱ ἑκτιμήσεις τῶν διαρθρωτικῶν παραμέτρων ἔγιναν μὲ τὴ μέθοδο τῶν ἐλαχίστων τετραγώνων σὲ δύο στάδια καὶ ἡγιὰ τὰ στοχαστικὰ ὑπόλοιπα τῶν ἔξισώσεων ἔγιναν οἵ συνηθισμένες ὑποθέσεις τοῦ γραμμικοῦ ὑποδείγματος. Σημειώνεται δτὶ στὴ συνάρτηση καταναλώσεως βρέθηκε δτὶ τὰ ὑπόλοιπα αὐτο-συσχετίζονται καὶ ἀκολουθοῦν ἔνα [αὐτοπαλίνδρομο σχῆμα πρώτης τάξεως. Στὴν ἑκτίμηση πήραμε ὑπόψη τοῦτο μὲ τὴ χρησιμοποίηση τοῦ μετασχηματισμοῦ Cochrane - Orcutt<sup>2</sup>. Οἱ ἀριθμοὶ σὲ παρένθεση παριστάνουν [τὶς στατιστικὲς t. Παρουσιάζονται ἐπίσης καὶ οἱ τιμὲς τοῦ συντελεστῆ προσδιορισμοῦ R<sup>2</sup> καὶ τῆς στατιστικῆς τῶν Durbin - Watson.

Ἡ ἑκτίμηση βασίστηκε στὰ ἑτήσια ἑθνικολογιστικὰ στοιχεῖα τῆς Γενικῆς Διευθύνσεως Ἐθνικῶν Λογαριασμῶν τοῦ Ὑπουργείου Συντονισμοῦ καὶ στὰ νο-μισματικὰ μεγέθη τοῦ Μηνιαίου Στατιστικοῦ Δελτίου τῆς Τραπέζης τῆς Ἑλλάδος. Τὰ ἑθνικολογιστικὰ μεγέθη ἔχουν μετρηθεῖ σὲ τρέχουσες τιμές, καὶ δλες οἱ με-ταβλητὲς ἔχουν χρονολογηθεῖ μὲ ὑποδείκτες. Ἀπὸ τὶς μεταβλητὲς ἀποθέματος ἡ ποσότητα τοῦ χρήματος ἀναφέρεται στὸ μέσο ἀπόθεμα τοῦ ἔτους καὶ τὰ συνολι-κὰ ἀποθέματα ἀγαθῶν τῆς οἰκονομίας μετροῦνται στὸ τέλος τῆς περιόδου. Τὸ δεῖγμα ποὺ χρησιμοποιήθηκε καλύπτει τὴν περίοδο 1959 - 1975.

Ἀναλυτικῶτερα δ προσδιορισμὸς τῶν ἔξισώσεων τοῦ συστήματος μας ἔχει ως ἔξῆς :

#### A. Ἡ συνάρτηση ιδιωτικῆς καταναλώσεως

Γιὰ τὸν προσδιορισμὸν τῆς συναρτήσεως ιδιωτικῆς καταναλώσεως ὑποθέτου-με δτὶ ὑπάρχει ἔνα ἐπιθυμητὸ ἐπίπεδο καταναλώσεως ποὺ συνδέεται γραμμικὰ μὲ τὸ διαθέσιμο ιδιωτικό είσοδημα δρισμένο, ως διαφορὰ τῶν ἄμεσων φόρων ἀπὸ τὸ A.E.P. σύμφωνα μὲ τὴ σχέση :

$$C_t^* = a_1 + b_1 (Y_t - T_t) \quad (3-6)$$

Τὸ ἐπίπεδο αὐτὸ τῆς καταναλώσεως δὲν ἐπιτυγχάνεται ἀμέσως λόγω τῆς ἀδρά-νειας τῆς καταναλωτικῆς συμπεριφορᾶς καὶ τοῦ κόστους πληροφορήσεως τῶν

2. Βλέπε Fair (1970).

συνθηκῶν τῆς ἀγορᾶς, ἀλλὰ μὲν μία βαθμιαία διαδικασία ποὺ περιγράφεται ἀπό τὸ μηχανισμὸν τῆς μερικῆς προσαρμογῆς :

$$C_t - C_{t-1} = \lambda_1 (C_t^* - C_{t-1}) \quad 0 < \lambda_1 < 1 \quad (3-7)$$

Ο συνδυασμὸς τῶν (3-6) καὶ (3-7) ἔδωσε τὴ συνάρτηση (3-1) ποὺ ἐνσωματώθηκε στὸ ὑπόδειγμα.

Στὸ σημεῖο αὐτὸν πρέπει νὰ παρατηρήσουμε ὅτι ἔξετάσαμε καὶ τὸ ρόλο τῶν χρηματικῶν διαθεσίμων στὴν καταναλωτικὴ δαπάνη, χρησιμοποιώντας ὡς ἀνεξάρτητη μεταβλητὴ στὴ συνάρτηση (3-1) διάφορους ἐναλλακτικοὺς δρισμοὺς τῆς ποσότητας χρήματος, τόσο σὲ ἀπόλυτα ἐπίπεδα ὅσο καὶ σὲ τρέχουσες καὶ μὲν ὑστέρηση πρῶτες διαφορές. Αποφασίσαμε ὅμως τελικὰ νὰ μὴν περιλάβουμε τὴ μεταβλητὴ αὐτὴ στὴ συνάρτηση ἐπειδὴ ὁ συντελεστής της δὲν εἶχε τὸ πρόσημο ποὺ ἀναμενόταν σύμφωνα μὲ τὴν οἰκονομικὴ θεωρία καὶ ἐπειδὴ μὲ τὴν εἰσαγωγὴν της τὸ ὑπόδειγμα ἀποκτοῦσε αὐξημένο βαθμὸν ἀστάθειας.

B. Η συνάρτηση ιδιωτικῶν ἐπενδύσεων παγίον  
κεφαλαίου

Η συνάρτηση ἐπενδύσεων τοῦ ιδιωτικοῦ τομέα τῆς οἰκονομίας βασίζεται στὴν ὑπόθεση ὅτι οἱ προσδιοριστικοὶ παράγοντες τῆς ἐπιθυμητῆς ροῆς τῶν ἐπενδύσεων τῆς περιόδου εἶναι τόσο οἱ μεταβολὲς τῶν συνολικῶν πωλήσεων ἀγαθῶν καὶ ὑπηρεσιῶν τῆς οἰκονομίας, ὅσο καὶ τὸ σχετικὸ κόστος τοῦ κεφαλαίου, δῆλο.

$$I_t^* = a_2 + b_2 \Delta Y_t + c_2 R_t \quad (3-8)$$

Ἀν ὑποθέσουμε ὅτι ἡ ἔξαρτηση τῶν ἐπενδύσεων ἀπὸ τὰ μεγέθη αὐτὰ εἶναι γραμμικῆς μορφῆς. Ο δρος  $\Delta Y_t$  ἐκφράζει τὴ μεταβολὴ τῶν συνολικῶν πωλήσεων τῆς οἰκονομίας καὶ εἶναι γνωστὸς στὴν οἰκονομικὴ βιβλιογραφία ὡς ἐπιταχυντής. Τὸ σχετικὸ κόστος τοῦ κεφαλαίου ἐκφράζεται ἀπὸ τὸ ἐπιτόκιο ( $R$ ). Τοῦτο μπορεῖ νὰ γίνει δεκτὸ ἀν α) ὁ ρυθμὸς μεταβολῆς τῶν δνομαστικῶν μισθῶν εἶναι ἵσος μὲ μὲ τὸ ρυθμὸ μεταβολῆς τῆς τιμῆς κτήσεως τοῦ πραγματικοῦ κεφαλαίου καὶ β) ὁ ρυθμὸς ἀπαξιώσεως τοῦ κεφαλαίου εἶναι σταθερός<sup>3</sup>. Ως μεταβλητὴ ἐπιτοκίου χρησιμοποιήθηκε τὸ ἐπιτόκιο καταθέσεων ταμευτηρίου ἀντὶ τοῦ μακροχρόνιου ἐπιτοκίου, ἔτσι ποὺ νὰ ἐπιτυγχάνεται ἡ ἀπευθείας σύνδεση τοῦ πραγματικοῦ καὶ νομισματικοῦ τομέα τοῦ ὑπόδειγματος, δεδομένου ὅτι τὸ ίδιο ἐπιτόκιο χρησιμοποιήθηκε καὶ στὴ συνάρτηση ζητήσεως χρήματος. Τοῦτο εἶναι θεμιτὸ ἐπειδὴ τὰ δύο ἐπιτόκια παρουσιάζουν παράλληλη κίνηση (συντελεστὴς συσχετίσεως 0,95).

3. Γιὰ μία ἐκτενέστερη συζήτηση, βλέπε Moroney - Mason (1971, σελ. 798).

Τυποθέτοντας κατόπιν ότι ή προσαρμογή της πραγματικής ροής έπενδύσεων πρὸς τὴν ἐπιθυμητὴν γίνεται σύμφωνα μὲ τὸ μηχανισμὸν τῆς μερικῆς προσαρμογῆς

$$I_t - I_{t-1} = \lambda_2 (I_t^* - I_{t-1}) \quad 0 < \lambda_2 < 1 \quad (3-9)$$

πήραμε τὴν ἔξισωση (3-2) ποὺ ἐκτιμήσαμε στὸ ὑπόδειγμα.

Γ. Η συνάρτηση ἐπενδύσεων σὲ ἀποθέματα

Γιὰ τὴν ἔρμηνεία τῶν μεταβολῶν τῶν ἀποθεμάτων ἀγαθῶν τῆς οἰκονομίας ἀκόλουθησαμε ἔνα ἀπὸ τὰ ὑπόδειγματα ποὺ προτάθηκαν ἀπὸ τοὺς Ball - Drake (1963) καὶ ὑποβλήθηκαν σὲ ἐμπειρικὸν ἔλεγχο γιὰ τὴ Μεγ. Βρετανία.

Σύμφωνα μὲ τοὺς Ball - Drake ἔνα ὑπόδειγμα ποὺ θὰ ἔρμηνεύει τὴ συμπεριφορὰ τῶν παραγωγῶν, δσο ἀφορᾶ τὴ δημιουργία ἀποθεμάτων ἀγαθῶν, καθορίζεται ἀπὸ τὰ ἔξης στοιχεῖα :

α) Ἀπὸ τὴν ὑπόθεση ότι τὸ ἐπιθυμητὸ ἐπίπεδο ἀποθεμάτων ποὺ οἱ παραγωγοὶ ἐπιθυμοῦν νὰ διακρατοῦν σὲ μία χρονικὴ περίοδο προσδιορίζεται ἀπὸ τὸ ἀναμενόμενο ἐπίπεδο πωλήσεων τῆς περιόδου.

β) Ἀπὸ τὸ γεγονός ότι συνήθως ἡ προσαρμογὴ τῶν ἀποθεμάτων στὸ ἐπιθυμητὸ ἐπίπεδο δὲν διοκληρώνεται σὲ μία περίοδο, καὶ ότι τὰ ἐπιθυμητὰ ἀποθέματα δὲν ταυτίζονται κατανάγκη μὲ τὰ προγραμματιζόμενα, λόγω τεχνικῶν περιορισμῶν στὶς μεταβολές τοῦ ρυθμοῦ παραγωγῆς ἀπὸ τὶς ἐπιχειρήσεις. Οἱ ἀποκλίσεις τῶν προγραμματιζόμενων ἀποθεμάτων ἀπὸ τὰ πραγματικὰ διφείλονται σὲ σφάλματα προβλέψεως τῶν πωλήσεων.

γ) Ἀπὸ μία ὑπόθεση ως πρὸς τὸν τρόπο προσδιορισμοῦ τῶν ἀναμενόμενων πωλήσεων.

Δύο ἐναλλακτικοὶ μηχανισμοὶ προσαρμογῆς ποὺ καθορίζουν τὶς προγραμματιζόμενες μεταβολές ἀποθεμάτων καὶ δύο ἐναλλακτικοὶ ὄρισμοὶ τῶν ἀναμενόμενων πωλήσεων δόηγησαν τοὺς Ball - Drake σὲ τέσσερα διαφορετικὰ ὑποδείγματα. Ἀπ' αὐτὰ ἐπιλέξαμε ἐκεῖνο ποὺ ἐπιτρέπει τὴν ἀκριβὴ ταυτοποίηση τῶν ἀρχικῶν παραμέτρων καὶ ποὺ προσδιορίζεται ἀπὸ τὶς ἀκόλουθες σχέσεις :

$$K_t^* = b_3 \hat{Y}_t \quad b_3 > 0 \quad (3-10)$$

δηλ. τὸ ἐπιθυμητὸ ἐπίπεδο ἀποθεμάτων ( $K^*$ ) συνδέεται ἀναλογικὰ μὲ τὶς ἀναμενόμενες πωλήσεις ( $\hat{Y}$ ),

$$K_t - K_t^p = \hat{Y}_t - Y_t \quad (3-11)$$

δηλ. τὸ πραγματοποιούμενο ὑψος ἀποθεμάτων τῆς περιόδου διαφέρει ἀπὸ τὸ

προγραμματιζόμενο κατά τὴν ἀπόκλιση τῶν ἀναμενόμενων πωλήσεων ἀπὸ τὶς πραγματοποιούμενες,

$$H_t^P = K_t^P - K_{t-1} = \lambda_s (K_{t-1}^* - K_{t-1}) \quad 0 < \lambda_s < 1 \quad (3-12)$$

δηλ. ἡ προγραμματιζόμενη μεταβολὴ στὰ ἀποθέματα ( $H^P$ ) εἶναι ἕνα μέρος τῆς ἐπιθυμητῆς μεταβολῆς, καὶ

$$\hat{Y}_t = Y_t + \rho (Y_t - Y_{t-1}) \quad \rho > 0 \quad (3-13)$$

δηλ. οἱ ἀναμενόμενες πωλήσεις θεωροῦνται ὡς πρόβλεψη τῶν πραγματικῶν ἡ ὁποία μπορεῖ νὰ ὑπόκειται σὲ σφάλμα. Τὸ σφάλμα αὐτὸν ἐκφράζεται συναρτήσει τῆς μεταβολῆς τῶν πωλήσεων.

Συνδυάζοντας τώρα τὶς σχέσεις (3-10) ἕως (3-13) παίρνουμε τὴ συνάρτηση μεταβολῶν ἀποθεμάτων τῆς οἰκονομίας.

$$H_t = \lambda_s b_s Y_t + \rho (1 - \lambda_s b_s) \Delta Y_t - \lambda_s K_{t-1} \quad (3-14)$$

Ἡ ἔλλειψη ἐθνικολογιστικῶν στοιχείων γιὰ τὸ ὑψος τῶν ἀποθεμάτων ( $K$ ) ἀντιμετωπίζεται μὲ τὴν κατασκευὴ μιᾶς τέτοιας σειρᾶς ἀπὸ τὶς σωρευτικὲς μεταβολὲς τῶν ἀποθεμάτων, ὑποθέτοντας ὅτι τὸ ὑψος τῶν ἀποθεμάτων κατὰ τὴν ἀρχικὴ περίοδο τοῦ δείγματος εἶναι ἵσο μὲ μηδέν. Τέλος, στὴ θέση τῶν συνολικῶν πωλήσεων τῆς οἰκονομίας χρησιμοποιήθηκε, ὅπως καὶ στὴ συνάρτηση ἐπενδύσεων, τὸ A.E.P.

#### Δ. Ἡ συνάρτηση ζητήσεως χρήματος

Ἄκολουθώντας τὰ Κεύνσιανά πρότυπα, ὑποθέτομε ὅτι τὰ ἐπιθυμητὰ χρηματικὰ διαθέσιμα ποὺ κρατοῦνται ἀπὸ τὸ κοινὸν εἶναι συνάρτηση τοῦ A.E.P. καὶ τοῦ ἐπιτοκίου δηλ.

$$M^* = f(Y, R) \quad (3-15)$$

Τὴν ποσότητα τοῦ χρήματος τὴν δρίζουμε μὲ τὴ στενὴ ἔννοια ὡς τὸ ἄθροισμα τῆς νομισματικῆς κυκλοφορίας καὶ τῶν καταθέσεων δψεως τοῦ ἴδιωτικοῦ τομέα. Τὸ μέγεθος αὐτὸν μποροῦμε νὰ τὸ θεωροῦμε ὡς ἔξωγενές. Πράγματι πρόσφατη ἐμπειρικὴ ἔρευνα γιὰ τὴν Ἑλληνικὴ Οἰκονομία (Λεβεντάκης, 1976) ἔδειξε ὅτι ποσοστὸ 92% τῶν διακυμάνσεων τῶν ἐτήσιων μεταβολῶν τῆς προσφορᾶς χρήματος ἔρμηνεύεται ἀπὸ τὶς μεταβολὲς τῆς νομισματικῆς βάσεως, ἡ ὁποία μπορεῖ νὰ θεωρηθεῖ ὅτι βρίσκεται κάτω ἀπὸ τὸν ἔλεγχο τῶν νομισματικῶν ἀρχῶν.

Ὑποθέτουμε κατόπιν ὅτι τὸ<sup>δ</sup> κοινὸν προσαρμόζει τὴν ποσότητα χρήματος ποὺ διακρατεῖ στὸ ἐπιθυμητὸ ἐπίπεδο τῆς μακροχρόνιας μὲ μία

ύστερηση μεγαλύτερη τοῦ ἔτους. Γιὰ νὰ ἐλέγξουμε ἐμπειρικὰ τήν ύπόθεση αὐτὴν δοκιμάσαμε ἕνα ἀρκετὰ γενικὸν ύπόδειγμα κατανεμημένων ύστερήσεων μὲ τὴν συνδυασμένη χρησιμοποίηση τῶν μηχανισμῶν μερικῆς προσαρμογῆς καὶ προσαρμοζόμενων προσδοκιῶν. Τὸ σχῆμα αὐτὸν τῶν κατανεμημένων ύστερήσεων χρησιμοποιήθηκε, μὲ πολὺ ἰκανοποιητικὰ ἀποτελέσματα, ἀπὸ τὸν Tanner (1969) στὴν συνάρτηση ζητήσεως χρήματος, μέσα στὰ πλαίσια ἐνὸς ύποδειγματος IS - LM ποὺ ἀποσκοποῦσε στὴν μέτρηση τῶν ύστερήσεων στὶς ἐπιδράσεις τῆς νομισματικῆς πολιτικῆς πάνω στὴν οἰκονομικὴ δραστηριότητα τῶν H.P.A.

‘Ο ἀναλυτικὸς προσδιορισμὸς τῆς συναρτήσεως ζητήσεως χρήματος εἶναι ὁ ἔξιτος :

$$\text{Έστω} \quad M_t^* = a_4 + d Z_t^* \quad (3-16)$$

μία γραμμικὴ ἔκφραση τῆς συναρτήσεως (3-15) ὅπου τὸ  $Z$  παριστάνει τὸ διάνυσμα τῶν ἔρμηνευτικῶν μεταβλητῶν  $Y$  καὶ  $R$ , καὶ  $d$  τὸ διάνυσμα τῶν συντελεστῶν.

‘Εστω τώρα ὅτι τὸ κοινὸ προσαρμόζει τὰ χρηματικὰ διαθέσιμα ποὺ διακρατεῖ στὸ ἐπιθυμητὸ ἐπίπεδο σύμφωνα μὲ τὴν σχέση

$$M_t - M_{t-1} = \lambda_4 (M_t^* - M_{t-1}) \quad 0 < \lambda_4 < 1 \quad (3-17)$$

καὶ τὸ  $Z_t^*$  συνδέεται μὲ τὸ παρατηρήσιμο διάνυσμα  $Z_t$  σύμφωνα μὲ τὴν σχέση

$$Z_t^* - Z_{t-1}^* = \mu (Z_t - Z_{t-1}) \quad 0 < \mu < 1 \quad (3-18)$$

‘Απὸ τὴν (3-17) ἔχουμε

$$M_t = \lambda_4 M_t^* + (1 - \lambda_4) M_{t-1} \quad (3-19)$$

ἀπὸ δὲ τὴν (3-18)

$$Z_t^* = \frac{\mu}{1 - (1 - \mu) D} Z_t \quad (3-20)$$

ὅπου  $D$  δὲ τελεστὴς ύστερήσεως, καὶ μὲ συνδυασμὸν τῶν ἔξισώσεων (3-16), (3-19) καὶ (3-20) παίρνουμε

$$M_t = a_4 \lambda_4 \mu + d \lambda_4 \mu Z_t + [(1 - \lambda_4) + (1 - \mu)] M_{t-1} - (1 - \lambda_4)(1 - \mu) M_{t-1} \quad (3-21)$$

$$M_t = a_4 \lambda_4 \mu + b_4 \lambda_4 \mu Y_t + c_4 \lambda_4 \mu R_t + [(1 - \lambda_4) + (1 - \mu)] M_{t-1} - (1 - \lambda_4)(1 - \mu) M_{t-1} \quad (3-22)$$

Στὸ ὑπόδειγμά μας ὅμως ἐκτιμήσαμε τὴν (3 - 22) στὴν ἀντίστροφη μορφή της, παίρνοντας ὡς ἔξαρτημένη μεταβλητὴ τὸ ἐπιτόκιο. Ἡ χρησιμοποίηση τοῦ ἐπιτοκίου ὡς ἔξαρτημένης μεταβλητῆς στὴ συνάρτηση (3 - 4) τοῦ συστήματος πιθανὸν νὰ προκαλέσει δρισμένες ἀντιρρήσεις, ἐπειδὴ ὅπως εἶναι γνωστὸ τὰ ἐπιτόκια στὴν Ἑλλάδα δὲν προσδιορίζονται ἐλεύθερα ἀπὸ τὶς δυνάμεις προσφορᾶς καὶ ζητήσεως στὴν ἀγορὰ χρήματος, ἀλλὰ ἀποτελοῦν μέσα ἀσκήσεως νομισματικῆς πολιτικῆς καθοριζόμενα ἀπὸ τὶς ἀρχές. Στὴ συγκεκριμένη περίπτωση ὑπονοεῖται ὅτι οἱ νομισματικὲς ἀρχὲς ἀκολουθοῦν μία παθητικὴ πολιτικὴ καθορίζοντας τὰ ἐπιτόκια σὲ ἐπίπεδα διαφορετικὰ ἀπὸ ἐκεῖνα ποὺ θὰ διαμορφώνονται ἐλεύθερα, ἀλλὰ ποὺ οἱ διακυμάνσεις τους εἶναι παράλληλες μὲ τὶς διακυμάνσεις αὐτῶν. Υποθέτουμε δηλαδὴ τὴν ὑπαρξὴν μιᾶς μὴ ρητὰ ἐκφρασμένης συναρτήσεως ἀντιδράσεως τῶν ἀρχῶν.

### E. Ἡ συνάρτηση εἰσαγωγῶν

Τέλος γιὰ τὶς εἰσαγωγὲς ὑποθέσαμε ὅτι ἀποτελοῦν συνάρτηση τοῦ A.E.P., δῆλο.

$$O_t = a_5 + b_5 Y_t \quad (3-23)$$

Ἐνσωματώνοντας τὴ συνάρτηση αὐτή, ὡς ἐκφραση τῶν διαρροῶν ποὺ ὑφίσταται τὸ σύστημα, στὸ ὑπόδειγμα IS - LM, ἔχουμε γιὰ ἀποτέλεσμα τὴν πιὸ πιστὴ περιγραφὴ τῆς πραγματικότητας μὲ τὴ μείωση τοῦ μεγέθους τῶν πολλαπλασιαστικῶν ἐπιδράσεων ποὺ προέρχονται ἀπὸ τὶς μεταβολὲς στὶς ἔξωγενεῖς μεταβλητές.

Τὸ ὑπόδειγμα συμπληρώνεται ἀπὸ τὶς ταυτότητες (3-6) ἔως (3-8) ποὺ δορίζουν ἀντίστοιχα τὸ ἐθνικὸ προϊόν, τὸ διαθέσιμο εἰσόδημα καὶ τὰ ἀποθέματα.

Οἱ ἐκτιμήσεις τῶν διαιρθρωτικῶν πυραμέτρων ποὺ παρουσιάζονται στὶς ἔξισσεις (3-1) ἔως (3-5) ἔχουν τὰ προβλεπόμενα ἀπὸ τὴν οἰκονομικὴ θεωρία πρόσημα καὶ εἶναι στατιστικὰ σημαντικὲς σὲ ἐπίπεδο 5 % ἢ 15 % (συντελεστὲς τῶν  $M_t$  καὶ  $M_{t-1}$  στὴ συνάρτηση ζητήσεως χρήματος) ἐκτὸς ἀπὸ τὸν συντελεστὴ τοῦ ὄρου  $\Delta Y$  στὴ συνάρτηση ἀποθεμάτων, ποὺ βρέθηκε στατιστικὰ ἀσήμαντος. Τὸ τελευταῖο σημαίνει ὅτι οἱ προβλέψεις γιὰ τὴ μελλοντικὴ ἔξελιξη τῶν πωλήσεων ἀπὸ τὶς ἐπιχειρήσεις δὲν ὑπόκεινται σὲ συστηματικὸ σφάλμα ἀλλὰ μποροῦν νὰ θεωρηθοῦν ὡς δρθιολογικές, μὲ τὴν ἔννοια ὅτι διαφέρουν ἀπὸ τὶς πραγματοποιούμενες μόνο κατὰ ἕνα τυχαῖο ὄρο σφάλματος, τοῦ ὄποιον δὲ μέσος εἶναι μηδὲν (βλέπε Muth, 1961).

‘Ο σχετικὰ χαμηλὸς συντελεστὴς προσδιορισμοῦ τῆς συναρτήσεως ζητήσεως χρήματος δικαιολογεῖται ἀπὸ τὴν ἐκτίμησή της σὲ ἀντίστροφη μορφή. ‘Ἡ τιμὴ τῆς στατιστικῆς τῶν Durbin - Watson στὴ συνάρτηση αὐτὴ δὲν ὁδηγεῖ σὲ συμπέρασμα σχετικὰ μὲ τὴν ὑπαρξὴν ἀντοσυσχετίσεως τῶν ὑπολοίπων.

‘Ἡ συνάρτηση ἐπανεκτιμήθηκε ὑποθέτοντας ἕνα αὐτοπαλίνδρομο σχῆμα πρώτης

τάξεως για τὰ ύπόλοιπα, ὁ συντελεστὴς ὅμως αὐτοῦ δὲν βρέθηκε σημαντικός, γι' αὐτὸ καὶ διατηρήσαμε τὴ μορφή (3—4) στὸ ύπόδειγμα.

Γιὰ τὴ συνάρτηση καταναλώσεως, ὁ συντελεστὴς προσαρμογῆς λ<sub>1</sub> βρέθηκε ἵσος μὲ 0,6 καὶ τοῦτο ύποδηλῶνει ὅτι περίπου 95 % τῆς προσαρμογῆς τῆς καταναλώσεως στὸ ἐπιθυμητὸ τῆς ἐπίπεδο γίνεται στὸ διάστημα τῶν τριῶν πρώτων χρόνων. Ἀντίθετα, στὴ συνάρτηση ἐπενδύσεων, ἡ προσαρμογὴ εἶναι σημαντικὰ βραδύτερη ( $\lambda_2 = 0,25$ ). Τοῦτο εἶναι σὲ συνέπεια μὲ τὰ εὐρήματα ἀνάλογων μελετῶν ἄλλων χωρῶν (π.χ. Ando et al., 1963). Ἀπὸ τὴν τιμὴ 0,78 τοῦ λ<sub>3</sub> τῆς συναρτήσεως ἀποθεμάτων συμπεραίνεται ὅτι δὲν ύπάρχουν σοβαροὶ τεχνικοὶ περιορισμοὶ στὶς μεταβολές τοῦ ρυθμοῦ παραγωγῆς τῶν ἐπιχειρήσεων, ὥστε οἱ προγραμματιζόμενες μεταβολές ἀποθεμάτων νὰ ἀποκλίνουν σημαντικὰ ἀπὸ τὶς ἐπιθυμητές.

Ἡ συμμετρικὴ εἰσαγωγὴ τῶν παραμέτρων λ<sub>4</sub> καὶ μ στὴ συνάρτηση ζητήσεως χρήματος δὲν ἐπιτρέπει τὴν ταυτοποίησή τους ἀπὸ τὴν (3—4). Ἀπὸ τὴν (3—5) παρατηρεῖται ὅτι ἡ ὀριακὴ ροπὴ γιὰ εἰσαγωγές εἶναι ἀρκετὰ ὑψηλὴ (0,35) καὶ μεγαλύτερη ἀπὸ τὴ μέση. Τὸ γεγονός τοῦτο ἐπιβεβαιώνει τὴν αὔξηση τῆς συμμετοχῆς τῶν εἰσαγωγῶν στὸ Α.Ε.Π. ποὺ διαπιστώθηκε κατὰ τὰ τελευταῖα χρόνια στὴν Ἑλληνικὴ οἰκονομία.

Τὸ σύστημα τῶν ἔξισώσεων (3—1) ἔως (3—8) ἀποτελεῖ ἕνα δυναμικὸ ύπόδειγμα μὲ ἀνηγμένη μορφὴ τοῦ τύπου

$$y_t = A_1 y_{t-1} + B_0 x_t + B_1 x_{t-1} + B_2 x_{t-2} + u_t \quad (3-24)$$

ὅπου

$$y_t = [ C_t, I_t, H_t, R_t, O_t, Y_t, K_t ]',$$

$$x_t = [ (G_t + X_t), M_t, T_t ]',$$

καὶ ἡ ταυτότητα (3—7) ἔχει ἔξαλειφθεῖ μὲ ἀντικατάσταση. Γιὰ τὴν ἔξέταση τῆς εὐστάθειας τοῦ συστήματος (3—24) ύπολογίσαμε τὶς χαρακτηριστικὲς ρίζες τοῦ A<sub>1</sub>, ποὺ βρέθηκαν δλες μικρότερες ἀπὸ τὴ μονάδα κατ' ἀπόλυτη τιμὴ<sup>4</sup>. Ἐπομένως τὸ σύστημα χαρακτηρίζεται ἀπὸ εὐστάθεια καὶ οἱ πολλαπλασιαστές του συγκλίνουν πρὸς τὶς τιμὲς ίσορροπίας τους.

4. Οἱ μὴ μηδενικὲς ρίζες τοῦ A<sub>1</sub> εἶναι 0,768, 0,352, -0,330 καὶ -0,411. Οἱ ρίζες ύπολογίστηκαν μὲ τὴ βοήθεια προγραμμάτων ἀπὸ τὴ συλλογὴ ἐπιστημονικῶν προγραμμάτων τῆς IBM (πρόγραμμα MPRD γιὰ τὸν πολλαπλασιασμὸ πινάκων, MATINV γιὰ τὴν ἀντιστροφὴ πίνακος, HSBG γιὰ τὴ μετατροπὴ πίνακος σὲ σχεδὸν τριγωνικὸ καὶ ATEIG γιὰ τὴν εβρεση τῶν χαρακτηριστικῶν ριζῶν σχεδὸν τριγωνικοῦ πινάκος). Ἐπίσης χρησιμοποιήσαμε τὸ πρόγραμμα MATAB1 ποὺ γράφηκε ἀπὸ τὸν R. C. Cressy γιὰ τὴν ἐκτύπωση πινάκων κατὰ τιμῆματα.

**ΠΙΝΑΚΑΣ 2**

Πολλαπλασιαστές τού νέου μποδετήματος

Μεταβολή ξειργενών μεταβλητῶν	Περίοδος	'Ενδογενεῖς				Μεταβλητὲς			
		C	I	H	R	O	Y	K	
$\Delta G = 1$	0	1,9197397	0,6209526	0,8134189	0,0142197	1,1229410	3,2311716	0,8134189	
	1	-1,1730175	-1,4701262	-1,7380104	-0,0143080	-1,1299152	-3,2512398	-0,9245923	
	2	0,9672098	0,5637961	1,6140680	0,0105978	0,8369160	2,4081526	0,6894773	
	3	-1,2369404	-0,9992764	-1,4361668	-0,0119933	-0,9471210	-2,7252598	-0,7466902	
	4	0,8194394	0,7707078	1,3770733	0,0096904	0,7652568	2,2019682	0,6303843	
	5	-0,9643435	-0,7256719	-1,2316494	-0,0095416	-0,7535073	-2,1681538	-0,6012656	
	6	0,7877562	0,7078428	1,1554317	0,0086578	0,6837105	1,9673214	0,5541664	
	7	-0,7545660	-0,6063250	-1,0577145	-0,0079016	-0,6239973	-1,7955008	-0,5035489	
	8	0,7026080	0,5927874	0,9752866	0,0074156	0,5856172	1,6850634	0,4717381	
	...	...	...	...	...	...	...	...	
$\Delta M = 1$	...	...	...	...	...	...	...	...	
	0	0,7540613	-0,7196573	0,0000000	0,0033782	0,2667755	0,7676239	0,1608472	
	1	-2,2098837	-2,5834150	-2,7925644	-0,0090497	1,6796398	4,8330278	1,2166719	
	2	3,9496479	3,2200336	3,7691231	0,0033314	-1,9564209	-5,6294422	-1,5758924	
	3	-1,7294178	-1,9123363	-3,8207569	-0,0243711	2,8211546	8,1176424	2,1932297	
	4	2,9039870	1,9590864	3,2797956	0,0266094	2,1013651	6,0464983	1,6322703	
	5	-2,0021706	-1,9887943	-3,1574326	-0,0233453	-1,8435965	-5,3047943	-1,5051661	
	6	2,0758314	1,5703182	2,8565645	0,0212367	1,6770782	4,8256578	1,3514004	
	7	-1,9204044	1,6549149	-2,6408844	-0,0203009	-1,6031818	-4,6130238	-1,2894859	
	8	1,67952030	1,4049931	2,4456196	0,0180593	1,4261589	4,1036577	1,1561356	
	...	...	...	...	...	...	...	...	
$\Sigma$ υοδικοί	4,7224922	1,7556973	0,0000000	-0,0082414	1,6707458	4,8074331	1,0073442		

"Αν μερικά άπό τὰ σφάλματα τῶν ἔξισώσεων ἐνὸς συστήματος τῆς μορφῆς (2—7) αὐτοσυσχετίζονται καὶ ἀκολουθοῦν ἔνα αὐτοπαλίνδρομο σχῆμα τάξεως, οἱ πολλαπλασιαστὲς τοῦ συστήματος εἶναι ἀνεξάρτητοι ἀπὸ τὶς παραμέτρους τοῦ σχήματος αὐτοῦ<sup>5</sup>. "Ετσι στὸ ὑπόδειγμά μας, ὅπου

$$u_t = R_1 u_{t-1} + e_t \quad (3-25)$$

καὶ  $R_1$  δὲ διαγώνιος πίνακας τῶν συντελεστῶν αὐτοσυσχετίσεως τῶν ὑπολοίπων, οἱ πολλαπλασιαστὲς ὑπολογίστηκαν ἀπὸ τὴν (3—24) χωρὶς νὰ ληφθεῖ ὑπόψη ἡ (3—25).

Τὰ ἀποτελέσματα τοῦ ὑπολογισμοῦ τῶν πολλαπλασιαστῶν τῶν δημόσιων δαπανῶν καὶ τῆς ποσότητας χρήματος πάνω στὶς ἐνδογενεῖς μεταβλητὲς τοῦ νέου ὑποδείγματος παρουσιάζονται στὸν πίνακα 2. Στὸν πίνακα τοῦτο ἐμφανίζονται οἱ ἄμεσοι, οἱ ὀκτὼ πρῶτοι ἐνδιάμεσοι καὶ οἱ συνολικοὶ πολλαπλασιαστές. Ἐξετάζοντας τὰ στοιχεῖα τοῦ πίνακα συγκριτικὰ μὲ τὶς τιμὲς τῶν πολλαπλασιαστῶν ποὺ ὑπολογίσαμε γιὰ τὸ ὑπόδειγμα τοῦ Ἀλεξόπουλου (πίνακας 1) παρατηροῦμε ὅτι :

(a) Τὸ συνολικὸ ἀποτέλεσμα τῶν νομισματικῶν ἐπιδράσεων εἶναι ισχυρότερο ἀπὸ τὸ συνολικὸ ἀποτέλεσμα τῶν δημοσιονομικῶν ἐπιδράσεων. "Ετσι δὲ δικός μας διαφορετικὸς προσδιορισμὸς τῶν συναρτήσεων τοῦ ὑποδείγματος

5. Τοῦτο ἀποδεικνύεται ως ἔξῆς :

'Οριζοντας

$$A(z) = I - A_1 z - \dots - A_p z^p \text{ καὶ}$$

$$B(z) = B_0 + B_1 z + \dots + B_q z^q$$

ὅπου  $z$  ὁ τελεστῆς ὑστερήσεως, ἡ (2—7) γράφεται

$$A(z) y_t = B(z) x_t + u_t \quad (3-26)$$

μὲν  $u_t = R_1 u_{t-1} + \dots + R_r u_{t-r} + e_t \quad \text{ἢ}$

$$\Gamma(z) u_t = e_t \text{ μὲν } \Gamma(z) = I - R_1 z - \dots - R_r z^r \quad (3-27)$$

Πολλαπλασιάζοντας τῷρα τὴν (3—26) ἐπὶ  $\Gamma(z)$  ἔχουμε

$$\Gamma(z) A(z) y_t = \Gamma(z) B(z) x_t + e_t$$

καὶ  $\partial y_t / \partial x_t = A^{-1}(z) \Gamma^{-1}(z) \Gamma(z) B(z) = A^{-1}(z) B(z)$

δῆλον ὃ ἴδιος πίνακας ποὺ λαμβάνεται ἀπὸ τὴν (3—26) μόνο, χωρὶς νὰ ληφθεῖ ὑπόψη ἡ (3—27). Γιὰ τὴν χρησιμοποίηση τῶν πολυωνυμικῶν τελεστῶν ὅπως οἱ  $A(z)$ ,  $B(z)$ ,  $\Gamma(z)$  στὴ μελέτη τῶν γραμμικῶν δυναμικῶν συστημάτων βλέπε Gill - Brissimis (1978).

άντιστρέφει τὸ βασικὸ συμπέρασμα τῆς μελέτης τοῦ Ἀλεξόπουλου. Σημειώνεται ότι σὲ ἀνάλογα συμπεράσματα γιὰ τὴ μεγαλύτερη ἀποτελεσματικότητα τῆς νομισματικῆς πολιτικῆς κατέληξε καὶ προηγούμενη μελέτη, μὲ τὴ χρησιμοποίηση μόνο ἀνηγμένων μορφῶν ἔξισώσεων ἀντὶ γιὰ τὸ πλήρες διαρθρωτικὸ σύστημα ποὺ ἐμεῖς χρησιμοποιήσαμε. (Λεβεντάκης, 1975).

(β) Ἡ μορφὴ τῆς κατανομῆς τῶν πολλαπλασιαστικῶν ἐπιδράσεων εἶναι παρόμοια καὶ στὰ δύο ὑποδείγματα, δηλ. παρουσιάζεται ἐναλλαγὴ προσήμων καὶ σύγκλιση κατ' ἀπόλυτη τιμὴ στὸ μηδέν. Παρατηρεῖται πάντως ταχύτερη σύγκλιση στὸ προηγούμενο ὑπόδειγμα ἔναντι τοῦ νέου.

γ) Ὁρισμένα εὑρήματα ποὺ περιέχονται στὸν πίνακα 2 ἀνταποκρίνονται καλύτερα στὶς a priori θεωρητικὲς προσδοκίες, π.χ. ἡ θετικὴ συνολικὴ ἐπίδραση τόσο τῶν δημόσιων δαπανῶν ὅσο καὶ τῆς προσφορᾶς χρήματος στὶς εἰσαγωγὲς καὶ ὁ θετικὸς συνολικὸς πολλαπλασιαστὴς τῶν δημόσιων δαπανῶν πάνω στὸ ἐπιτόκιο.

#### 4. Τελικὲς παρατηρήσεις

Στὴ μελέτη αὐτὴ προσδιορίσαμε καὶ ἐκτιμήσαμε ἔνα μικροῦ μεγέθους οἰκονομετρικὸ ὑπόδειγμα τοῦ τύπου IS - LM γιὰ τὴν Ἑλληνικὴ οἰκονομία καὶ διερευνήσαμε τὴν ἀποτελεσματικότητα τῆς νομισματικῆς καὶ δημοσιονομικῆς πολιτικῆς μέσω τῶν δυναμικῶν πολλαπλασιαστῶν. Εἶναι γεγονὸς ότι ἡ χρησιμοποίηση ὑπόδειγμάτων μικροῦ μεγέθους δὲν ἐπιτρέπει τὴν ἄντληση λεπτομερῶν πληροφοριῶν γιὰ τὴ διάρθρωση τοῦ συστήματος ποὺ περιγράφουν. Τοῦτο ἐπιτυγχάνεται μὲ ὑποδείγματα μεγαλύτερου μεγέθους. Ο προσδιορισμὸς ὅμως ἐνὸς μικροῦ ὑπόδειγματος εἶναι ἐνδεδειγμένος ὅταν ἐπιθυμοῦμε νὰ ἔξετάσουμε τὴ συμπεριφορὰ δρισμένων βασικῶν μακροοικονομικῶν μεγεθῶν. Ἐξάλλου, τόσο τὰ μικρὰ ὅσο καὶ τὰ μεγάλα ὑπόδειγμα ὑπόκεινται στὸ ἴδιο περίπου στατιστικὸ σφάλμα ἀναφορικὰ μὲ τὶς πληροφορίες καὶ προβλέψεις ποὺ παρέχουν (βλ. Fromm - Taubman, 1968).

Ἡ διερεύνηση τῆς σημασίας τῶν νομισματικῶν καὶ δημοσιονομικῶν ἐπιδράσεων στὸ πλαίσιο τοῦ ὑπόδειγματος IS - LM ἀποτελεῖ βελτίωση ἔναντι τῆς διερευνήσεως ποὺ γίνεται μὲ βάση τὴν ἀνηγμένη μορφὴ ἐνὸς μὴ προσδιορισμένου διαρθρωτικοῦ ὑπόδειγματος. Τὸ ὑπόδειγμα, ἐν τούτοις, ὅπως ἔχει προσδιοριστεῖ στὴ δική μας καθὼς καὶ σὲ προηγούμενη μελέτη (Ἀλεξόπουλος, 1972), δὲν ἐπιτρέπει τὸ διαχωρισμὸ τῶν ἐπιδράσεων τῆς νομισματικῆς καὶ δημοσιονομικῆς πολιτικῆς μεταξὺ πραγματικοῦ προϊόντος καὶ τιμῶν. Πρόδος πρὸς τὴν κατεύθυνση αὐτὴ μπορεῖ νὰ γίνει μὲ τὴν προσθήκη στὸ ὑπόδειγμα μιᾶς ἔξισώσεως τιμῶν καὶ τὸν κατάλληλο προσδιορισμὸ τῶν μεταβλητῶν σὲ δονομαστικοὺς καὶ πραγματικοὺς ὅρους<sup>6</sup>.

6. Γιὰ μιὰ τέτοιου εἴδους προσέγγιση γιὰ τὶς H.P.A. καὶ τὴ Μεγ. Βρετανία βλ. McCalum (1973 καὶ 1974) καὶ Brissimis (1976b).

"Οπως άναφέραμε, ή διερεύνηση τής σχετικής σημασίας τῶν νομισματικῶν καὶ δημοσιονομικῶν μεταβολῶν ἔγινε μὲ τὴν ἐξέταση τῶν δυναμικῶν πολλαπλασιαστῶν. Χωρὶς ἀμφιβολία ή γνώση τοῦ μεγέθους τῶν πολλαπλασιαστῶν εἶναι χρήσιμη γιὰ βραχυχρόνιους σταθεροποιητικοὺς χειρισμοὺς τῆς οἰκονομικῆς πολιτικῆς, ἀλλὰ πρέπει νὰ εἶναι κανεὶς ἐξαιρετικά προσεκτικὸς στὸν προσδιορισμὸν τῶν σχέσεων ἐκείνων ἀπὸ τὶς ὁποῖες θὰ γίνει ὁ ὑπολογισμός τους. Τὸ παράδειγμά μας ἔδειξε ὅτι μὲ διαφορετικὸ προσδιορισμὸ τῆς δυναμικῆς συμπεριφορᾶς τοῦ οἰκονομικοῦ συστήματος ὁδηγηθήκαμε σὲ συμπέρασμα διαμετρικά ἀντίθετο ἀπὸ ἐκεῖνο τῆς προηγούμενης μελέτης, στὸ δτὶ δηλ. ἡ νομισματικὴ πολιτικὴ εἶναι ἀποτελεσματικότερη ἀπὸ τὴ δημοσιονομική. "Ετσι ἐφόσον ἔνα ὑπόδειγμα πρόκειται νὰ χρησιμοποιηθεῖ γιὰ τὴ λήψη ἀποφάσεων πολιτικῆς, στὴν ἐπιλογὴ του θὰ πρέπει νὰ παίρνονται ὑπόψη ὅλα τὰ σχετικὰ στατιστικὰ κριτήρια δηλ. α) ἡ ἐξηγητικὴ ίκανότητα ( $R^2$ ) τῶν ἐξισώσεων, β) τὰ ὄρθια πρόσημα καὶ ἡ στατιστικὴ σημαντικότητα τῶν συντελεστῶν, γ) ἡ εὐστάθεια ὀλόκληρου τοῦ συστήματος, δ) ἡ διαχρονικὴ σταθερότητα τῶν παραμέτρων, ε) ἡ προβλεπτικὴ ίκανότητα τοῦ συστήματος καὶ στ) ὁ ἔλεγχος τῆς ὑπάρξεως σφάλματος στὸν προσδιορισμὸ τῶν ἐξισώσεων.

Θὰ πρέπει νὰ σημειωθεῖ ὅτι τὸ ὑπόδειγμα IS - LM, ὅπως ἐκτιμήθηκε στὴν ἐργασία μας γιὰ τὴν περίοδο 1959 - 1975, συνδέει τὸν πραγματικὸ καὶ νομισματικὸ τομέα τοῦ συστήματος μὲ τὴ μεταβλητὴ τοῦ ἐπιτοκίου ποὺ ἐμφανίζεται ὡς προσδιοριστικὸς παράγοντας τόσο στὴ συνάρτηση ζητήσεως χρήματος ὃσο καὶ στὴ συνάρτηση ἐπενδύσεων. Πρόσφατη ἔρευνα (Λεβεντάκης - Μπρισίμης, 1978), ἐν τούτοις, ἔδειξε ὅτι γιὰ τὴν περίοδο 1964 - 1976 ὅπου ἡ ταχύτητα κυκλοφορίας τοῦ χρήματος παρουσιάζει μία σχετικὴ σταθερότητα, δὲν ὑπάρχει ἐλαστικότητα τῆς ζητήσεως χρήματος ὡς πρὸς τὸ ἐπιτόκιο. Τοῦτο δημιουργεῖ ἐπιφυλάξεις γιὰ τὸ κατὰ πόσο ἡ μεταβλητὴ ἐπιτόκιο εἶναι ἡ καταλληλότερη γιὰ τὴ σύνδεση τῶν δύο τομέων τοῦ συστήματος.

#### B I B L I O G R A F I A

1. ΑΛΕΞΟΠΟΥΛΟΣ, Ν. (1972). «Ἐν Οἰκονομετρικὸν 'Ὑπόδειγμα τῆς Ἑλληνικῆς Οἰκονομίας'. Σπουδαὶ, σ.σ. 50 - 62.
2. ANDO, A., BROWN, E. C., KAREKEN, J., SOLOW, R. M. (1963). «Lags in Fiscal and Monetary Policy». In *Stabilization Policies*. Englewood Cliffs, N. J. : Prentice Hall.
3. ARRESTIS, P., FROWEN, S., KARAKITSOS, E. (1978). «The Dynamic Impacts of Government Expenditure and the Monetary Base on Aggregate Income : The case of four O.E.C.D. Countries». *Public Finance*, forthcoming.
4. BALL, R. J., DRAKE, P. S. (1963). «Stock Adjustment Inventory Models of the United Kingdom Economy». *The Manchester School of Economic and Social Studies*, pp. 87 - 101.

5. BRISIMIS, S. N. (1976a). «Multiplier Effects for Higher than First Order Linear Dynamic Econometric Models». *Econometrica*, pp. 593 - 595.
6. BRISIMIS, S. N. (1976b). Money Demand and Money Supply in An Extended IS - LM Framework : An Econometric Study. Ph. D. Thesis, University of Edinburgh.
7. CHOW, G. C. (1967). «Multiplier, Accelerator and Liquidity Preference in the Determination of National Income in the United States». *Review of Economics and Statistics*, pp. 1 - 15.
8. FAIR, R. C. (1970). «The Estimation of Simultaneous Equations Models with Lagged Endogenous Variables and First Order Serially Correlated Errors». *Econometrica*, pp. 507 - 516.
9. FROMM, G., TAUBMAN, P. (1968). *Policy Simulations with an Econometric Model*. Amsterdam : North Holland Publishing Company.
10. GILL, L., BRISIMIS, S. N. (1978). «Polynomial Operators and the Asymptotic Distribution of Dynamic Multipliers». *Journal of Econometrics*, forthcoming.
11. GOLDBERGER, A. S. (1959). *Impact Multipliers and Dynamic Properties of the Klein-Goldberger Model*. Amsterdam : North Holland Publishing Company.
12. GUPTA, V.K.L. (1968 - 9). «Money Supply, Cyclical Fluctuations and Income Determination». *Jahrbücher für Nationalökonomie und Statistik*, pp. 465 - 478.
13. KMENTA, J., SMITH, P. E. (1973). «Autonomous Expenditures Versus Money Supply : An Application of Dynamic Multipliers». *Review of Economics and Statistics*, pp. 229 - 307.
14. KNÖBL, A., SOLHEIM, J. (1976). «Effects of Fiscal and Monetary Policies in the Federal Republic of Germany — A Dynamic Short-Term Model of the German Economy». *Departmental Memoranda Series No 31*, International Monetary Fund.
15. ΛΕΒΕΝΤΑΚΗΣ, Ι. Α. (1975). «Η Επίδρασις τοῦ Χρήματος ἐπὶ τῆς Οἰκονομικῆς Δραστηριότητος, Θεωρητικὴ καὶ Ἐμπειρικὴ Διερεύνησις». *Σπουδαί*, σ.σ. 297 - 356.
16. ΛΕΒΕΝΤΑΚΗΣ, Ι. Α. (1976). «Προσδιοριστικοὶ Παράγοντες Μεταβολῆς τῆς Προσφορᾶς Χρήματος ἐν Ἑλλάδι 1954 - 1975». *Σπουδαί*, σ.σ. 537 - 555.
17. ΛΕΒΕΝΤΑΚΗΣ, Ι. Α., ΜΙΡΙΣΙΜΗΣ, Σ. Ν. (1978). «Προβλέψεις Ἐξελίξεως τῶν Τιμῶν στὴν Ἑλλάδα κατὰ τὸ 1978». *Ἀδημοσίευτη Μελέτη, Διεύθυνση Οἰκονομικῶν Μελετῶν, Τράπεζα τῆς Ἑλλάδος*.
18. McCALLUM, B. T. (1973). «Friedman's Missing Equation : Another Approach». *The Manchester School of Economic and Social Studies*, pp. 311 - 328.
19. McCALLUM, B. T. (1974). «The Relative Impact of Monetary and Fiscal Policy Instruments : Some Structure - Based Estimates». *Journal of Econometrics*, pp. 283 - 299.
20. MORONEY, J. R., MASON, J. M. (1971). «The Dynamic Impacts of Autonomous Expenditures and the Monetary Base on Aggregate Income». *Journal of Money, Credit and Banking*, pp. 793 - 814.

21. MUTH, R. F. (1961). «Rational Expectations and the Theory of Price Movements». *Econometrica*, pp. 315 - 335.
22. SCOTT, R. H. (1966). «Estimates of Hicksian IS and LM Curves for the United States» *Journal of Finance*, pp. 479 - 487.
23. TANNER, E. J. (1969). «Lags in the Effects of Monetary Policy : A Statistical Investigation». *American Economic Review*, pp. 794 - 805.
24. THEIL, H., BOOT, J. C. G. (1962). «The Final Form of Econometric Equation Systems». *Review of the International Statistical Institute*, pp. 136 - 152.