

ΣΥΝΑΡΤΗΣΕΙΣ ΕΙΣΑΓΩΓΩΝ
ΤΩΝ ΚΥΡΙΩΤΕΡΩΝ ΧΩΡΩΝ·ΜΕΛΩΝ ΤΟΥ Ο.Ο.Σ.Α.

Τοῦ κ. ΘΕΟΔΩΡΟΥ Γ. ΓΚΑΜΑΛΕΤΣΟΥ

Καθηγητοῦ τῆς Ἀνωτάτης Βιομηχανικῆς Σχολῆς Πειραιῶς

1. Εἰσαγωγὴ

Σκοπὸς τῆς παρούσης ἐργασίας εἶναι ἡ παρουσίασις ὀρισμένων βραχυχρονίων συναρτήσεων εἰσαγωγῶν τῶν κυριωτέρων χωρῶν - μελῶν τοῦ ὄργανισμοῦ Οἰκονομικῆς Συνεργασίας καὶ Ἀναπτύξεως (O.E.C.D.). Προηγουμένως ἀναπτύσσονται ὀρισμένα σημεῖα σχετικὰ μὲ τὸ θέμα τοῦτο, τὰ ὅποια πιστεύομεν ὅτι ἐνδιαφέρουν τὸν οἰκονομολόγον ἐρευνητήν⁽¹⁾.

Αἱ συναρτήσεις εἰσαγωγῶν ἐν συνδυασμῷ μετὰ τῶν λοιπῶν συναρτήσεων ζητήσεως ἐνὸς οἰκονομετρικοῦ ὑποδείγματος, λόγῳ τῆς σπουδαιότητός των προσελκύοντος πάντοτε τὸν οἰκονομολόγον ἐρευνητήν. Ἡ κατανάλωσις, αἱ ἐπενδύσεις καὶ αἱ εἰσαγωγαί, ὡς γνωστόν, λαμβάνονται ως ἐνδογενεῖς μεταβληταὶ ἀκόμη καὶ εἰς τὰ πλέον ἀπλοποιημένα Κεῦνσιανὰ ὑποδείγματα ζητήσεως, ἡ δὲ μορφὴ τῶν ἔξισώσεων συμπεριφορᾶς αὐτῶν βασίζεται εἰς τὴν οἰκονομικὴν θεωρίαν καὶ τὴν οἰκονομετρικὴν ἀνάλυσιν.

Ἡ οἰκονομικὴ θεωρία ἐν προκειμένῳ ὑποβοηθεῖ εἰς τὸν προσδιορισμὸν τῶν μεταβλητῶν εἰς μίαν ἔξισωσιν συμπεριφορᾶς. Πρέπει δημοσίας νὰ ἔχωμεν ὑπὲρ διατάξεων τόσον γενναιόδωρος ὅσον θὰ ἀνεμένετο ὑπὸ ἐνὸς θεωρητικοῦ ἐρευνητοῦ. Ἐκεῖνο τὸ δόπιον ἡ οἰκονομικὴ θεωρία προσφέρει ἐν προκειμένῳ εἶναι ἡ παροχὴ πληροφοριῶν ως πρὸς τὰς μεταβλητὰς ἐκείνας, αἱ δποῖαι εἶναι αἱ πλέον κατάλληλοι εἰς τὴν διαμόρφωσιν ἐνὸς ὑποδείγματος, καὶ εἰς ἔξαιρετικὰς περιπτώσεις παρέχει πληροφορίας σχετικὰς πρὸς τὴν γενικὴν μορφὴν μιᾶς συναρτήσεως ἡ πρὸς τυχὸν ὑφισταμένας σχέσεις μεταξὺ τῶν παραμέτρων αὐτῆς. Ἡ οἰκονομικὴ θεωρία σπανίως προσδιορίζει μίαν συγκεκριμένης μορφῆς συνάρτησιν τῶν οἰκονομικῶν μεταβλητῶν.

Ἡ ἐμπειρικὴ ἐρευνα εἶγαι ἐκείνη, ἡ ὅποια ἔρχεται νὰ συμπληρώσῃ τὴν ἀνωτέρω ἀδυναμίαν τῆς οἰκονομικῆς θεωρίας. Σκοπὸς τῆς ἐρευνῆς εἶναι ἀφ' ἐνὸς

1. Ἡ μελέτη αὕτη ἀποτελεῖ ἐν μέρος τῆς ἐργασίας τοῦ γράφοντος, δταν οὗτος εἰργάσθη ως Οἰκονομικός Σύμβουλος εἰς τὸν O.E.C.D. (Department of Economics and Statistics) κατὰ τὸ έτος 1969.

ή εύρεσις τῆς συγκεκριμένης μορφῆς ἐνὸς οἰκονομικοῦ ὑποδείγματος, μιᾶς συναρτήσεως, καὶ ἐπὶ πλέον ἡ ἐκτίμησις ἐπὶ τῇ βάσει πραγματικῶν στοιχείων τῶν διαφόρων θεωριῶν. Ὡς γνωστόν, εἰς οίονδήποτε τομέα τῆς οἰκονομικῆς ἐπιστήμης ὑφίστανται θεωρίαι, αἱ ὅποιαι βασιζόμεναι εἰς ἐξ ἴσου λογικὰς ὑποθέσεις διαφέρουν σημαντικῶς μεταξὺ των. Ἐργον τῆς ἐμπειρικῆς ἐρεύνης εἶναι ἡ ἀξιολόγησις αὐτῶν εἰς μίαν συγκεκριμένην περίπτωσιν. Βεβαίως καίτοι ἡ ἐμπειρικὴ ἐρευνα βασίζεται εἰς τὴν χρησιμοποίησιν πραγματικῶν στοιχείων, ἐν τούτοις, δὲν θὰ πρέπει ὁ «ἐμπειρικός» ἐρευνητὴς νὰ ζητῇ τὰ πάντα ἀπὸ τὰ στοιχεῖα.

Ἡ δημιουργία, ἐπομένως, καὶ ἡ ἐν συνεχείᾳ ἐκτίμησις τῶν διαφόρων οἰκονομικῶν ὑποδειγμάτων πρέπει νὰ βασίζεται εἰς τὴν οἰκονομικὴν θεωρίαν ἀφ' ἐνὸς καὶ ἀφ' ἑτέρου εἰς τὴν πραγματικότητα, ὡς αὕτη ἐκφράζεται ὑπὸ τῶν διαφόρων στατιστικῶν στοιχείων.

Πρὶν προχωρήσωμεν εἰς τὴν ἀνάπτυξιν τῶν συναρτήσεων εἰσαγωγῶν θὰ πρέπει ἵσως νὰ διευκρινισθῇ ἐν σημεῖον, τὸ ὅποιον ὅσον ἀπλοῦν καὶ ἐὰν εἶναι, ἐν τούτοις φαίνεται ὅτι ἀγνοεῖται ἀπὸ ὡρισμένους ἐρευνητάς. Αἱ διάφοροι ἐμπειρικαὶ συναρτήσεις ζητήσεως, ὡς εἶναι τῶν εἰσαγωγῶν, τῶν καταναλωτικῶν δαπανῶν, τῶν ἐπενδύσεων, ἔχουν ὡς ἐντικειμενικὸν σκοπὸν τὴν ἐπεξήγησιν μᾶλλον τῶν βασικῶν (σταθερῶν) χαρακτηριστικῶν μιᾶς οἰκονομίας καὶ οὐχὶ τὴν πιστήν ἐφαρμογὴν αὐτῶν εἰς ὡρισμένα δεδομένα στατιστικὰ στοιχεῖα ἐνὸς δείγματος. Τὸ σημεῖον τοῦτο πρέπει νὰ ἐπισημανθῇ διὰ τοὺς ἐρευνητάς ἐκείνους, οἱ ὅποιοι λησμονοῦντες τὴν οἰκονομικὴν θεωρίαν κατὰ τὴν δημιουργίαν ἐνὸς ὑποδείγματος ἔχουν ὡς ἀποκλειστικὸν σκοπὸν τὴν εύρεσιν ἐνὸς ὅσον τὸ δυνατὸν ὑψηλοτέρου συντελεστοῦ προσδιορισμοῦ.

2. Συναρτήσεις εἰσαγωγῶν : Προβλήματα ἐκτιμήσεως

Εἶναι γνωστὸν εἰς τοὺς οἰκονομολόγους ποῖαι εἶναι αἱ μεταβληταὶ ἐκεῖναι, αἱ ὅποιαι ὑπεισέρχονται εἰς τὰς συναρτήσεις τῶν εἰσαγωγῶν πρὸς ἐπεξήγησιν αὐτῶν. Αἱ ἐπεξηγηματικαὶ αὐταὶ μεταβληταὶ δύνανται νὰ καταταγοῦν εἰς τὰς ἔξης κατηγορίας : εἰς τὰς μεταβλητὰς ἐγχωρίου ζητήσεως καὶ προσφορᾶς (Domestic Demand and Supply Variables), ὡς εἶναι ἡ τελικὴ ζήτησις, ἡ βιομηχανικὴ παραγωγὴ, αἱ ἐγχώριαι τιμαὶ κ.ἄ., καὶ εἰς τὰς μεταβλητὰς ἐξωτερικοῦ ἐμπορίου καὶ προσφορᾶς (Foreign Supply and Trade Variables) ὡς εἶναι αἱ τιμαὶ ἐξωτερικοῦ, οἱ διάφοροι περιορισμοὶ τοῦ ἐξωτερικοῦ ἐμπορίου κ.ἄ. (¹).

Πρὶν δμως προχωρήσωμεν εἰς τὴν παρουσίασιν τῶν διαφόρων συναρτήσεων εἰσαγωγῶν τῶν ἐπτὰ κυριωτέρων χωρῶν - μελῶν τοῦ Ὀργανισμοῦ Οἰκονομικῆς Συνεργασίας καὶ Ἀναπτύξεως θὰ διατυπώσωμεν ὡρισμένας σκέψεις σχετικὰς πρὸς τὴν διαμόρφωσιν γενικῶς τῶν συναρτήσεων εἰσαγωγῶν, αἱ ὅποιαι πιστεύομεν ὅτι θὰ ἀποβοῦν χρήσιμοι διὰ τὴν ἐρευναν εἰς τὸν τομέα τοῦτον τῆς οἰκονομικῆς ἐπιστήμης.

1. Σχετικῶς πρὸς τὴν ἀνάλυσιν τῶν μεταβλητῶν, αἱ ὅποιαι ἐπηρεάζουν τὰς εἰσαγωγὰς βλέπε, Adams F.G. Eguchi H., and Meyer - Zu - Schlochtern F. «An Econometric Analysis of International Trade : an Interrelated Explanation of Imports and Exports of O.E.C.D. Countries», O.E.C.D. Economic Studies Series, January 1969, σελ. 15 - 19.

2.1. Η ύπόθεσις της προσθετικότητος εἰς τὰς συναρτήσεις εἰσαγωγῶν

Εἰς τὰς περισσοτέρας τῶν περιπτώσεων, ὡς γνωστόν, οἱ ἐρευνηταὶ χρησιμοποιοῦν συναρτήσεις εἰσαγωγῶν «προσθετικάς», ὑπὸ τὴν ἔννοιαν ὅτι αἱ ἐπεξηγηματικαὶ μεταβληταὶ ὑπεισέρχονται εἰς τὴν συνάρτησιν ὑπὸ μορφὴν προσθετικὴν⁽¹⁾,⁽²⁾. Εἶναι δῆμος πιθανὸν ἡ ἐξειδίκευσις μιᾶς συγκεκριμένης συναρτήσεως εἰσαγωγῶν νὰ εἴναι καλυτέρα, ἐὰν ἡ μορφὴ αὐτῆς δὲν εἴναι «προσθετική» ἀλλὰ «πολλαπλασιαστική», ὑπὸ τὴν ἔννοιαν ὅτι αἱ ἐπεξηγηματικαὶ μεταβληταὶ ὑπεισέρχονται εἰς τὴν συνάρτησιν ὑπὸ μορφὴν πολλαπλασιαστικήν. Ἐπὶ παραδείγματι ἡ συνάρτησις.

$$(1) \quad M = a + \beta Y + \gamma \left(\frac{p_m}{p} \right) + \dots,$$

ὅπου M = εἰσαγωγαί, Y = εἰσόδημα καὶ p_m/p = σχετικαὶ τιμαὶ εἴναι μία προσθετικὴ συνάρτησις εἰσαγωγῶν, ἐνῷ ἡ

$$(2) \quad M = a + \beta Y \left(\frac{p_m}{p} \right) + \dots,$$

εἴναι μία πολλαπλασιαστικὴ συνάρτησις εἰσαγωγῶν.

Ἐν βασικὸν πλεονέκτημα μιᾶς πολλαπλασιαστικῆς συναρτήσεως εἰσαγωγῶν, ὡς εἴναι ἡ (2) ἀνωτέρω, ἐν συγκρίσει πρὸς μίαν προσθετικὴν τοιαύτην, εἴναι ἡ ἐπίλυσις τοῦ προβλήματος τῆς «συμπολυγραμμικότητος» (Multicollinearity). Ὡς γνωστόν, ἡ συμπολυγραμμικότης εἰς τὰς περισσοτέρας τῶν περιπτώσεων εἴναι ἐμφανῆς ὅταν χρησιμοποιοῦνται χρονολογικαὶ σειραὶ στατιστικῶν στοιχείων. Εἰς τὰς περιπτώσεις αὐτάς, δύο ἡ ἀκόμη καὶ περισσότεραι ἐκ τῶν ἐπεξηγηματικῶν μεταβλητῶν κινοῦνται καθ' ὅμοιον τρόπον διαχρονικῶς, καθισταμένης οὕτω ἀδυνάτου τῆς ἐκτιμήσεως κεχωρισμένως τῆς ἐπιδράσεως ἐκάστης ἐξ αὐτῶν ἐπὶ τῆς ἐξηρτημένης μεταβλητῆς (ἐν προκειμένῳ τῶν εἰσαγωγῶν). Εἰς πολλὰς περιπτώσεις, ἐπὶ παραδείγματι, παρατηροῦμεν ὅτι ἡ ἐπίδρασις τῶν σχετικῶν τιμῶν εἴναι ἀσήμαντος εἰς τὴν ἐπεξήγησιν τῶν εἰσαγωγῶν. Εἰς τὴν στατιστικὴν γλῶσσαν τοῦτο σημαίνει ὅτι ὁ συντελεστὴς τῆς μεταβλητῆς τῶν σχετικῶν τιμῶν δὲν εἴναι «σημαντικὸς διάφορος τοῦ μηδενός», ἡ ἀκόμη εἰς ἄλλας περιπτώσεις λαμβάνομεν ἔνα συντελεστὴν μὲ πρόσθημον ἀντίθετον (πρὸς τὴν οἰκονομικὴν θεωρίαν). Τοῦτο, δῆμος, πρέπει νὰ ἔχωμεν ὑπὸ ὄψιν, δὲν σημαίνει ὅτι αἱ σχετικαὶ τιμαὶ δὲν ἔχουν καμμίαν σχέσιν μὲ τὰς εἰσαγωγάς. Δὲν θὰ πρέπει νὰ εἴμεθα τόσον δογματικοὶ ἐν προκειμένῳ καὶ νὰ ἀπορρίψωμεν ἀβασανίστως τὴν μεταβλητὴν ταύτην. Εἶναι δυνατὸν ἡ οἰκονομικὴ θεωρία νὰ εἴναι δρθή, ἀλλὰ ἡ μορφὴ τῆς συναρτήσεως νὰ εἴναι λανθασμένη.

1. Σχετικῶς πρὸς τὴν «προσθετικότητα» μιᾶς συναρτήσεως, βλέπε Θεοδώρου Γ. Γκαμαλέτσου, Οἰκονομετρία, Ἀθῆναι 1973, σελ. 267.

2. Βλέπε, ἐπὶ παραδείγματι, Styl. A. Sarandides, «Import Demand Functions for Greece, 1953 - 64», *Economia Internazionale*, Vol. XXV, No. 1, Genova, Feb. 1972.

Οι καθηγηταὶ Klein καὶ Goldberger εἰς μίαν πρωτοποριακήν ἐργασίαν των ἔχρησιμοποίησαν συναρτήσεις εἰσαγωγῶν ὑπὸ πολλαπλασιαστικὴν μορφὴν διὰ νὰ ἐπιλύσουν τὸ πρόβλημα τῆς συμπολυγραμμικότητος. «Ἐμπειρικαὶ ἐργασίαι, ἀναφερόμεναι εἰς συναρτήσεις εἰσαγωγῶν δὲν ὁδηγοῦν εἰς κάποιο συμπέρασμα σχετικῶς πρὸς τὴν ἐπίδρασιν τῶν σχετικῶν τιμῶν, ἵσως ἐξ αἰτίας τῆς ὑφισταμένης συσχετίσεως αὐτῶν μετὰ τοῦ εἰσοδήματος καὶ τῆς κυριαρχούσης σπουδαιότητος τῆς τελευταίας μεταβλητῆς» (Μετάφρασις, Klein - Goldberger, σελ. 19) (¹).

Κατόπιν τῶν ἀνωτέρω θὰ πρέπει νὰ ἔχωμεν ὑπὸ δψιν δτὶ ἡ ὑπόθεσις τῆς προσθετικότητος δὲν εἶναι ἡ μοναδικὴ δυναμένη νὰ χρησιμοποιηθῇ κατὰ τὴν ἔξειδίκευσιν τῶν συναρτήσεων εἰσαγωγῶν. Βεβαίως μία ἄλλη μέθοδος πρὸς ἀποφυγὴν τῆς συμπολυγραμμικότητος (ἰδίως μεταξὺ τῶν ἐπεξηγηματικῶν μεταβλητῶν τοῦ εἰσοδήματος καὶ τῶν σχετικῶν τιμῶν) εἶναι νὰ χρησιμοποιήσωμεν πρώτας διαφοράς καὶ οὐχὶ ἀπόλυτα μεγέθη τῶν μεταβλητῶν. Εἰς τὴν περίπτωσιν αὐτήν δμως δὲν θὰ πρέπει νὰ λησμονῆται δτὶ αἱ πρῶται διαφοραὶ ἐπιλύουν τρόπον τινὰ τὸ πρόβλημα μόνον τῆς «πρώτου βαθμοῦ αὐτοσυσχετίσεως» τῶν τυχαίων ἀποκλίσεων.

2.2. Ἡ ἐκτίμησις τῆς ὁριακῆς ροπῆς πρὸς εἰσαγωγάς

Ἡ ὁριακὴ ροπὴ πρὸς εἰσαγωγάς σχεδὸν εἰς δλας τὰς ἐμπειρικὰς ἐρεύνας λαμβάνεται διαχρονικῶς ὡς σταθερά (παράμετρος), δπως ἡ ὁριακὴ ροπὴ πρὸς κατανάλωσιν. Ἐὰν φερ' εἰπεῖν χρησιμοποιήσωμεν τὴν συνάρτησιν τῆς μορφῆς (1), τότε ἡ ὁριακὴ ροπὴ πρὸς εἰσαγωγάς εἶναι σταθερὰ καὶ ἵση πρὸς $M/Y = \beta$.

Εἶναι δμως πιθανὸν ἡ ὁριακὴ ροπὴ πρὸς εἰσαγωγάς νὰ μὴ εἶναι σταθερὰ διαχρονικᾶς. Ἐὰν δεχθῶμεν τὴν ἅποψιν αὐτήν — ἡ δποία ἵσως εἶναι ἡ πλέον ἀληθὴ — τότε αὕτη ἔξαρτᾶται ἐξ ὀρισμένων μεταβλητῶν, ίδιως κυκλικῶν διακυμάνσεων μεταβλητῶν, δπως ἐπὶ παραδείγματι εἶναι αἱ μεταβληταὶ «πραγματικὸν / δυνητικὸν ἀκαθάριστον ἐθνικὸν προϊόν», «ύποαπασχόλησις», καὶ γενικῶς οἰδηποτε μεταβλητὴ ἡ δποία κατὰ τὸν δυνατὸν καλύτερον τρόπον ἀπεικονίζει τὰς κυκλικὰς διακυμάνσεις μιᾶς οἰκονομίας. Πιστεύομεν δτὶ ἡ ὁριακὴ ροπὴ πρὸς εἰσαγωγάς εἶναι μία μεταβλητὴ καὶ οὐχὶ παράμετρος, δπως συνηθέστατα ἐκλαμβάνεται ὑπὸ πλείστων ἐρευνητῶν. Ἐκεῖνο τὸ δποῖον δὲν γνωρίζομεν a priori εἶναι πόσον συχνὰ μεταβάλλεται αὕτη καὶ εἰς ποῖον βαθμὸν ἐπηρεάζεται αὕτη ἐκ τῶν κυκλικῶν διακυμάνσεων μιᾶς οἰκονομίας.

Ἐχοντες ὑπὸ δψιν τὰ ἀνωτέρω ἐγένετο προσπάθεια ἐλέγχου αὐτῶν. Οὕτω χρησιμοποιούντες τὰ κατὰ τὴν ἐποχὴν τῆς ἐργασίας αὐτῆς διαθέσιμα στατιστικὰ στοιχεῖα ὑπελογίσθη ἡ κατωτέρω συνάρτησις εἰσαγωγῶν διὰ τὴν Ἰταλίαν καὶ διὰ τὰ ἔτη 1955 ἕως 1967

1. Σχετικῶς βλέπε Klein L.R. and Goldberger A.S., An Econometric Model of the United States 1929 - 1952 , North - Holland, Amsterdam, 1964.

$$(3) \quad \frac{\Delta \bar{M}}{\Delta GNP} = -0,867 + 0,006 U + 0,184 \Delta \bar{I}_c \left(P_m / P \right) + .0,185t + \\ (-0,45) \quad (0,12) \quad (1,16) \quad (3,21) \\ + 0,038 CUW - 0,446 \left[\frac{\Delta \bar{M}}{\Delta GNP} \right]_{-1} - 4,141 \left(P_m / P \right) \\ (3,22) \quad (-1,97) \quad (-2,52)$$

$$\bar{R} = 0,623$$

$$SE = 0,121$$

$$D.W. = 2,22$$

όπου \bar{M} = είσαγωγαι άγαθῶν καὶ ὑπηρεσιῶν κατὰ κεφαλὴν (εἰς σταθερὰς τιμὰς)

GNP = άκαθάριστον ἔθνικὸν προϊὸν κατὰ κεφαλὴν (εἰς σταθερὰς τιμὰς)

U = ὑποαπασχόλησις

\bar{I}_c = μεταβολὴ ἀποθεμάτων κατὰ κεφαλὴν (εἰς σταθερὰς τιμὰς)

P_m / P = σχετικαὶ τιμαὶ

t = χρόνος

CUW = δείκτης παραγωγικῆς δυναμικότητος, ώς οὗτος καταρτίζεται ὑπὸ τῆς Σχολῆς Wharton. Σημειώτεον ὅτι οἱ ἐντὸς τῶν παρενθέσεων ἀριθμοὶ εἶναι ἡ στατιστικὴ τοῦ Student.

Ἐκ τῆς ἀνωτέρω συναρτήσεως συμπεραίνομεν ὅτι εἶναι δυνατὴ ἡ ἐκτίμησις τῶν είσαγωγῶν ἐμμέσως διὰ τῆς (ἀμέσου) ἐκτιμήσεως τῆς δριακῆς ροπῆς αὐτῶν. Συγκεκριμένως ἐκ τῆς ἔξισθωσεως (3) παρατηροῦμεν ὅτι, ἡ δριακὴ ροπὴ πρὸς είσαγωγάς ἐπηρεάζεται (α) ὑπὸ τοῦ δείκτου τῆς Σχολῆς Wharton, ὁ δόποῖος περιλαμβάνεται εἰς τὰς μεταβλητὰς τῶν κυκλικῶν διακυμάνσεων, (β) ὑπὸ τῶν μεταβολῶν διαχρονικῶν τῶν σχετικῶν τιμῶν καὶ (γ) ὑπὸ τοῦ χρόνου, ὁ δόποῖος ἐν προκειμένῳ ἐρμηνεύεται ώς μεταβολὴ εἰς τὰς προτιμήσεις τῶν ἀγοραστῶν (καταναλωτῶν) τῶν είσαγομένων άγαθῶν.

2.3. Διαφορετικαὶ συναρτήσεις είσαγωγῶν ἐντὸς τοῦ οἰκονομικοῦ κύκλου

Εἶναι γνωστὸν εἰς τοὺς οἰκονομολόγους ὅτι αἱ είσαγωγαι (ἢ καλύτερον ἡ δριακὴ ροπὴ πρὸς είσαγωγάς) συμπεριφέρονται διαφορετικῶς ὅταν εὑρισκόμεθα εἰς ἐποχὰς οἰκονομικῆς ἔξάρσεως καὶ ὑφέσεως. Ἡ παραδοχὴ ἐξ ἄλλου τῆς ἀπόγεως αὐτῆς δικαιώνει καὶ τὴν χρησιμοποίησιν τῆς «ὑπερβαλλούσης ζητήσεως» (Pressure of Demand) ὡς ἐπεξηγηματικῆς μεταβλητῆς τῶν είσαγωγῶν. Ἡ χρησιμοποίησις ὅμως μιᾶς μόνον συναρτήσεως ἡ μιᾶς μόνον ἐπεξηγηματικῆς μεταβλητῆς τῶν είσαγωγῶν δὲν εἶναι ίκανονοποιητικὴ διὰ νὰ ἐξηγήσῃ τὴν συμπεριφορὰν τῶν είσαγωγῶν εἰς τὰς δύο αὐτὰς φάσεις τοῦ οἰκονομικοῦ κύκλου. Εἶναι λίαν πιθανόν, ἐπὶ παραδείγματι, ὅταν ἡ «ὑπερβαλλουσα ζήτησις» εἶναι ὑψηλὴ

καὶ ἡ παραγωγικὴ δυναμικότης τῆς οἰκονομίας ἔχει φθάσει εἰς τὸ μέγιστον, αἱ σχετικαὶ τιμαὶ νὰ μὴ ἐπηρεάζουν τὰς εἰσαγωγάς. Εἰς τὴν περίπτωσιν αὐτὴν ἡ μεταβλητὴ «σχετικαὶ τιμαὶ» δὲν ἔχει θέσιν εἰς τὴν συνάρτησιν εἰσαγωγῶν. Τοῦτο ἔξηγεῖται ἐκ τοῦ γεγονότος ὅτι ἡ οἰκονομία θὰ εἰσαγάγῃ ὅσα τῆς χρειάζονται, χωρὶς νὰ ἀποδίδῃ μεγάλην σημασίαν εἰς τὰς τιμὰς τῶν ἀγαθῶν.

Ἐπομένως, ἐκεῖνο τὸ δποῖον εἰσηγεῖται ἐν προκειμένῳ εἶναι ἡ χρησιμοποίησις μιᾶς «συνδυασμένης» ἢ «συνθέτου» συναρτήσεως («Combined Relationship») πρὸς ἐπεξήγησιν τῶν εἰσαγωγῶν εἰς τὰς διαφόρους φάσεις τοῦ οἰκονομικοῦ κύκλου. Ὡς «συνδυασμένην» ἢ «σύνθετον» συνάρτησιν ἐννοοῦμεν τὴν χρησιμοποίησιν οὐσιαστικῶς δύο συναρτήσεων εἰσαγωγῶν, ἑκάστη τῶν ὁποίων θὰ ἔξηγῇ τὴν συμπεριφορὰν αὐτῶν εἰς τὰς δύο διαφορετικάς φάσεις τοῦ οἰκονομικοῦ κύκλου. Σημειωτέον ὅτι ἑκάστη συνάρτησις θὰ ἔχῃ τὰς ἴδιας τῆς ἐπεξηγηματικὰς μεταβλητάς, θὰ συνδέωνται δὲ μεταξύ των αἱ συναρτήσεις αὐταὶ — αἱ δποῖαι διὰ νὰ εἰμεθα ἀκριβεῖς δὲν εἶναι ἀπαραίτητον νὰ εἶναι μόνον δύο — ὑπὸ ὥρισμένων «ψευδομεταβλητῶν» (Dummy Variables).

2.4. Τὸ πρόβλημα τῆς ἀθροιστικότητος εἰς τὴν ἐκτίμησιν τῶν εἰσαγωγῶν

Διὰ τὴν ἐκτίμησιν τῶν εἰσαγωγῶν (ώς σύνολον) ὑπάρχουν, ως γνωστόν, δύο μέθοδοι. Ἡ πρώτη εἶναι ἡ χρησιμοποίησις συναρτήσεων εἰσαγωγῶν κεχωρισμένως δι’ ἑκάστην ὑποκατηγορίαν ἢ ἀκόμη δι’ ἑκάστην ἀγαθὸν τῶν εἰσαγωγῶν. Ἡ δευτέρα εἶναι ἡ χρησιμοποίησις μιᾶς μόνον συναρτήσεως πρὸς ἐκτίμησιν τοῦ συνόλου τῶν εἰσαγωγῶν. Καὶ αἱ δύο αὗται μέθοδοι ἔχουν τὰ πλεονεκτήματα καὶ τὰ μειονεκτήματα των.

Ἐὰν χρησιμοποιήσωμεν τὴν πρώτην μέθοδον -δηλαδὴ τὴν ἀγαθὸν πρὸς ἀγαθὸν ἐκτίμησιν καὶ κατόπιν τὴν εὑρεσιν τοῦ συνόλου τῶν εἰσαγωγῶν δι’ ἀθροίσεως αὐτῶν— ἔχομεν τὸ πλεονέκτημα ὅτι γνωρίζουμεν καλύτερον τὰς ἐπεξηγηματικὰς μεταβλητὰς ἑκάστης συναρτήσεως. Εἶναι εὐκολώτερον, φερ’ εἰπεῖν, νὰ γνωρίζουμεν τί ἐπηρεάζει τὴν εἰσαγωγὴν τοῦ καφέ, ἀπὸ τοῦ τί ἐπηρεάζει τὸ σύνολον τῶν εἰσαγωγῶν. Ὅμως καὶ τὰ μειονεκτήματα ἐν προκειμένῳ. Ἐὰν ἐνδιαφερόμεθα διὰ τὴν πρόβλεψιν τοῦ συνόλου τῶν εἰσαγωγῶν, τότε ἡ χρησιμοποίησις πολλῶν ἔξειδικευμένων κατὰ ὑποκατηγορίαν εἰσαγωγῶν μεταβλητῶν δημιουργεῖ προβλήματα, ἐφ’ ὅσον καθίσταται δύσκολος ἡ πρόβλεψις αὐτῶν τῶν ἐπεξηγηματικῶν μεταβλητῶν.

Ἀντιθέτως, ἐὰν χρησιμοποιήσωμεν τὴν δευτέραν μέθοδον ἔχομεν τὸ πλεονέκτημα τῆς εὐκολωτέρας προβλέψεως τῶν ἐπεξηγηματικῶν μεταβλητῶν, καὶ τὸ μειονεκτήμα τῆς προβλέψεως τοῦ συνόλου τῶν εἰσαγωγῶν διὰ μιᾶς (σχετικῶς ἀπλῆς) συναρτήσεως εἰσαγωγῶν⁽¹⁾.

1. Σχετικῶς πρὸς τοῦτο βλέπε W.A.H. Golde and Shepherd «Forecasting Imports», National Institute Economic Review, August 1965, σελ. 42.

3. Συναρτήσεις εἰσαγωγῶν τῶν κυριωτέρων χωρῶν-μελῶν τοῦ Ο.Ο.Σ.Α.

Αἱ συναρτήσεις εἰσαγωγῶν τῶν ἐπτὰ κυριωτέρων χωρῶν - μελῶν τοῦ Ὀργανισμοῦ Οἰκονομικῆς Συνεργασίας καὶ Ἀναπτύξεως δίδονται εἰς τὸν κατωτέρω Πίνακα 1, εἰς τὸ τέλος δὲ παρατίθενται τὰ χρησιμοποιηθέντα στατιστικὰ στοιχεῖα δι’ ἔκάστην χώραν.

Σχετικῶς πρὸς τὰς συναρτήσεις αὐτὰς προσπάθεια ἐγένετο διὰ τὴν ἔξεύρεσιν ὃσον τὸ δυνατὸν ἀπλοποιημένων μορφῶν, οὕτως ὡστε νὰ καθίσταται δυνατὴ ἡ εὐχερής χρησιμοποίησις αὐτῶν διὰ τὴν πρόβλεψιν τῶν εἰσαγωγῶν. Ἡ ἀπλότης ἐν προκειμένῳ εἶναι ἐν πλεονέκτημα, ἐφ' ὃσον δὲν ἐπιτυγχάνεται κάτι σημαντικὸν διὰ τῆς χρησιμοποίησεως πολυπλοκωτέρων μαθηματικῶν συναρτήσεων. Τοῦτο ἔξ ἄλλου εἶναι σύμφωνον καὶ πρὸς τὸ γενικὸν ἀξίωμα τῆς φιλοσοφίας καὶ τῆς ἐπιστημονικῆς ἐρεύνης γνωστὸν ὡς «Occam's Razor».

3.1. Συνάρτησις εἰσαγωγῶν Ἰαπωνίας

Ἐκ τοῦ Πίνακος 1 παρατηροῦμεν ὅτι αἱ εἰσαγωγαὶ τῶν ἀγαθῶν καὶ ὑπηρεσιῶν τῆς Ἰαπωνίας \bar{M} (ῶς αὗται δρίζονται ὑπὸ τῶν ἐθνικῶν λογαριασμῶν τῆς Χώρας) δύνανται ἐπιτυχῶς νὰ ἐπεξηγηθοῦν ὑπὸ τοῦ ἀκαθαρίστου ἐθνικοῦ προϊόντος (GNP), τῶν μεταβολῶν αὐτοῦ (ΔGNP), ὡς καὶ τῶν μεταβολῶν τῶν ἀποθεμάτων (I_c). Σημειωτέον ὅτι δλαι αἱ μεταβληταὶ (ἐξηρτημέναι καὶ ἀνεξάρτητοι) εἶναι ἐκπεφρασμέναι εἰς σταθερὰς τιμάς.

Σχετικῶς πρὸς τὰς χρησιμοποιηθείσας ἐπεξηγηματικὰς μεταβλητὰς ἔχομεν νὰ παρατηρήσωμεν τὰ ἔξῆς: ἡ μεταβλητὴ \bar{GNP} εἶναι μία γενικῆς μορφῆς μεταβλητή, ἡ δοπία ἐκφράζει τὴν οἰκονομικὴν δραστηριότητα τῆς χώρας, ἐνῷ ἡ μεταβλητὴ (ΔGNP) δύναται νὰ χρησιμοποιηθῇ, συμφώνως πρὸς τὸ γνωστὸν ἀξίωμα τοῦ ἐπιταχυντοῦ, ὡς μία «προσεγγιστικὴ» (Proxy) μεταβλητὴ πρὸς ἐπεξήγησιν: τῆς συμπεριφορᾶς τῶν ἐπενδύσεων, ἐν συνδυασμῷ βεβαίως καὶ πρὸς τὴν μεταβλητὴν I_c .

Πρέπει νὰ ἔχωμεν ὑπὸ δψιν ὅτι αἱ δύο αὗται κυκλικῶν διακυμάνσεων μεταβληταὶ (ΔGNP) καὶ I_c ὅταν χρησιμοποιοῦνται κεχωρισμένως εἰς τὴν αὐτὴν συνάρτησιν εἰσαγωγῶν δημιουργοῦν προβλήματα συμπολυγραμμικότητος. Εἰς τὰς περισσοτέρας τῶν περιπτώσεων αἱ μεταβολαὶ τῶν ἀποθεμάτων παρουσιάζουν μεγαλυτέραν ἐπεξηγηματικὴν δύναμιν, σχετικῶς πρὸς τὰς εἰσαγωγάς, ἀπὸ ἐκείνην τῶν μεταβολῶν εἰς τὸ ἀκαθάριστον ἐθνικὸν προϊόν. Εἰς τὴν ἐκτιμηθεῖσαν συνάρτησιν εἰσαγωγῶν τῆς Ἰαπωνίας ἡ μεταβλητὴ (ΔGNP) δὲν ἔχρησιμοποιηθῇ ὡς προσεγγιστικὴ μεταβλητὴ τῶν ἐπενδύσεων, ἀλλὰ μᾶλλον ἐτέθη διὰ νὰ ἐπεξηγήσῃ τὰς τυχὸν ἐπιδράσεις ἐπὶ τῶν εἰσαγωγῶν τοῦ ἀκαθαρίστου ἐθνικοῦ προϊόντος τῆς προηγούμενης περιόδου.

Σημειωτέον ὅτι ἡ ἴδια συνάρτησις τοῦ Πίνακος 1 δύναται νὰ γραφῇ καὶ ὑπὸ τὴν μορφὴν

$$(4) \quad \bar{M} = -0,801 + [0,123 - 0,043] \text{ GNP} + 0,043 \text{ GNP}_{-1} + 0,181 \bar{I}_s.$$

Η μορφή ὅμως αὕτη τῆς συναρτήσεως, καίτοι εἶναι περισσότερον ἐπεξηγηματική ἐκείνης τοῦ Πίνακος 1, ἀπεφεύχθη λόγῳ μεγαλυτέρου βαθμοῦ συμπολυγραμμικότητος μεταξὺ τῶν μεταβλητῶν GNP καὶ GNP_{-1} , ἀπὸ ἐκεῖνον δὲ ὁ ὄποιος ὑφίσταται μεταξὺ τῶν μεταβλητῶν GNP καὶ (ΔGNP) .

Διὰ τὴν ἐκτίμησιν τῆς συναρτήσεως εἰσαγωγῶν τῆς Ἰαπωνίας, ὡς αὕτη δίδεται εἰς τὸν Πίνακα 1, ἔχρησιμοποιήθησαν τριμηνιαῖα στατιστικὰ στοιχεῖα τῶν ἐθνικῶν λογαριασμῶν τῆς χώρες καὶ διὰ τὴν χρονικὴν περίοδον 1959 (πρῶτον τρίμηνον) ἕως 1967 (τρίτον τρίμηνον).

3.2. Συνάρτησις εἰσαγωγῶν Ἰταλίας

Αἱ κατὰ κεφαλὴν εἰσαγωγαὶ τῶν ἀγαθῶν καὶ ὑπηρεσιῶν τῆς Ἰταλίας εἰς σταθερὰς τιμὰς ἐκπεφρασμέναι (\bar{M}/N), ὡς παρατηροῦμεν ἐκ τοῦ Πίνακος 1, δύνανται νὰ ἐπεξηγηθοῦν ὑπὸ τῶν κάτωθι μεταβλητῶν: (α) τοῦ κατὰ κεφαλὴν ἀκαθαρίστου ἐθνικοῦ προϊόντος τῆς χώρας εἰς σταθερὰς τιμὰς (GNP/N), (β) τῶν κατὰ κεφαλὴν μεταβολῶν τοῦ ἀκαθαρίστου ἐθνικοῦ προϊόντος τῆς χώρας εἰς σταθερὰς τιμὰς $\Delta(\text{GNP}/N)$, (γ) τῶν κατὰ κεφαλὴν μεταβολῶν (εἰς τὰς μεταβολὰς) τῶν ἀποθεμάτων εἰς σταθερὰς τιμὰς $\Delta(\bar{I}_s/N)$, (δ) τοῦ χρόνου t , (ε) τοῦ δείκτου παραγωγικῆς δυναμικότητος τῆς χώρας, ὡς οὗτος καταρτίζεται ὑπὸ τῆς Σχολῆς Wharton, καὶ (στ) μιᾶς «ψευδομεταβλητῆς» D .

Ἡ κατὰ κεφαλὴν ἐμφάνισις τῶν μεταβλητῶν ἐγένετο πρὸς ἀποφυγὴν τῆς χρησιμοποιήσεως τοῦ πληθυσμοῦ ὡς ἀνεξαρτήτου μεταβλητῆς. Ὡς γνωστόν, ὁ πληθυσμὸς ὡς ἐπεξηγηματικὴ μεταβλητὴ δημιουργεῖ προβλήματα συμπολυγραμμικότητος, ἐφ' ὅσον συνδέεται στενῶς κυρίως μετὰ τῶν μεταβλητῶν GNP καὶ t . Ὡς πρὸς τὰς τρεῖς πρώτας ἐπεξηγηματικὰς μεταβλητὰς ἴσχύουν τὰ προηγουμένως, σχετικῶς πρὸς τὴν συνάρτησιν εἰσαγωγῶν τῆς Ἰαπωνίας, λεχθέντα. Ὁ χρόνος ἔχρησιμοποιήθη ἐν προκειμένῳ ὡς προσεγγιστικὴ (Proxy) μεταβλητὴ πρὸς ἐπεξηγήσιν τῶν (ἐνδεχομένων) μεταβολῶν εἰς τὰς προτιμήσεις τῶν ἀγοραστῶν δύναται ὅμως οὗτος νὰ ἔξηγήσῃ τὴν παρουσίαν του εἰς τὴν συνάρτησιν ὡς προσεγγιστικὴ μεταβλητὴ τῶν σχετικῶν τιμῶν.

Ἐφ' ὅσον προσπαθοῦμεν νὰ ἐπεξηγήσωμεν τὴν βραχυχρόνιον συμπεριφορὰν τῶν εἰσαγωγῶν τῆς Ἰταλίας κρίνεται ἀπαραίτητος ἡ παρουσία ὀρισμένων κυκλικῶν διακυμάνσεων μεταβλητῶν. Πρὸς τὸν σκοπὸν αὐτὸν ἔχρησιμοποιήθη ὁ δείκτης παραγωγικῆς δυναμικότητος τῆς χώρας, ὡς οὗτος δίδεται ὑπὸ τῆς Σχολῆς Wharton. Ἐπειδὴ ὅμως ὁ δείκτης οὗτος μόνος του δὲν ἐπεξηγοῦσεν ἐπιτυχῶς τὰς κυκλικὰς διακυμάνσεις τῆς ιταλικῆς οἰκονομίας κατὰ τὴν χρονικὴν περίοδον τοῦ δείγματος, ἔχρησιμοποιήθη καὶ μία «ψευδομεταβλητὴ» (Dummy), ὡς ὅποια ἐν συνδυασμῷ μετὰ τοῦ δείκτου, ἐπεξηγήσεν ἐπιτυχῶς τὴν βραχυχρόνιον συμπεριφορὰν τῶν εἰσαγωγῶν τῆς χώρας αὐτῆς. Σημειωτέον ὅτι ἡ ψευδομετα-

βλητή αυτή εύρεθη ἐκ τῆς διερευνήσεως τῶν ὑπολοίπων τῆς συναρτήσεως εἰσαγωγῶν (χωρὶς τὴν ψευδομεταβλητήν) (¹).

Διὰ τὴν ἐκτίμησιν τῆς συναρτήσεως εἰσαγωγῶν τῆς Ἰταλίας ἐχρησιμοποιήθησαν ἐτήσια στατιστικὰ στοιχεῖα, τὰ ὅποια ἐκάλυψαν τὴν χρονικὴν περίοδον 1955 ἔως 1967. Πιστεύομεν ὅτι ἡ χρησιμοποίησις τριμηνιαίων στατιστικῶν στοιχείων εἰς τὴν συνάρτησιν αὐτὴν θὰ συμβάλῃ εἰς τὴν ἐπεξήγησιν τῆς πραγματικότητος μετὰ μεγαλυτέρας ἀκριβείας.

3.3. Συνάρτησις εἰσαγωγῶν Καναδᾶ

Αἱ εἰσαγωγαὶ τοῦ Καναδᾶ, ὡς δίδονται ὑπὸ τῶν Ἐθνικῶν Λογαριασμῶν τῆς Χώρας, εἶναι ἐκπεφρασμέναι εἰς σταθεράς τιμὰς καὶ δὲν περιλαμβάνουν τὰ εἰσαγόμενα ἐκ τῶν Ἡνωμένων Πολιτειῶν αὐτοκίνητα ὡς καὶ τὰ ἔξαρτήματα αὐτῶν. Ἡ χρονικὴ περίοδος τὴν ὅποιαν καλύπτει τὸ χρησιμοποιηθὲν δεῖγμα εἶναι μεταξὺ τῶν ἔτῶν 1951 ἔως 1968. Ὡς παρατηροῦμεν ἐκ τοῦ Πίνακος 1, αἱ εἰσαγωγαὶ τῆς Χώρας αὐτῆς δύνανται νὰ ἐπεξηγηθοῦν ὑπὸ τῶν μεταβλητῶν : (α) ἀκαθάριστον ἐθνικὸν εἰσόδημα \bar{GNP} , (β) μεταβολὴ τοῦ ἀκαθαρίστου ἐθνικοῦ εἰσόδηματος (ΔGNP), (γ) μεταβολὴ (εἰς τὰς μεταβολὰς) τῶν ἀποθεμάτων (ΔI), καὶ (δ) ὑποαπαχόλησις (U). Σημειωτέον ὅτι ἡ συνάρτησις αὕτη ἐπεξηγεῖ καλύτερον τὰς εἰσαγωγὰς κατὰ τὰ τελευταῖα ἔτη (τοῦ δείγματος). "Ολαι αἱ μεταβληταὶ εἶναι ἐκπεφρασμέναι εἰς σταθερὰς τιμάς.

Αἱ εἰσαγωγαὶ ἐν προκειμένῳ ἔχουν ἀποπληθωρισθῆ χρησιμοποιοῦντες τὸν ἀποπληθωριστὴν τοῦ ἀκαθαρίστου ἐθνικοῦ προϊόντος. Ὁ λόγος τῆς χρησιμοποιήσεως τοῦ ἀποπληθωριστοῦ αὐτοῦ δίδεται ὑπὸ τοῦ Kmenta· κατ' αὐτὸν ἡ χρησιμοποίησις τοῦ δείκτου αὐτοῦ εἶναι «μερικῶς θέμα ἀρχῆς (²) καὶ μερικῶς ὡς μέσον ἀπαλοιφῆς τῶν ἐπιδράσεων τῶν μεταβολῶν εἰς τὸν ὄρους ἐμπορίου (εἰς τὸ ὑπόδειγμα). Τὸ τελευταῖον εἶναι σχετικὸν ἐξ ἐπόψεως ἴσοζυγίου πληρωμῶν. Ἀποπληθωρίζοντες εἰσαγωγὰς καὶ ἔξαγωγὰς μὲ τὸν δίοιν δείκτην τιμῶν (ἐν προκειμένῳ μὲ τὸν ἀποπληθωριστὴν τοῦ GNP) διατηροῦμεν τὴν σχετικὴν ἀξίαν τῶν σχέσεων σταθερὰν» (Μετάφρασις, J. Kmenta, σελ. 11 - 12) (³).

Ἡ μέθοδος αὕτη τοῦ ἀποπληθωρισμοῦ τῶν εἰσαγωγῶν καὶ τοῦ ἀκαθαρίστου ἐθνικοῦ προϊόντος ὑπὸ τοῦ ἀποπληθωριστοῦ τοῦ GNP ἐχρησιμοποιήθη καὶ ὑπὸ τῶν καθηγητῶν Klein καὶ Goldberger εἰς τὸ ὑπόδειγμά των διὰ τὰς Ἡνωμένας

1. Ἡ ψευδομεταβλητὴ αὕτη λαμβάνει τὴν τιμὴν 1 διὰ τὰ ἔτη 1957, 1960, 1963, 1966 τὴν τιμὴν -1 διὰ τὰ ἔτη 1959, 1962, 1965, καὶ τὴν τιμὴν 0 διὰ τὰ λοιπὰ ἔτη.

2. Σχετικῶς πρὸς τὴν μέθοδον τῆς χρησιμοποιήσεως ἐνὸς δείκτου τιμῶν διὰ τὸν ἀποπληθωρισμὸν δῆλων τῶν μεταβλητῶν αἱ ὅποιαι ἀπαρτίζουν τὸ ἐθνικὸν εἰσόδημα βλέπε C.F. Christ «Aggregate Econometric Models», American Economic Review, No 46, June 1958, σελ. 395 - 397.

3. Βλέπε J. Kmenta, An Econometric Model of Australia, 1948 - 1961, Social Systems Research Institute, Systems Formulation and Methodology Workshop Paper-6312, University of Wisconsin, November 1963, σελ. 11-12.

Πολιτείας⁽¹⁾. Πρέπει νὰ ἔχωμεν ὑπὸ δψιν ὅτι ἀποπληθωρίζοντες τὰς εἰσαγωγάς καὶ τὸ ἀκαθάριστον ἐθνικὸν προϊόν χρησιμοποιοῦντες τὸν ἀποπληθωριστὴν τοῦ GNP εἶναι τὸ ἴδιον ἀκριβῶς πρὸς τὸν ἀποπληθωρισμὸν αὐτῶν διὰ τῆς χρησιμοποιήσεως τοῦ δείκτου τιμῶν τῶν εἰσαγωγῶν.

Ἐπομένως, διὰ τὸν Καναδᾶ, δπως καὶ διὰ τὰς Ἡνωμένας Πολιτείας, ὡς θὰ ἴδωμεν κατωτέρω, ἔχρησιμοποιήσαμεν ἐμμέσως μίαν πολλαπλασιαστικὴν συνάρτησιν εἰσαγωγῶν. Ἀντὶ νὰ λάβωμεν μίαν συνάρτησιν εἰσαγωγῶν, ὅπου ἡ ἐξηρτημένη μεταβλητὴ ἀποπληθωρίζεται διὰ τοῦ δείκτου τιμῶν εἰσαγωγῶν, ἡ δὲ μεταβλητὴ GNP ἀποπληθωρίζεται διὰ τοῦ δείκτου τιμῶν τοῦ GNP, καὶ ἐμφανίζεται εἰς τὴν συνάρτησιν (ώς ἀνεξάρτητος μεταβλητὴ) πολλαπλασιαζομένη μὲ τὸν λόγον τῶν σχετικῶν τιμῶν, λαμβάνομεν μίαν συνάρτησιν, ἡ ὁποία ἀπλούστατα λέγει ὅτι αἱ εἰσαγωγαὶ (ἀποπληθωρισθεῖσαι διὰ τοῦ δείκτου τιμῶν τοῦ GNP) ἔξαρτῶνται ἐκ τοῦ ἀκαθαρίστου ἐθνικοῦ εἰσοδήματος (εἰς σταθερὰς τιμάς). Ἐπομένως ὅν καὶ αἱ σχετικαὶ τιμαὶ δὲν ἐμφανίζωνται ως μία κεχωρισμένη ἐπεξηγηματικὴ μεταβλητὴ εἰς τὴν συνάρτησιν εἰσαγωγῶν, ἐν τούτοις ἐμμέσως λαμβάνονται ὑπὸ δψιν.

3.4. Συνάρτησις εἰσαγωγῶν Ἡνωμένων Πολιτειῶν

Αἱ εἰσαγωγαὶ τῶν ἀγαθῶν διὰ τὰς Ἡνωμένας Πολιτείας ἀποπληθωρισθεῖσαι διὰ τοῦ δείκτου τιμῶν τοῦ GNP, ἐπεξηγοῦνται ὑπὸ τῶν ἔξης μεταβλητῶν : (α) τοῦ ἀκαθαρίστου ἐθνικοῦ προϊόντος τῆς χώρας εἰς σταθερὰς τιμὰς \overline{GNP} , (β) τῆς διαφορᾶς μεταξὺ δυνητικοῦ καὶ πραγματικοῦ ἀκαθαρίστου ἐθνικοῦ προϊόντος (GNP GAP), (γ) τῆς διαφορᾶς μεταξὺ δυνητικοῦ καὶ πραγματικοῦ GNP προηγουμένης περιόδου, (δ) τῶν μεταβολῶν τοῦ ἀκαθαρίστου ἐθνικοῦ προϊόντος προηγουμένης περιόδου, ἥτοι $\Delta(\overline{GNP})_{-1} = \overline{GNP}_{-1} - \overline{GNP}_{-2}$, καὶ (ε) τοῦ χρόνου (t).

Ἡ δευτέρα ἀνωτέρω ἐπεξηγηματικὴ μεταβλητή, ὡς ἐρμηνεύουσα διαχρονικῶς τὴν θέσιν τῆς παραγωγικῆς δυναμικότητος τῆς ἐγχωρίου παραγωγῆς, ἔχρησιμοποιήθη διὰ νὰ ἀπεικονίσῃ τὰς βραχυχρονίους διακυμάνσεις τῆς οἰκονομίας τῆς χώρας αὐτῆς. Ἡ τετάρτη μεταβλητή, βασιζομένη εἰς τὸ γνωστὸν ἀξίωμα τοῦ ἐπιταχυντοῦ ἔχρησιμοποιήθη ως προσεγγιστικὴ μεταβλητὴ τοῦ συνόλου τῶν ἐπενδύσεων. Τοῦτο δὲ διότι δὲν εἶναι εὔκολος διαχωρισμὸς τῶν διαφόρων μορφῶν ἐπενδύσεων, αἱ ὁποῖαι ἐπηρεάζουν τὰς εἰσαγωγάς, καὶ ἡ χρησιμοποίησις ἐκάστης ἔξι αὐτῶν ως ἀνεξαρτήτου μεταβλητῆς εἰς τὴν συνάρτησιν.

Αἱ εἰσαγωγαὶ τῶν ἀγαθῶν ἀπεπληθωρίσθησαν διὰ τοῦ γενικοῦ δείκτου τιμῶν τοῦ GNP διὰ τὸν ἴδιον ἀκριβῶς λόγον πρὸς ἐκεῖνον, δ ὁποῖος ἀνεπτύχθη εἰς τὴν προηγουμένην περίπτωσιν (Καναδᾶς). Ἐκ τῶν ὑπολοίπων τῆς συναρτήσεως ταύτης προκύπτει ὅτι ταῦτα κατὰ τὰ ἔτη 1968 καὶ 1969 εἶναι σχετικῶς ηὐξημένα, ὅπερ σημαίνει ἐν προκειμένῳ ὅτι ὑπάρχει μία ὑποεκτίμησις τῶν εἰσαγωγῶν διὰ τὰ ἔτη αὐτά. Τὸ μειονέκτημα τοῦτο δύναται νὰ διορθωθῇ διὰ τῆς προσθέσεως τῶν

1. Βλέπε Klein and Goldberger, op. cit. σελ. 3.

άντιστοίχων ύπολοί πων τῶν ἑτῶν 1968 καὶ 1969 εἰς τὸν σταθερὸν ὄρον τῆς συναρτήσεως.

Διὰ τὴν ἐκτίμησιν τῆς συναρτήσεως εἰσαγωγῶν τῶν Ἡνωμένων Πολιτειῶν ἔχρησιμοποιήθησαν τριμηνιαῖα στατιστικὰ στοιχεῖα καλύπτοντα τὴν χρονικὴν περίοδον ἀπὸ τοῦ ἔτους 1959 (τρίτον τρίμηνον) ἕως τὸ ἔτος 1969 (δεύτερον τρίμηνον).

3.5. Συνάρτησις εἰσαγωγῶν Δ. Γερμανίας

Αἱ εἰσαγωγαὶ τῶν ἀγαθῶν καὶ ύπηρεσιῶν τῆς Δ. Γερμανίας — ἐξαιρουμένων τῶν ἀγαθῶν «Τρόφιμα» καὶ «Ἀγαθὸς Ἐθνικῆς Ἀμύνης» — ἐκπεφρασμέναι εἰς σταθερὰς τιμὰς δύνανται νὰ ἐπεξηγηθοῦν ὑπὸ τῶν ἀκολούθων μεταβλητῶν : (α) τοῦ ἀκαθαρίστου ἐθνικοῦ προϊόντος τῆς χώρας εἰς σταθερὰς τιμὰς \overline{GNP} , (β) τῶν μεταβολῶν τοῦ ἀκαθαρίστου ἐθνικοῦ προϊόντος εἰς σταθερὰς τιμὰς ($\Delta \overline{GNP}$), (γ) τῶν μεταβολῶν τῶν ἀποθεμάτων εἰς σταθερὰς τιμὰς \bar{I}_t , (δ) τῶν μεταβολῶν εἰς τὰς μεταβολὰς τῶν ἀποθεμάτων $\Delta \bar{I}_t$, καὶ (ε) τῶν εἰσαγωγῶν προηγουμένης περιόδου εἰς σταθερὰς τιμὰς \bar{M}_{NFM-1} .

Ἐκ τῶν μέχρι τοῦδε λεχθέντων προκύπτει ἡ ἐρμηνεία τῶν τεσσάρων πρώτων χρησιμοποιηθεισῶν ἐπεξηγηματικῶν μεταβλητῶν. Σχετικῶς ὅμως πρὸς τὴν πέμπτην μεταβλητὴν, τῶν εἰσαγωγῶν δηλαδὴ προηγουμένης περιόδου, ὑπάρχουν δύο ἐρμηνεῖαι, αἱ ὁποῖαι δικαιώνουν τὴν ἐμφάνισιν ταύτης εἰς τὴν συνάρτησιν. Ἡ μία ἐρμηνεία βασίζεται εἰς τὴν θεωρίαν τῶν «ἀναπροσαρμοζομένων προβλέψεων» (Adaptive Expectations), ἡ δὲ ἄλλη εἰς τὴν θεωρίαν τῆς «μερικῆς προσαρμογῆς τῶν ἀποθεμάτων» (Partial Stock Adjustment). Αἱ δύο αὗται θεωρίαι, ὡς γνωστόν, καίτοι βασίζονται εἰς διαφορετικὰς ὑποθέσεις, καταλήγουν εἰς τὸ αὐτὸ διατέλεσμα.

Ἡ θεωρία τῶν «ἀναπροσαρμοζομένων προβλέψεων» δύναται ἐν συντομίᾳ νὰ ἀναλυθῇ ως ἀκολούθως : Ἐστω M αἱ εἰσαγωγαὶ καὶ Y^e τὸ προσδοκώμενον εἰσόδημα ἢ προϊόν (GNP). Ἐὰν ὑποθέσωμεν ὅτι ἡ συνάρτησις εἰσαγωγῶν εἶναι τῆς μορφῆς

$$(5) \quad M_t = a + \beta Y_t^e,$$

καὶ ἡ συνάρτησις, ἡ ὁποίᾳ συνδέει τὸ προσδοκώμενον Y^e μὲ τὸ πραγματικὸν προϊόν Y εἶναι τῆς μορφῆς

$$(6) \quad (1-L) Y_t^e = (1-\lambda) (Y_t - Y_{t-1}^e) (1)$$

(γνωστὴ εἰς τὴν βιβλιογραφίαν ως «ἐξίσωσις τοῦ Friedman»), τότε ἐὰν ἀντικαταστήσωμεν τὴν τελευταίαν εἰς τὴν πρώτην θὰ ἔχωμεν τελικῶς τὴν συνάρτησιν εἰσαγωγῶν

(1) Ὁ L ἐν προκειμένῳ εἶναι εἰς χρονικῆς ὑστερήσεως (γραμμικός) μετασχηματιστής (Lag Operator), ἦτοι $LX_t = X_{t-1}$. $L^2 X_t = X_{t-2}$ $L^3 X_t = X_{t-3}$ κ.ο.κ.

$$(7) \quad M_t = (1 - \lambda) \alpha + \beta (1 - \lambda) Y_t + \lambda M_{t-1}.$$

Η θεωρία της «μερικής προσαρμογής τῶν ἀποθεμάτων» ἀναλύεται ἐν συντομίᾳ ως ἀκολούθως : "Εστω M αἱ εἰσαγωγαὶ, M^d αἱ «ἐπιθυμηταὶ» (Desired) εἰσαγωγαὶ καὶ Y τὸ πραγματικὸν εἰσόδημα ἢ προϊόν. Εἳναι διπλέσια τὰς εἰσαγωγῶν εἶναι τῆς μορφῆς

$$(8) \quad M_t^d = \alpha + \beta Y_t$$

καὶ ἡ συνάρτησις, ἡ ὁποία συνδέει τὰς ἐπιθυμητὰς M^d πρὸς τὰς πραγματικὰς εἰσαγωγὰς M εἶναι τῆς μορφῆς

$$(9) \quad (1 - L)M_t = (1 - \lambda) (M_t^d - M_{t-1}),$$

τότε ἐὰν ἀντικαταστήσωμεν τὴν (9) εἰς τὴν (8) ἔχομεν τὴν συνάρτησιν εἰσαγωγῶν

$$(10) \quad M_t = (1 - \lambda) \alpha + \beta (1 - \lambda) Y_t + \lambda M_{t-1}.$$

Ἐκ τῶν ἀνωτέρω παρατηροῦμεν ὅτι ἡ (10) εἶναι ἀκριβῶς ὅμοία πρὸς τὴν (7) καίτοι αἱ ἀνηγμένης μορφῆς συναρτήσεις αὗται εἰσαγωγῶν βασίζονται εἰς δύο διαφορετικὰς ὑποθέσεις. Εἰς τὴν ἔξισωσιν (7) ἡ παράμετρος λ χαρακτηρίζεται ως «συντελεστὴς ἀναπροσαρμοζομένων προβλέψεων» (Adaptive Expectation Coefficient), ἐνῷ οὗτος εἰς τὴν ἔξισωσιν (10) δονομάζεται «συντελεστὴς (μερικῆς) προσαρμογῆς» (Adjustment Coefficient). ᘾη τῶν ἀνωτέρω παρατηροῦμεν ὅτι ὑφίσταται πρόβλημα ταυτοποιήσεως, ἐφ' ὅσον ἡ (7) δὲν διαφέρει τῆς (10). Εἶναι δὲ γνωστὸν ἐκ τῆς οἰκονομετρίας ὅτι τὸ πρόβλημα τοῦτο λύεται ἐὰν προσθέσωμεν μίαν ἀκόμη ἐπεξηγηματικὴν μεταβλητὴν εἰς τὴν ἀρχικὴν μορφὴν τῆς συναρτήσεως τῶν εἰσαγωγῶν, ἐκτὸς βεβαίως τῆς διερευνήσεως τῶν ἀντιστοίχων τυχαίων ἀποκλίσεων τῶν συναρτήσεων αὐτῶν (¹).

3.6. Συνάρτησις εἰσαγωγῶν Ἡνωμένου Βασιλείου

Αἱ εἰσαγωγαὶ τοῦ Ἡνωμένου Βασιλείου εἰς σταθερὰς τιμὰς ἔξαρτῶνται ἐκ τῶν ἀκολούθων μεταβλητῶν : (α) τοῦ ἀκαθαρίστου ἐγχωρίου προϊόντος τῆς χώρας εἰς σταθερὰς τιμὰς \overline{GNP} , (β) τῶν μεταβλητῶν τοῦ ἀκαθαρίστου ἐγχωρίου προϊόντος εἰς σταθερὰς τιμὰς ($\Delta \overline{GNP}$), καὶ (γ) τῶν σχετικῶν τιμῶν (p_m/p). ᘾη τῶν

(1) Ἐὰν ἡ (5) ἡτο τῆς μορφῆς $M_t = \alpha + \beta Y_t^e + \gamma X_t$, τότε ἡ ἀνηγμένη μορφὴ αὐτῆς, ἀντίστοιχος τῆς (7) ἀνωτέρω, εἶναι $M_t = (1-\lambda) \alpha + \beta (1 - \lambda) Y_t + \lambda M_{t-1} + \gamma X_t - \gamma \lambda X_{t-1}$. Ἀντιθέτως, ἐὰν ἡ (8) ἡτο τῆς μορφῆς $M_t^d = \alpha + \beta Y_t + \gamma X_t$, τότε ἡ ἀνηγμένη μορφὴ αὐτῆς, ἀντίστοιχος τῆς (10) ἀνωτέρω, εἶναι $M_t = (1-\lambda)\alpha + \beta (1 - \lambda) Y_t + \lambda M_{t-1} + \gamma (1 - \lambda) X_t$. Ἐξ αὐτῶν προκύπτει ὅτι ἡ προσθήκη τῆς μεταβλητῆς X_t εἰς τὴν ἀρχικὴν μορφὴν τῶν συναρτήσεων εἰσαγωγῶν λύει τὸ πρόβλημα τῆς ταυτοποιήσεως αὐτῶν. Σχετικῶς πρὸς τοῦτο βλέπε Θεοδώρου Γ. Γκαμαλέτσου, Οἰκονομετρία, Ἀθῆναι 1973, σελ. 248 - 250.

Πίναξ 1

Συγκρισεις Εισαγωγών

Χωρα

	Xpovikti Tipiologos	DURBIN-WATSON	Aekritis	θemelioy R ²	Επιπλοες (Alop- Dovtelesotis Tipoo-	Turkovi Εφάγητα
1. Υπανθρωπία \bar{M}	$= -0,801 + 0,123 \overline{GNP} - 0,043 \Delta \overline{GNP} + 0,181 \bar{I}_s$ (-17,10) (63,01) (-1,42) (6,07)	0,065	0,994	1,37	1959 1—1967II	
2. Ηταλία $\left(\frac{\bar{M}}{N}\right)$	$= -25,864 + 0,684 \left(\frac{\overline{GNP}}{N}\right) - 0,329 \Delta \left(\frac{\overline{GNP}}{N}\right) + 0,179 \Delta \left(\frac{\bar{I}_s}{N}\right) + 0,839 t + 0,039 CUW$ (-13,50) (8,34) (-4,72) (0,94) (-4,00) (2,14) + 0,270 D (5,46)		0,118	0,999	6,12	1955 — 1967
3. Καναδάς $\left(\frac{M}{P}\right)$	$= 12,801 + 0,00112 GNP - 0,00059 \Delta GNP + 0,0030 \Delta \bar{I}_s - 1,041 U$ (4,71) (18,51) (-0,74) (1,41) (-2,72)	1,69	0,972	1,29	1951 — 1968	
4. Η.Π.Α. $\left(\frac{M}{P}\right)$	$= -1256,07 + 3,360 \overline{GNP} + 0,145 GAP - 0,044 GAP - 1 + 1,295 \overline{ΔGNP} - 1$ (-7,30) (9,66) (4,66) (-1,60) (2,63) - 12,587 t (-6,48)		11,98	0,987	1,17	1659III — 1969I

5. Δ. Γερμανία	$\bar{M}_{NFM} = -0,071 + 0,00164 \bar{GNP} + 0,00062 \bar{GNP}^2 + 0,00197 \bar{I}_s - 0,00026 \Delta \bar{I}_s$	
(-3,80)	(3,72)	(0,97)
		(3,21) (-0,33)
+ 0,485 $\bar{M}_{NFM} - 1$		
(3,35)		
6. Ηνωμένον Μ	$= 2,278 + 0,330 \bar{GDP} - 0,122 \Delta \bar{GDP} - 50,345 (p_m / p)$	
Βασιλείου	(0,09) (19,95)	(-1,37) (-2,16)
7. Γαλλία	$\bar{M} = 505,09 + 22,114 IP + 36,039 DEV + 0,368 \bar{M}_{-1} - 11,154 (p_m / p)$	
(0,53)	(2,78)	(3,58)
		(2,35) (-2,08)
- 1,771 $(p_m / p)^{-2}$		
(-0,36)		

Σημείωσης: Οι έντος των παρενθέσεων όριμοι κάποι ή των συντελεστών δίδουν τούς έκτιμούς της στατιστικής τ.

έπεξηγηματικῶν μεταβλητῶν παρατηροῦμεν ὅτι ἀπουσιάζουν αἱ κυκλικῶν διακυμάνσεων μεταβληταί, αἱ δύοιαι καθίστανται ἀπαραίτητοι πρὸς ἐπεξήγησιν τῶν βραχυχρονίων διακυμάνσεων τῆς οἰκονομίας. Τοῦτο δφείλεται εἰς τὴν ἔλλειψιν τῶν σχετικῶν στατιστικῶν στοιχείων κατὰ τὸν χρόνον καθ' ὃν ἐγένετο ἡ ἐργασία αὐτῆ. Θὰ πρέπει νὰ ἀναμένεται σημαντικὴ βελτίωσις τῆς συναρτήσεως ταύτης ἀπὸ πλευρᾶς ἐφαρμογῆς, ἐὰν ὠρισμέναι κυκλικῶν διακυμάνσεων μεταβληταὶ εἰσαχθοῦν εἰς αὐτήν. Σημειώτεον ὅτι ἡ συνάρτησις αὕτη εἰσαγωγῶν δὲν δύναται νὰ συλλάβῃ δῆλας τὰς κυκλικὰς διακυμάνσεις τῆς οἰκονομίας τῆς χώρας αὐτῆς. Ἔκεινο τὸ δποῖον ἐπιτυγχάνεται εἶναι ἡ ἐπεξήγησις διαχρονικῶν τῆς γενικῆς τάσεως (Trend) τῶν εἰσαγωγῶν.

Διὰ τὴν ἐκτίμησιν τῆς συναρτήσεως εἰσαγωγῶν τοῦ Ἡνωμένου Βασιλείου ἔχρησιμοποιήθησαν τριμηνιαῖα στατιστικὰ στοιχεῖα καλύπτοντα τὴν χρονικὴν περίοδον ἀπὸ τοῦ ἔτους 1961 (τρίτον τρίμηνον) ἕως τὸ ἔτος 1968 (τέταρτον τρίμηνον).

3.7. Συνάρτησις εἰσαγωγῶν Γαλλίας

Αἱ εἰσαγωγαὶ ἀγαθῶν τῆς Γαλλίας εἰς σταθερὰς τιμὰς δύνανται νὰ ἐπεξηγηθοῦν ὑπὸ τῶν ἔξῆς μεταβλητῶν : (α) τῆς βιομηχανικῆς παραγωγῆς IP, (β) τῆς ποσοστιαίας ἀποκλίσεως τῆς βιομηχανικῆς παραγωγῆς ἐκ τῆς γενικῆς τάσεως αὐτῆς (DEV), (γ) τῶν εἰσαγωγῶν προηγουμένης περιόδου (εἰς σταθερὰς τιμὰς) M_{-1} , (δ) τῶν σχετικῶν τιμῶν (p_m/p), καὶ (ε) τῶν σχετικῶν τιμῶν μὲν χρονικὴν διστέρησιν δύο περιόδων (p_m/p) -2 .

Πρέπει νὰ σημειωθῇ ὅτι ἡ συνάρτησις αὕτη ὑπὸ τὴν προϋπόθεσιν τῆς ἀξιοπιστίας τῶν στατιστικῶν δεδομένων, δίδει πολὺ καλὰ ἀποτελέσματα ἀπὸ πλευρᾶς ἐφαρμογῆς. Τὰ χρησιμοποιηθέντα στατιστικὰ στοιχεῖα εἶναι τριμηνιαῖα καὶ καλύπτουν τὴν χρονικὴν περίοδον 1960 (τρίτον τρίμηνον) ἕως 1968 (τέταρτον τρίμηνον).

ΒΙΒΛΙΟΓΡΑΦΙΑ

1. Adams F. G., Eguchi H., and Meyer - zu - Schlochtern F., «An Econometric Analysis of International Trade : An Interrelated Explanation of Imports and Exports of O.E.C.D. Countries», O.E.C.D. Economic Studies Series, January 1969, σελ. 15-19,
2. Christ C.F., «Aggregate Econometric Models», American Economic Review No 46, June 1958, σελ. 395 - 397.
3. Γκαμαλέτσου Θεοδώρου, Οἰκονομετρία, Ἀθῆναι 1973, σελ. 248 - 250, 267.
4. Godfrey W.A.H. and Shepherd J.R., «Forecasting Imports», National Institute Economic Review, August 1965, σελ. 42.
5. Klein L.R., and Goldberger A.S., An Econometric Model of the United States 1929 - 1952, North - Holland, Amsterdam 1964, σελ. 3, 19.
6. Kmenta J., An Econometric Model of Australia, 1948 - 1961, Social Systems Research Institute, Systems Formulation and Methodology Workshop Paper 6312, University of Wisconsin, November 1963, σελ. 11 - 12.
7. Sarandides Styl. «Import Demand Functions for Greece, 1953 - 64», Economia Internationale, Vol. XXV, No 1, Genova, Feb. 1972.

Π ΑΡ ΑΡ ΤΗ Μ Α

1. ΙΑΠΩΝΙΑ

		Εισαγωγαὶ ¹ Ἄγαθῶν καὶ Ὑπηρεσιῶν Εἰς σταθεράς τιμᾶς	Ακαθάριστον Ἐθνικὸν Προϊόν εἰς σταθεράς τιμᾶς	Μεταβολὴ ² Ἀποθεμάτων (Ἴδιωτικῶν Ἐπι- χειρήσεων) εἰς σταθεράς τιμᾶς
		M	GNP	I _s
1959	I	1.241	16.346	0.287
	II	1.363	17.103	0.507
	III	1.378	17.745	0.395
	IV	1.531	17.846	0.454
1960	I	1.638	19.144	0.598
	II	1.638	18.976	0.406
	III	1.784	19.778	0.521
	IV	1.826	20.773	0.552
1961	I	1.979	21.729	1.096
	II	2.140	22.475	1.329
	III	2.301	22.813	1.308
	IV	2.358	23.884	1.738
1962	I	2.246	23.766	0.995
	II	2.189	24.154	0.519
	III	2.168	24.369	0.220
	IV	2.190	24.486	-0.124
1963	I	2.327	25.299	0.469
	II	2.502	26.110	0.698
	III	2.721	27.075	1.026
	IV	2.861	28.378	1.328
1964	I	2.968	29.425	1.455
	I	2.968	29.425	1.455
1964	II	2.949	29.966	1.049
	III	2.954	30.613	0.880
	IV	3.044	31.115	0.634
	I	3.123	30.784	0.201
1965	II	3.199	31.573	0.770
	III	3.202	32.128	0.746
	IV	3.256	32.227	0.735
	I	3.356	33.190	0.508
1966	II	3.406	34.485	0.670
	III	3.641	35.467	0.976
	IV	3.861	36.354	1.089
	I	4.010	37.646	1.821
1967	II	4.321	38.670	1.815
	III	4.502	39.965	1.794

2. ΙΤΑΙΑ

	Εισαγωγή *Αγαθών και *Υπηρεσιών κατά κεφαλήν εἰς σταθεράς τιμές	*Ακαθάριστον 'Εθνι- κόν Προϊόν κατά ¹ κεφαλήν εἰς σταθε- ράς τιμές	Μεταβολαι εἰς <u>GNP/N</u> εἰς σταθεράς τιμές	Μεταβολαι εἰς σταθεράς τιμές	Δείκτης Παραγωγι- κής Δυναμικότητος Σχολής Wharton (CUW)
	(<u>M̄/N</u>)	(<u>GNP/N</u>)	Δ (<u>GNP/N</u>)	<u>I_s</u>	
1955	3.4046	39.6349	3.1811	0.4231	95.0
1956	3.8685	41.1995	1.5647	-0.1159	93.3
1957	4.2837	43.1754	1.9759	-0.0757	91.9
1958	4.4249	45.0236	1.8481	0.0189	86.4
1959	4.9153	47.6376	2.6140	0.1117	87.7
1960	6.7080	50.3465	2.7089	0.4933	93.5
1961	7.6508	53.9947	3.6483	0.0515	95.4
1962	8.8432	56.9603	2.9656	-0.0859	96.6
1963	10.7383	59.6217	2.6613	-0.1587	96.7
1964	10.0980	60.7093	1.0877	-0.3037	88.0
1965	10.1966	62.3623	1.6530	0.0567	84.6
1966	11.5123	65.4498	3.0874	0.3335	87.2
1967	12.6342	68.7908	3.3411	0.2143	87.3

3. ΚΑΝΔΑΔΑΣ

	Εισαγογοί (έκτος αὐτ/πων έξ ΗΠΑ) εἰς τρέχοντας τιμάς	• Αποπληθωριστής • Ακαθαρίστου Έθνικού προϊόντος (1957 = 100)	P	GNP	\bar{I}_S	U	Μεταβολαιών εἰς σταθεράς τιμάς	• Υποαπαγόρευσις
1950	2.876	77,9		23.114	616		3,6	
1951	3.726	86,3		24.531	932		2,4	
1952	3.631	90,5		26.514	537		2,9	
1953	3.889	90,9		27.525	648		3,0	
1954	3.674	93,1		26.714	—237		4,6	
1955	4.165	93,5		29.018	461		4,4	
1956	5.034	97,1		31.508	1.086		3,4	
1957	5.017	100,0		31.909	231		4,6	
1958	4.588	101,9		32.284	—314		7,0	
1959	4.949	104,5		33.398	338		6,0	
1960	4.894	106,1		34.200	397		7,0	
1961	5.235	106,8		35.081	29		7,1	
1962	5.638	108,4		37.429	508		5,9	
1963	5.880	110,3		39.352	510		5,5	
1964	6.639	113,2		41.876	354		4,7	
1965	7.465	116,6		44.768	938		3,9	
1966	8.408	122,0		47.636	891		3,6	
1967	8.627	126,4		49.121	174		4,1	
1968	9.225	130,9		51.451	545		4,8	

4. ΗΝΩΜΕΝΑΙ ΠΟΛΙΤΕΙΑΙ

		Είσαγωγαί Αγαθῶν Αποπληθωρι- σθεῖσαι διὰ τοῦ Δείκτου Τιμῶν τοῦ GNP (M/P)	Άκαθάριστον Ἐθνικὸν Προϊόν εἰς σταθερὰς τιμας (GNP)	Διαφορὰ με- ταξὺ Πραγμα- τικοῦ καὶ Δυ- νητικοῦ GNP (GAP)
1959	I	370,1	468,6	577,0
	II	388,8	479,9	431,0
	III	392,6	475,0	609,0
	IV	380,7	408,4	572,0
1960	I	384,8	490,2	470,0
	II	397,0	489,7	561,0
	III	383,3	487,3	688,0
	IV	362,0	483,7	837,0
1961	I	357,9	482,6	935,0
	II	360,0	492,8	823,0
	III	398,0	501,5	742,0
	IV	402,1	511,7	635,0
1962	I	406,1	519,5	573,0
	II	419,4	527,7	506,0
	III	411,8	533,4	485,0
	IV	423,8	538,3	481,0
1963	I	428,8	541,2	517,0
	II	427,5	546,0	521,0
	III	443,0	554,7	458,0
	IV	439,3	562,1	419,0
1964	I	437,5	571,1	355,0
	II	454,4	578,6	318,0
	III	465,1	585,8	287,0
	IV	480,3	588,5	332,0
1965	I	472,8	601,6	207,0
	II	509,0	610,4	155,0
	III	513,7	622,5	55,0
	IV	545,6	636,6	— 79,0
1966	I	561,1	649,1	— 177,0
	II	583,2	655,0	— 169,0
	III	597,8	660,2	— 152,0
	IV	592,2	668,1	— 170,0
1967	I	589,1	666,5	— 48,0
	II	572,1	670,5	— 8,0
	III	557,5	678,0	— 22,0
	IV	602,2	683,5	— 5,0
1968	I	636,5	693,3	— 49,0
	II	651,9	705,8	— 130,0
	III	669,9	712,8	— 132,0
	IV	672,4	718,5	— 112,0
1969	I	676,1	723,1	— 78,0
	II	678,2	727,3	— 37,0

5. Δ. ΓΕΡΜΑΝΙΑ

		Εισαγωγαι 'Αγαθῶν (έκτος «Τρο- φίμων» και «Εθνικῆς Αμύνης» εἰς σταθεράς τιμάς M NFM	Ακαθάριστον Έθνικόν Προϊὸν εἰς σταθεράς τιμάς GNP	Μεταβολαι 'Αποθεμάτων εἰς σταθεράς τιμάς Is	Δείκτης Τι- μῶν Εισαγο- γών (έκτος Τροφίμων)
1960	I	7,48	61,6	1,9	106,5
	II	7,78	63,0	2,3	106,6
	III	7,93	64,5	2,2	105,2
	IV	8,35	65,6	1,8	105,6
1961	I	8,37	66,6	1,4	104,3
	II	8,30	66,9	1,8	101,6
	III	8,05	67,1	1,0	101,4
	IV	8,20	67,9	1,2	101,2
1962	I	8,71	68,8	1,2	100,2
	II	8,48	69,4	0,8	100,3
	III	8,90	70,4	0,5	99,7
	IV	9,00	71,1	0,7	99,9
1963	I	8,71	68,8	1,6	100,4
	II	9,40	72,0	0,5	100,7
	III	9,56	74,0	0,3	100,9
	IV	8,98	74,8	-0,4	101,7
1964	I	10,18	75,4	0,7	102,1
	II	10,61	76,8	0,8	102,5
	III	11,24	77,7	1,4	102,7
	IV	11,90	78,7	1,8	103,7
1965	I	12,29	80,2	3,0	103,4
	II	12,94	80,8	2,1	104,4
	III	13,11	81,6	2,2	104,4
	IV	13,41	82,8	0,9	105,2
1966	I	14,01	83,4	1,5	107,0
	II	13,93	83,6	0,7	108,0
	III	13,59	83,4	-0,1	106,9
	IV	13,37	82,8	-0,2	106,2
1967	I	13,18	82,1	-2,5	105,1
	II	12,52	82,5	-1,3	103,6
	III	12,89	83,2	0,0	105,7
	IV	14,44	85,9	0,4	107,2
1968	I	15,22	86,8	2,0	107,3
	II	15,23	87,9	1,6	105,2
	III	16,57	89,8	2,2	105,1
	IV	17,16	93,5	1,4	106,0

6. ΗΝΩΜΕΝΟΝ ΒΑΣΙΛΕΙΟΝ

		Εἰσαγωγαὶ ^{τιμὰς} Ἀγαθῶν καὶ Ὑπηρεσιῶν εἰς στοέθεράς τιμᾶς	Εἰσαγωγαὶ ^{τιμὰς} Ἀγαθῶν καὶ Ὑπηρεσιῶν εἰς τρεχούσας	Ἄκαθάριστον ἐγχώριον Προϊὸν εἰς σταθεράς τιμᾶς	Ἄκαθάριστον Ἐγχώριον Προϊὸν εἰς τρεχούσας
		M	M	GDP	GDP
1961	I	140,7	141,7	564,1	595,4
	II	135,4	139,1	566,1	598,3
	III	134,0	135,0	568,3	613,1
	IV	133,1	135,7	567,1	607,2
1962	I	135,8	137,1	561,9	615,4
	II	137,6	140,5	575,2	529,7
	III	141,0	141,9	575,2	637,3
	IV	139,2	140,9	575,0	639,3
1963	I	136,8	140,2	571,2	636,8
	II	141,7	147,2	594,3	666,0
	III	147,0	152,0	596,0	674,4
	IV	148,8	155,6	620,0	699,7
1964	I	154,7	165,3	619,8	702,0
	II	156,6	167,2	628,2	716,3
	III	157,5	168,9	629,4	727,2
	IV	157,8	170,0	644,5	744,5
1965	I	152,3	164,3	644,9	752,7
	II	157,8	171,2	643,2	757,8
	III	161,1	173,5	650,2	781,3
	IV	160,9	175,2	656,9	792,2
1966	I	163,6	179,2	658,8	800,5
	II	159,3	176,9	656,9	808,7
	III	165,1	183,1	661,9	817,6
	IV	154,7	169,9	669,4	819,9
1967	I	168,4	185,5	672,3	851,2
	II	172,8	188,4	671,7	846,0
	III	166,8	184,8	675,0	853,3
	IV	171,8	199,5	675,6	857,4
1968	I	181,3	222,6	693,0	894,0
	II	178,8	221,8	679,7	874,0
	III	182,7	229,4	695,8	898,1
	IV	182,9	230,9	712,2	920,5

7. ΓΑΛΛΙΑ

		Εισαγωγαι 'Αγαθῶν εἰς τιμᾶς 1963 (εἰς \$ ΗΠΑ)	Βιομηχανική Παραγωγή	Απόκλισις τῆς IP ἐκ τῆς Γενικῆς Τά- σεως αὐτῆς	Δείκτης Σχε- τικῶν Τιμῶν
		Μ̄	(IP)	(DEV)	(P _m / P)
1960	I	1.538,0	82,6	1,0	114,2
	II	1.505,0	84,0	0,9	114,2
	III	1.546,0	86,1	1,7	118,4
	IV	1.577,0	87,5	1,7	114,0
1961	I	1.583,0	88,8	1,5	111,8
	II	1.696,0	89,3	0,5	111,3
	III	1.691,0	90,9	0,7	109,2
	IV	1.781,0	92,0	0,3	106,5
1962	I	1.892,0	93,9	0,8	105,0
	II	1.815,0	94,5	0,0	104,2
	III	1.982,0	96,0	0,1	102,3
	IV	1.953,0	96,8	-0,6	103,0
1963	I	1.939,0	98,0	-0,8	103,4
	II	2.200,0	99,7	-0,5	97,8
	III	2.185,0	102,4	0,8	101,0
	IV	2.385,0	104,2	1,1	97,7
1964	I	2.448,0	106,8	2,3	99,5
	II	2.494,0	107,8	1,8	98,5
	III	2.452,0	107,3	0,0	98,6
	IV	2.461,0	106,9	-1,6	97,9
1965	I	2.370,0	106,3	-3,4	98,6
	II	2.445,0	107,9	-3,2	97,5
	III	2.533,0	109,7	-2,9	97,2
	IV	2.624,0	113,1	-1,1	97,9
1966	I	2.689,0	114,4	-1,2	97,1
	II	2.755,0	115,9	-1,1	98,0
	III	2.909,0	118,6	0,0	96,2
	IV	2.941,0	119,1	-0,7	96,4
1967	I	3.032,0	118,7	-2,2	94,0
	II	2.807,0	117,9	-4,0	95,1
	III	3.040,0	120,2	-3,3	91,4
	IV	3.075,0	123,2	-2,0	91,8
1968	I	3.165,0	126,9	-0,1	89,4
	II	3.304,0	128,0	-0,4	87,9
	III	3.512,0	130,5	0,5	85,9
	IV	3.951,0	138,6	5,5	84,4
1969	I	3.922,0	138,1	4,0	84,3
	II	4.317,0	1404,7	4,9	84,1