

Η ΖΗΤΗΣΙΣ ΧΡΗΜΑΤΟΣ ΕΙΣ ΤΗΝ ΜΕΓΑΛΗΝ ΒΡΕΤΑΝΝΙΑΝ

Τοῦ κ. ΝΙΚΟΛΑΟΥ ΤΣΩΡΗ

Τοῦ Κέντρου Προγραμματισμοῦ καὶ Οἰκονομικῶν Ἐρευνῶν

Ἡ παρούσα ἐργασία παρουσιάζει ώρισμένας ἐκτιμήσεις τῆς ζητήσεως χρήματος εἰς τὴν Μεγάλην Βρεταννίαν καὶ ἀκολουθεῖ τὴν ίδιαν μέθοδον ἣν ἡκολούθησαν οἱ καθηγηταὶ Laidler καὶ Parkin (3). Οἱ ἐν λόγῳ καθηγηταὶ ἔχρησιμοποίησαν μὲν ώρισμένας τροποποιήσεις τὸ μοντέλο τὸ διοῖσον ἐπρότεινε δ Feige (1) ὅτε ἐμελέτησε τὴν ζήτησιν χρήματος εἰς τὰς Ἡνωμένας Πολιτείας. Ἡ βασικὴ ἴδεα τοῦ ἐν λόγῳ μοντέλου εἶναι, ὅτι τὰ ὑπὸ τῶν οἰκονομούντων μονάδων ἐπιθυμητὰ μεγέθη χρηματικῶν διαθεσίμων ἔξαρτανται θετικῶς ἐκ τοῦ ἐπιπέδου τοῦ πλούτου (wealth) καὶ ἀρνητικῶς ἐκ τοῦ ὑψοῦς τοῦ ἐπιτοκίου ἀλλὰ τὰ πραγματικὰ χρηματικὰ διαθέσιμα (συνήθως διάφορα ἀπὸ τὰ ἐπιθυμητὰ μεγέθη) προσαρμόζονται πρὸς τὰ ἐπιθυμητὰ ἐπίπεδα μὲν μίαν χρονικήν καθυστέρησιν. Μία πολὺ ἰκανοποιητικὴ ἔξήγησις τῆς ἐν λόγῳ συμπεριφορᾶς ἔχει δοθῆ ἀπὸ τὸν Feige (1). Τὸ ἀναμενόμενον (expected) εἰσόδημα χρησιμοποιεῖται προσεγγιστικῶς ἀντὶ τοῦ πλούτου καὶ ὑποτίθεται ὅτι αἱ προβλέψεις διὰ τὸ ὑψος τοῦ ἀναμενομένου εἰσοδήματος ἀναθεωροῦνται ἐκάστην περίοδον, ἀναλόγως τῆς πραγματοποιήσεως ἢ ὅχι τῶν προγενεστέρων προβλέψεων.

Εἰς ἀλγεβρικοὺς ὅρους ἔχομεν :

$$(1) \quad m^* = a + by - \gamma\Gamma$$

$$(2) \quad y^e = \lambda y + (1 - \lambda)y^e_{-1}$$

$$(3) \quad m = \theta m^* + (1 - \theta) m_{-1} + u_1$$

ἔνθα εἰς νεπερείους λογαρίθμους

Θέλω νὰ εὐχαριστήσω τὸν καθηγητὴν τοῦ Πανεπιστημίου τοῦ Manchester M. Parkin διότι ἀνέγνωσε μετὰ κριτικῆς τὴν παρούσαν μελέτην, καθὼς ἐπίσης καὶ τοὺς καθηγητὰς κ.κ. Ἀνδρ. Κιντῆν καὶ Παυλόπουλον. Ἐξυπακούεται ὅτι διὰ τυχὸν ἀτελείας ὑπεύθυνος εἶναι διὰ τοῦτο τὸν παραγόμενον πλούτον τοῦ Ηνωμένου Κράτους.

$m^* = \tau_{\alpha} \text{ ἐπιθυμητὰ κατὰ κεφαλὴν χρηματικὰ διαθέσιμα εἰς σταθερὰς τιμὰς}$
 $m = \tau_{\alpha} \text{ πραγματικὰ κατὰ κεφαλὴν χρηματικὰ διαθέσιμα εἰς σταθερὰς τιμὰς}$
 $y^e = \tau_{\delta} \text{ προσδοκώμενον κατὰ κεφαλὴν εἰσόδημα εἰς σταθερὰς τιμὰς}$
 $\lambda = \eta \text{ ἐλαστικότης προσαρμογῆς τῶν εἰσοδηματικῶν προβλέψεων}$
 $\theta = \eta \text{ ἐλαστικότης προσαρμογῆς τῶν πραγματικῶν χρηματικῶν διαθεσίμων πρὸς τὰ ἐπιθυμητὰ ἐπίπεδα.}$

$\Gamma = \tau_{\delta} \text{ ἐπιτόκιον}$

Χρησιμοποιοῦντες τὸν μετασχηματισμὸν τοῦ Koyck λαμβάνομεν

$$(4) \quad m = b_0 + b_1 y - b_2 \Gamma + b_3 \Gamma_{-1} + b_4 m_{-1} - b_5 m_{-2} + u_2$$

Τὸ μοντέλο (4) περιέχει τὰ ἔξῆς τρία ὑπὸ - μοντέλα.

$$(4a) \quad m = b_0 + b_1 y - b_2 \Gamma + b_3 m_{-1} + u_3 \quad \text{ἔνθα εἰς τὴν ἔξισωσιν (4) ὑποθέτο-μεν } \lambda=1, \quad 0 \leq \Theta \leq 1$$

$$(4b) \quad m = b_0 + b_1 y - b_2 \Gamma + b_3 \Gamma_{-1} + b_5 m_{-1} + u_4 \quad \text{ἔνθα } \Theta = 1, \quad 0 \leq \lambda \leq 1$$

$$(4c) \quad m = b_0 + b_1 y - b_2 \Gamma + u_5 \quad \text{ἔνθα } \lambda = 1, \quad \Theta = 1$$

Οἱ καθηγηταὶ Laidler καὶ Parkin ἐχρησιμοποίησαν τριμηνιαῖα στοιχεῖα 1956 Π ἔως 1967 IV, διωρθωμένα διὰ τὴν ἐποχικότητα, τὸ ἀκαθάριστον ἔθνικὸν προϊόν, τὸ ἐπιτόκιον τῶν ἐντόκων γραμματίων τοῦ δημοσίου καὶ τὴν ποσότητα τοῦ χρήματος ἐν εὐρείᾳ ἐννοίᾳ. Τὸ πρῶτον ὑπελόγισαν τὰ μοντέλα 4a, 4b, καὶ 4c, τὰ δὲ ἀποτελέσματα τῶν ἐκτιμήσεων ἔχουν ὡς ἀκολούθως (¹).

Περίοδος 1956 ΙΙ - 1967 IV, Μέθοδος τῶν ἐλαχίστων τετραγώνων μὲ τὴν στατιστικὴν «t» εἰς τὰς παρενθέσεις.

$$(4a) \quad m = 0.127 + 0.074y + 0.96m_{-1} - 0.014\Gamma \quad \bar{R}^2 = 0.852$$

$$(1.76) \quad (2.55) \quad (9.36) \quad (1.17) \quad \text{ESS} = 0.0071$$

$$b = 2.05 \quad \gamma = -0.40 \quad \lambda = 1 \quad \Theta = 0.036$$

$$(4b) \quad m = 0.126 + 0.074y - 0.0155\Gamma + 0.002\Gamma_{-1} - 0.96m_{-1} \quad \bar{R}^2 = 0.852$$

$$(0.76) \quad (2.55) \quad (-0.92) \quad (0.01) \quad (9.36) \quad \text{ESS} = 0.0071$$

$$b = 2.05 \quad \gamma = -0.015 \quad \lambda = 0.0036 \quad \Theta = 1$$

$$(4c) \quad m = -1.137 + 0.205y + 0.049\Gamma \quad \bar{R}^2 = 0.549$$

$$(11.89) \quad (4.53) \quad (2.90) \quad \text{ESS} = 0.021$$

$$b = 0.205 \quad \gamma = 0.049 \quad \lambda = 1 \quad \Theta = 1.$$

(1) Κατόπιν ἐνδὸς σχολίου ὑπὸ τοῦ R. Masera εἰς τὴν «Manchester School» τὸ ἔτος 1971 οἱ ἐν λόγῳ συγγραφεῖς ὑπελόγισαν ἐκ νέου τὰς ἔξισώσεις χρησιμοποιοῦντες κατὰ τι διαφορετικὰ στοιχεῖα, πλὴν δύμως τὰ βασικά τῶν συμπεράσματα παρέμεινον τὰ αὐτά.

Δυστυχώς ούδεν ἐκ τῶν ἀνωτέρω μοντέλων δίδει ἰκανοποιητικὰ ἀποτελέσματα. "Ἐν σοβαρὸν μειονέκτημα εἶναι ὅτι δὲν δυνάμεθα νὰ διακρίνωμεν ποία χρονικὴ καθυστέρησις εἶναι πλέον σημαντικὴ διότι καὶ τὰ δύο μοντέλα 4a καὶ 4b εἶναι ἀποδεκτὰ βάσει στατιστικῶν κριτηρίων.

Οἱ ἀνωτέρω συγγραφεῖς ὑπελόγισαν τὸ μοντέλο (4) χρησιμοποιοῦντες τὴν μέθοδον τῶν ἔλαχίστων τετραγώνων ὑπὸ περιορισμὸν καὶ τὰ ἀποτελέσματά των ἔχουν ώς ἀκολούθως :

$$(4_1) \quad a = 2.068 \quad b = 1.498 \quad \gamma = -0.255 \quad \lambda = 0.948 \quad \Theta = 0.052 \\ (0.24) \quad (0.46) \quad (0.33) \quad (5.36) \quad (0.43) \\ ESS = 0.0071$$

$$(4_2) \quad a = -0.165 \quad b = 0.673 \quad \gamma = -0.012 \quad \lambda = 0.122 \quad \Theta = 0.874 \\ (0.16) \quad (1.50) \quad (0.63) \quad (1.14) \quad (4.82), \\ ESS = 0.0071$$

Αἱ δύο σειραὶ τῶν ἐκτιμηθέντων παραμέτρων προέκυψαν ἀπὸ τὴν χρησιμοποίησιν δύο διαφορετικῶν τιμῶν διὰ τὸ Θ καὶ λ. Αἱ ἐκτιμήσεις δεικνύουν τὴν σημαντικότητα τῶν χρονικῶν καθυστερήσεων εἰς τὴν ζήτησιν χρήματος (τὸ λ εἶναι στατιστικὸς σημαντικὸν εἰς τὴν 4₁ ἔξισθωσιν καὶ τὸ Θ εἶναι στατιστικὸς σημαντικὸν εἰς τὴν 4₂) πλὴν ὄμως, δὲν δυνάμεθα νὰ διακρίνωμεν ποία χρονικὴ καθυστέρησις εἶναι πλέον σημαντική. Ἡ ἐν λόγῳ ἀδυναμία διακρίσεως διφείλεται εἰς τὸ γεγονός, ὅτι τὸ χρησιμοποιηθὲν ἐπιτόκιον δὲν εἶναι στατιστικῶς σημαντικόν. Πράγματι, ἐὰν ὁ συντελεστὴς τοῦ ἐπιτοκίου εἶναι μηδὲν τὰ μοντέλα 4a καὶ 4b δὲν διαχωρίζονται, δηλαδὴ δὲν διακρίνονται τὸ ἐν ἐκ τοῦ ἄλλου διότι ἔχουν τὰς αὐτὰς ἀνεξάρτήτους μεταβλητάς. Ἡ μὴ σημαντικότης τοῦ ἐπιτοκίου δεικνύει εἴτε ὅτι τὰ οἰκονομοῦντα ἄτομα δὲν λαμβάνουν ὑπὲρ ὅψιν τῶν τὸ ὑψος τοῦ ἐπιτοκίου ὅταν ἀποφασίζουν περὶ τοῦ ὑψοντος τῶν χρηματικῶν διαθεσίμων των εἴτε ὅτι τὸ χρησιμοποιηθὲν ἐπιτόκιον δὲν εἶναι αὐτὸ τὸ ὄποιον λαμβάνουν ὑπὲρ ὅψιν.

Ἐχρησιμοποίησαμεν τὸ ἴδιον μοντέλο τὸ ὄποιον οἱ Laidler καὶ Parkiu ἐχρησιμοποίησαν μὲν ἔξ διαφορετικὰ εἰδη ἐπιτοκίου (²) καὶ τὰ ἀποτελέσματά μας δύνανται νὰ συνοψισθοῦν ώς ἀκολούθως :

1. Ὅφεισταται μία σταθερὰ συνάρτησις ζητήσεως χρήματος εἰς τὴν Μεγάλην Βρετανίαν.

(2) Ταῦτα εἶναι : Γ_{TMB} = τὸ τραπεζικὸν ἐπιτόκιον καταβαλλόμενον διὰ καταθέσεις τριμήνου διαρκείας.

Γ_E = ἡ μέση ἀπόδοσις μετοχῶν βασισθεῖσα ἐπὶ δείγματος ἐκ 500 μετοχῶν βιομηχανικῶν ἐπιχειρήσεων.

Γ_{GS} = τὸ βραχυχρόνιον ἐπιτόκιον δανεισμοῦ τοῦ δημοσίου.

Γ_{GL} = τὸ μακροχρόνιον ἐπιτόκιον δανεισμοῦ τοῦ δημοσίου.

Γ_{TD} = τὸ ἐπιτόκιον ἐπὶ καταθέσεων προθεσμίας.

Γ_{LA} = τὸ ἐπιτόκιον καταθέσεων εἰς τοὺς δήμους καὶ κοινότητας.

2. Τὰ οἰκονομοῦντα ἄτομα εἰς τὴν Μεγάλην Βρεταννίαν ὅταν ἀποφασίζουν περὶ τοῦ ὑψους τῶν χρηματικῶν των διαθεσίμων λαμβάνουν ὑπ' ὅψιν τὸ τρέχον ἐπίπεδον τοῦ εἰσοδήματός των καὶ οὐχὶ τὸ ἀναμενόμενον. Αὐτὸ τὸ συμπέρασμα ἔξαγεται ἀπὸ τὸ γεγονός ὅτι ἡ ἐλαστικότης προσαρμογῆς τῶν εἰσοδηματικῶν προβλέψεων (δηλαδὴ τὸ λ) εἶναι ἵση μὲ τὴν μονάδα.

3. Ἡ μέση ἀπόδοσις τῶν μετοχῶν ἐπηρεάζει σημαντικῶς τὸ ὑψος τῶν διακρατουμένων χρηματικῶν διαθεσίμων. Τοῦτο ἐμμέσως δυνατὸν νὰ ἐκφράζῃ τὴν σημαντικότητα τοῦ ἀναμενομένου πληθωρισμοῦ διότι ἡ διαφορὰ μεταξὺ αὐτοῦ τοῦ πραγματικοῦ ἐπιτοκίου (δηλ. τὸ τῶν μετοχῶν) καὶ οἴουδήποτε χρηματικοῦ ἐπιτοκίου εἶναι μία ἔνδειξις ἐπὶ τοῦ ἀναμενομένου ποσοστοῦ τοῦ πληθωρισμοῦ.

4. Ἀναφορικῶς πρὸς τὸ μέγεθος τῆς χρονικῆς περιόδου προσαρμογῆς τοῦ ὑψους τῶν πραγματικῶν χρηματικῶν διαθεσίμων πρὸς τὰ ἐπιθυμητὰ μεγέθη παρατηροῦμεν ὅτι εἶναι μεγάλον, δηλαδὴ τὸ Θ τείνει πρὸς τὸ μηδέν. Ὁ Price (5) ὑποστηρίζει ὅτι ἔνα τοιοῦτο ἀποτέλεσμα πιθανὸν νὰ ὀφείλεται εἰς τὴν αὐτοσυσχέτισιν τῶν σφαλμάτων εἰς τὴν συνάρτησιν συνολικῆς ζητήσεως χρήματος καὶ εἰς τὴν διάφορον χρονικὴν προσαρμογὴν τῶν χρηματικῶν διαθεσίμων τῶν ἐπιχειρήσεων, ἀπὸ τῆς τῶν ίδιωτῶν. Οἱ ίδιωται ἀνταποκρίνονται βραδύτερον εἰς τὰς μεταβολὰς τῶν διαφόρων οἰκονομικῶν περιστάσεων (π.χ. εἰς τὴν μεταβολὴν τοῦ ἐπιτοκίου) παρ' ὅ, τι αἱ ἐπιχειρήσεις.

Θεωροῦμεν ὅτι οἱ ἀκόλουθοι λόγοι ὀδηγοῦν εἰς τὴν βραδεῖαν προσαρμογὴν τῶν χρηματικῶν διαθεσίμων.

(α) Τὸ λίαν ἀνεπτυγμένον νομισματικὸν σύστημα τῆς Μεγάλης Βρεταννίας παρέχει εἰς τὸν διακρατοῦντα χρηματικὰς μονάδας ἔνα μεγάλον ἀριθμὸν στενῶν ὑποκαταστάτων τοῦ χρήματος. Τοῦτο ἔχει ὡς συνέπειαν τὴν μείωσιν τοῦ κόστους τὸ δόπιον προέρχεται ὅταν τὸ ὑψος τῶν πραγματικῶν χρηματικῶν διαθεσίμων διαφέρει ἀπὸ τὸ ὑψος τῶν ἐπιθυμητῶν τοιούτων⁽³⁾.

(β) Ὑφίστανται ώρισμένα ἐμπόδια εἰς τὴν προσπάθειαν ἀλλαγῆς τοῦ χαρτοφυλακίου βραχυχρονίως. Δυνατὸν ἐπίσης νὰ εἶναι λανθασμένη ἡ ἔξειδίκευσις τῆς χρονικῆς περιόδου εἰς τὴν δόπιαν ἀντιστοιχοῦν τὰ στοιχεῖα.

Κατωτέρω παρουσιάζομεν τὰς ἐκτιμήσεις τῶν παραμέτρων τοῦ μοντέλου 4a. Τὰ στοιχεῖα εἶναι διὰ τὴν Μεγάλην Βρεταννίαν, τριμηνιαῖα ἀπὸ τὸ 1956 II ἔως τὸ 1967 IV, ἐκπεφρασμένα εἰς σταθερὰς τιμὰς κατὰ κεφαλήν. Ἡ μορφὴ τῆς ἔξισώσεως εἶναι λογαριθμικὴ καὶ ἔχρησιμοποιήθη ἡ τεχνικὴ τῶν ἐλαχί-

(3) Τὸ μέγεθος τῆς ἐλαστικότητος προσαρμογῆς τῶν χρηματικῶν διαθεσίμων Θ, ἔξαρται ἀπὸ δύο παράγοντας :

a) Ἀπὸ τὸ κόστος τὸ δόπιον ὑπάρχει ὅταν τὰ πραγματικὰ χρηματικὰ διαθέσιμα εἶναι διάφορα τῶν ἐπιθυμητῶν μεγεθῶν. Τὸ ἐν λόγῳ κόστος εἶναι οἱ διαφυγόντες τόκοι εἰς τὴν περίπτωσιν δῆπου τὰ διαθέσιμά μας εἶναι μεγαλύτερα ἀπὸ δσα θέλαμε νὰ διακρατοῦμε καὶ διάδομος καὶ αἱ δυσχέρειαι εἰς τὴν ἀντίθετον περίπτωσιν.

b) Ἀπὸ τὸ κόστος προσαρμογῆς τῶν πραγματικῶν χρηματικῶν διαθεσίμων πρὸς τὰ ἐπιθυμητὰ ἐπίπεδα. Ἡ ἀνάπτυξις τῶν ἀγορῶν χρηματοδοτήσεως καὶ τῶν ὑποκαταστάτων τοῦ χρήματος μειώνει τὸ ἀνωτέρω κόστος καὶ ἐπομένως ἡ τιμὴ τοῦ Θ μειοῦται (δηλ. διάδομος προσαρμογῆς αὐξάνει).

στων τετραγώνων. Οι ἀριθμοί εἰς τὰς παρενθέσεις παρέχουν τὰς ἀποκλίσεις
ἢ τὰ σφάλματα ἐκτιμήσεως τῶν παραμέτρων.

$$(4a1) \quad m = -0.097 + 0.053y - 0.027\Gamma^E + 0.979m_{-1} \quad \bar{R}^2 \quad D.W.$$

(0.364)	(0.028)	(0.017)	(0.085)	0.857	1.19
b = 2.53	$\gamma = -1.28$	$\lambda = 1$		$\Theta = 0.21$	
				\bar{R}^2	D.W.

$$(4a2) \quad m = -531 + 0.092y - 0.031\Gamma^{GL} + 1.029m_{-1} \quad 0.856 \quad 1.85$$

$$\quad \quad \quad (0.051) \quad (0.032) \quad (0.020) \quad (0.102)$$

$$b = -3.1 \quad \gamma = 1.06 \quad \lambda = 1 \quad \Theta = -0.029$$

$$R^2 \quad D.W.$$

$$(4a3) \quad m = -0.643 + 0.147y - 0.073\Gamma^{GL} + 1.015m_{-1} \quad 0.863 \quad 1.89$$

$$b = -9.8 \quad \gamma = 4.86 \quad \lambda = 1 \quad \Theta = -0.015$$

$$\bar{R}^2 \quad D.W.$$

$$(4a4) \quad m = 0.264 + 0.071y - 0.014\Gamma^{MB} + 0.991m_{-1} \quad 0.853 \quad 1.79$$

$$b = 7.8 \quad \gamma = -1.5 \quad \lambda = 1 \quad \Theta = 0.009 \quad \bar{R}^2 \quad D.W.$$

$$(4\alpha 5) \quad m = -0.164 + 0.065y - 0.006\Gamma^{\Delta} + 0.974m_{-1} \quad 0.850 \quad 1.76$$

$$\quad \quad \quad (0.449) \quad (0.027) \quad (0.007) \quad (0.097)$$

$$b = 2.5 \quad \gamma = -0.23 \quad \lambda = 1 \quad \Theta = 0.026$$

$$(4a6) \quad m = -0.207 + 0.069y - 0.016\Gamma^{LA} + 0.983m_{-1} \quad \bar{R}^2 = 0.856$$

$$b = 4.05 \quad \gamma = -0.94 \quad \lambda = 1 \quad D.W. = 1.74 \quad \Theta = 0.017.$$

"Ολοι οι συντελεσταὶ ἔχουν τὸ ἀναμενόμενον πρόσημον καὶ οἱ περισσότεροι ἐξ αὐτῶν εἰναι στατιστικῶς σημαντικοὶ εἰς 5% καὶ 10% ἐπίπεδα σημαντικότητος. Εἰς ὅλας τὰς ἐξισώσεις οἱ συντελεσταὶ τῶν χρηματικῶν διαθεσίμων μὲ καθυστέρησιν [δηλ. τὸ $(1 - \theta)$] δὲν διαφέρουν στατιστικῶς ἀπὸ τὴν μονάδα γεγονός ὅπερ δεικνύει ὅτι ἡ ἐλαστικότης προσαρμογῆς τῶν χρηματικῶν διαθεσίμων, Θ, εἶναι μηδέν.

‘Η στατιστική σημαντικότης τού ἐπιτοκίου τῶν μακροχρονιών οημδοσιών διμολογιῶν εἰς τὴν ἔξισωσιν 4a3 ώς καὶ ἡ τοιαύτη τού ἐπιτοκίου (μέσου εισοδήματος) τῶν μετοχῶν εἰς τὴν ἔξισωσιν 4a1 παρουσιάζουν ιδιαίτερον ἐνδιαφέρον. Η πρώτη συμφωνεῖ μὲ τὰς στατιστικὰς ἐκτιμήσεις τού D. Fisher (2) καὶ πιστεύομεν ὅτι ἀποκαλύπτει τὸ κερδοσκοπικὸν κίνητρον τῆς διακατοχῆς χρήματος, ἐνῷ ἡ δευτέρα δυνατὸν νὰ ὑποδηλοῖ τὴν ἐπίδρασιν ἐπὶ τῆς ζητήσεως χρήματος τού προσδοκωμένου ποσοστοῦ πληθωρισμοῦ.

ματος του προσδοκωμενου εισισθησεις (4α1 - 4α6) ή ελαστικότης προσαρμογής του προσδοκωμένου είσοδήματος είναι μονάς σημαίνει ότι τὸ τρέχον

καὶ οὐχὶ τὸ ἀναμενόμενον εἰσόδημα εἶναι ἐκεῖνο ὅπερ ἐπηρεάζει τὰς ἀποφάσεις τῶν οἰκονομούντων μονάδων περὶ τοῦ ὑψους τοῦ χρήματος ὅπερ διακρατοῦν.

Τὰ μοντέλα 4b καὶ 4c δὲν ἔδωσαν οὐδὲν ίκανο ποιητικὸν ἀποτέλεσμα διὰ τοῦτο καὶ δὲν παρουσιάζομεν ἐνταῦθα τὰς ἐν λόγῳ στατιστικὰς ἐκτιμήσεις.

Ἡ ἐκτίμησις τῶν παραμέτρων τοῦ μοντέλου 4 ἔχει γίνει διὰ τῆς χρησιμοποιήσεως μιᾶς τεχνικῆς ὑπὸ περιορισμὸν⁽⁴⁾ (constrained non-linear estimation).

Μία πλήρης μέθοδος τοῦ Newton ἔχρησιμο ποιηθῇ ἵτις περιορίζει τὰς διαφόρους παραμέτρους νὰ εύρισκωνται εἰς δεδομένην σχέσιν μεταξύ των ὡς ἐπίσης νὰ ἴσχυῃ καὶ ὁ περιορισμὸς⁽⁵⁾ $0 \leq \Theta, \lambda \leq 1$.

Κατωτέρω παρουσιάζομεν τὰς ἐκτιμήσεις τῶν παραμέτρων τοῦ μοντέλου 4 χρησιμοποιοῦντες τὴν μέθοδον ἵτις ἀνεφέρθη εἰς τὴν προηγουμένην παράγραφον.

1. Ἐπιτόκιον χρησιμοποιηθέν, τὸ τραπεζικὸν ἐπὶ τριμηνιαίων καταθέσεων. Ἀρχικαὶ τιμαὶ $\Theta=0.1$ $\lambda=0.8$. Εὑρεθεῖσαι τιμαὶ

$$\begin{array}{lllll} \Theta=0.896 & \lambda=0.090 & \gamma=-0.003 & b=0.806 & \bar{R}^2=0.846 \\ (0.178) & (0.099) & (0.016) & (0.700) & \text{RSS}=0.007 \end{array}$$

2. Ἐπιτόκιον χρησιμοποιηθέν, τὸ τῶν μετόχων. Ἀρχικαὶ τιμαὶ τοῦ Θ καὶ λ .

a) $\Theta=0.1$ $\lambda=0.8$

$$\begin{array}{lllll} \Theta=0.919 & \lambda=0.093 & \gamma=-0.021 & b=0.782 & \bar{R}^2=0.848 \\ (0.173) & (0.093) & (0.031) & (0.627) & \text{RSS}=0.007 \end{array}$$

b) $\Theta=0.8$ $\lambda=0.09$

$$\begin{array}{lllll} \Theta=0.042 & \lambda=1.006 & \gamma=-0.723 & b=1.393 & \bar{R}^2=0.853 \\ (0.035) & (0.156) & (0.039) & (1.12) & \text{RSS}=0.0067 \end{array}$$

3. Ἐπιτόκιον χρησιμοποιηθέν, τὸ βραχυχρόνιον τῶν ὁμολογιῶν τοῦ δημοσίου.

Ἀρχικαὶ τιμαὶ $\Theta=0.1$ $\lambda=0.8$

$$\begin{array}{lllll} \Theta=0.890 & \lambda=0.089 & \gamma=-0.009 & b=0.824 & \bar{R}^2=0.846 \\ (0.181) & (0.098) & (0.030) & (0.708) & \text{RSS}=0.007 \end{array}$$

4. Ἐπιτόκιον χρησιμοποιηθέν, τὸ ἐπιτόκιον καταθέσεων εἰς τοὺς δῆμους καὶ κοινότητας.

Ἀρχικαὶ τιμαὶ τοῦ Θ καὶ λ

a) $\Theta=0.8$ $\lambda=0.2$

$$\begin{array}{lllll} \Theta=0.103 & \lambda=0.891 & \gamma=-0.054 & b=0.769 & \bar{R}^2=0.849 \\ (0.090) & (0.184) & (0.90) & (0.499) & \text{RSS}=0.006 \end{array}$$

(4) Τὸ πολύπλοκον πρόγραμμα διὰ τὸν ἡλεκτρονικὸν ἐγκέφαλον ἔχει γραφῇ ἀπὸ τὸν J. Stuart τοῦ Πανεπιστημίου τοῦ Manchester ὃν καὶ θερμῶς εὐχαριστοῦμεν.

(5) Ὁρίσαμεν 12 διαφορετικὰς ζεῦγης ἀρχικῶν τιμῶν διὰ τὸ Θ καὶ λ . Διὰ κάθε ζεῦγος τὸ πρόγραμμα χρησιμοποιεῖ μίαν ἐπαναληπτικὴν μέθοδον (iterative process). ἵτις τελειώνει δταν εὑρεθῇ ἐν σημεῖον καμπῆς. Δι’ ἓνα μεγάλον ἀριθμὸν ἀρχικῶν τιμῶν Θ καὶ λ δὲν εὑρέθη σημεῖον· καμπῆς, δηλ. αἱ τιμαὶ τῶν παραμέτρων ἀπέκλινον ἀπὸ τὰς ἀρχικάς.

$$\text{b) } \theta = 0.1 \quad \lambda = 0.9$$

$$\begin{array}{lllll} \theta = 0.873 & \lambda = 0.091 & \gamma = -0.009 & b = 0.818 & \bar{R}^2 = 0.847 \\ (0.185) & (0.101) & (0.016) & (0.712) & \text{RSS} = 0.006 \end{array}$$

Η πλέον ένδιαιφέρουσα σειρά άπό τας έκτιμηθείσας παραμέτρους είναι η $2b$ άνωτέρω. Τὸ ἐπιτόκιον τῶν μετοχῶν (δηλαδὴ ὁ συντελεστὴς γ) λαμβάνει τὸ ἀναμενόμενον πρόσημον καὶ εἶναι στατιστικῶς ἀρκούντως σημαντικός. Ο συντελεστὴς λ εἶναι σημαντικός καὶ στατιστικῶς δὲν διαφέρει ἀπὸ τὴν μονάδα, ἔνα ἀποτέλεσμα τὸ ὅποιον ἐνισχύει τὴν προηγουμένην ἀποψίν μας ὅτι δηλαδὴ τὸ τρέχον εἰσόδημα καὶ οὐχὶ τὸ ἀναμενόμενον εἶναι ἐκεῖνον διπερ ἐπηρεάζει τὸ μέγεθος τῶν διακρατουμένων χρηματικῶν διαθεσίμων. Η ἐλαστικότης προσαρμογῆς τῶν χρηματικῶν διαθεσίμων εἶναι ἀσήμαντος καθὼς ἐπίστης καὶ η μακροχρόνιος ἐλαστικότης ζητήσεως χρήματος ἐν σχέσει πρὸς τὸ ἀναμενόμενον εἰσόδημα (δηλαδὴ τὸ b). Τέλος, μία ἀρκούντως ύψηλὴ τιμὴ τοῦ \bar{R}^2 ἀποδεικνύει τὸ ίκανοποιητικὸν τῶν ἀποτελεσμάτων.

Κατὰ τὴν διάρκειαν τῆς ὑπὸ ἔξετασιν χρονικῆς περιόδου ἔχει λάβει χώραν ἔνας συνεχὴς πληθωρισμὸς εἰς τὴν Μεγάλην Βρετανίαν καὶ ἀσφαλῶς αἱ προσδοκίαι περὶ τοῦ ρυθμοῦ μεταβολῆς τῶν τιμῶν ἡσαν διάφοροι τοῦ μηδενός. Ἀλλὰ εἰς μίαν προσδοκίαν αὐξήσεως τῶν τιμῶν αὐξάνεται τὸ κόστος διακατοχῆς χρήματος καὶ ἐπομένως ἐπηρεάζεται η συμπεριφορὰ τῶν οἰκονομούντων μονάδων.

Διὰ νὰ λάβωμεν ὑπὸ δψιν τὴν πιθανὴν ἐπίδρασιν τοῦ ἀναμενομένου πληθωρισμοῦ ἐπὶ τῆς ζητήσεως χρήματος ἐτροποποιήσαμεν τὸ μοντέλο ὡς ἀκολούθως (6):

$$(5) m^* = a + by^e - \gamma\Gamma - \delta\rho_t^e$$

$$(6) y^e = \lambda y + (1 - \lambda)y_{-1}$$

$$(7) p_t^e = p_{t-1} + c(p_{t-1} - p_{t-2})$$

$$(8) m = \theta m^* + (1 - \Theta)m_{-1} + u_6$$

Δι’ ἀντικαταστάσεως καὶ τῆς χρησιμοποιήσεως τοῦ μετασχηματισμοῦ τοῦ Koyck λαμβάνομεν

$$(9) m = \Theta a\lambda + \Theta bly + \Theta\gamma(1 - \lambda)\Gamma_{-1} + (2 - \Theta - \lambda)m_{-1} - (1 - \lambda)(1 - \Theta)m_{-2} - \Theta\delta\rho_{-1}^e + \Theta\delta(1 - \lambda)\rho_{-1}^e - \Theta\gamma\Gamma + u_7$$

(6) 'Υφ' ὠρισμένας ἀπλοποιημένας προϋποθέσεις τὸ ὄνομαστικὸν ἐπιτόκιον Γ_b ἴσονται πρὸς τὸ πραγματικὸν ἐπιτόκιον Γ πλέον τοῦ ἀναμενομένου ποσοστοῦ πληθωρισμοῦ δηλαδὴ $\Gamma_b = \Gamma + p^e$. Ἐπομένως η χρησιμοποίησις τοῦ ὄνομαστικοῦ ἐπιτοκίου λαμβάνει ὑπὸ δψιν τὸν ἀναμενόμενον πληθωρισμὸν. Κατὰ τὴν διάρκειαν τῆς ὑπὸ ἔξετασιν χρονικῆς περιόδου δμῶς αἱ νομισματικαὶ ἀρχαὶ δὲν ἐπέτρεπον διακυμάνσεις τοῦ ὄνομαστικοῦ ἐπιτοκίου αἱ ὅποιαι ἡδύναντο νὰ λάβουν ὑπὸ δψιν τὸν ἀναμενόμενον πληθωρισμόν. Διὰ τὸν λόγον αὐτὸν ἔχομεν εἰσάγει τὸ ἀναμενόμενον ποσοστὸν πληθωρισμοῦ ὡς μίαν ἀνεξάρτητον μεταβλητήν.

Ἐνδιαφερόμεθα πάντοτε διὰ τὸν ὑπολογισμὸν τῶν παραμέτρων $a, b, \gamma, \lambda, \Theta$ καὶ δ . Τὸ μοντέλο (9) δῆμος ὑπερταυτοποιεῖται (is overidentified). Συνέπεια τῆς ὑπερταυτοποιήσεως εἶναι ὅτι δὲν δυνάμεθα νὰ λάβωμεν συνεπεῖς (consistent) ἐκτιμήσεις χρησιμοποιοῦντες τὴν ἀπλῆν μέθοδον τῶν ἐλαχίστων τετραγώνων. Ἐχρησιμοποιήσαμεν ἐπομένως μίαν μέθοδον ὑπολογισμοῦ ὑπὸ περιορισμόν, δηλαδὴ αἱ τιμαὶ τῶν ἐκτιμηθεισῶν παραμέτρων εἶναι ὑποχρεωμέναι νὰ φέρουν ὡρισμένην σχέσιν μεταξύ των. Πλέον συγκεκριμένα ἡ τιμὴ π.χ. τῆς παραμέτρου Θ ἡτὶς εὑρίσκεται ἀπὸ τὸν ὑπολογισμὸν τοῦ πρώτου ὅρου τῆς 9, Θαλ, δέον νὰ εἶναι συνεπὴς μὲ τὴν τιμὴν τοῦ Θ τὴν προερχομένην ἀπὸ τὸν ὅρον ΘγΓ. Πρὸς τοῦτο ἔχρησιμοποιήσαμεν τὴν μέθοδον τῆς μεγίστης πιθανότητος ὡς ἀνεπτύχθη ὑπὸ τοῦ M. Nerlove (4).

Ἡ μέθοδος αὕτη ἔχει ἐν συντομίᾳ ὡς ἀκολούθως :

Ἀντικαθιστῶμεν ὅλας τὰς παραμέτρους τῆς (9) αἱ ὁποῖαι ὑπερταυτοποιοῦνται ως ἔξης :

$$Z_1 = \Theta \lambda y$$

$$Z_5 = -(1 - \Theta)(1 - \lambda)m_{-2}$$

$$Z_2 = \Theta \Gamma$$

$$Z_6 = \Theta \rho^e$$

$$Z_3 = \Theta(1 - \lambda)m_{-1}$$

$$Z_7 = \Theta(1 - \lambda)\rho^{e-1}$$

$$Z_4 = (2 - \Theta - \lambda)m_{-1}$$

Ἀντικαθιστῶντες τὰ $Z_1 - Z_7$ εἰς τὴν (9) λαμβάνομεν

$$(10) \quad m - Z_4 + Z_5 = a + bZ_1 - \gamma(Z_2 - Z_3) - \delta(Z_6 - Z_7) + u_8$$

Ὑπὸ τὴν προϋπόθεσιν ὅτι τὰ σφάλματα τοῦ μοντέλου (10) δηλ. τὰ u_8 κατανέμονται κανονικῶς καὶ εἶναι ἀνεξάρτητα ἀλλήλων ἡ χρησιμοποίησις τῆς κλασικῆς μεθόδου τῶν ἐλαχίστων τετραγώνων δίδει παραμέτρους μεγίστης πιθανότητος (maximum likelihood estimates).

Ἡ διαδικασία τῆς στατιστικῆς ἐκτιμήσεως ἔχει ως ἀκολούθως : α) ὑπολογίζομεν τὸν ἀναμενόμενον ρυθμὸν πληθωρισμοῦ ρ^e ἀπὸ τὴν (7) χρησιμοποιοῦντες διαφόρους ὑποθέσεις ἀναφορικῶς πρὸς τὴν ἐλαστικότητα τῶν προσδοκιῶν τοῦ ρυθμοῦ πληθωρισμοῦ, β) Ὁρίζομεν διάφορα ζεύγη τιμῶν διὰ τὰ Θ καὶ λ καὶ χρησιμοποιοῦντες ἔνα ρ^e ὑπολογίζομεν τὰ $Z_1 - Z_7$ καὶ κατόπιν τὸ μοντέλο (10) χρησιμοποιοῦντες τὴν μέθοδον τῶν ἐλαχίστων τετραγώνων. γ) Τὰ ἀποτελέσματα ταξινομοῦνται βάσει τῆς τιμῆς τοῦ \bar{R}^2 καὶ ἐπιλέγομεν τὴν ἔξισωσιν μὲ τὴν μεγαλυτέραν ἐρμηνευτικὴν ἰκανότητα, δηλαδὴ τὴν ἔχουσαν τὸ μεγαλύτερον \bar{R}^2 .

Εἰς τοὺς ὑπολογισμούς μας ἔχρησιμοποιήσαμεν τρεῖς τιμὰς (?) διὰ τὴν ἐλα-

(7) Μία μεγάλη τιμὴ διὰ τὴν ἐλαστικότητα τῶν προβλέψεων τοῦ ρυθμοῦ πληθωρισμοῦ (δηλ. τῆς παραμέτρου c εἰς τὴν 7) δεικνύει ὅτι τὰ ἄτομα ὃταν σχηματίζουν τὰς προβλέψεις τῶν λαμβάνουν ὑπὸ δψιν τὸ ἀπότερον παρελθόν δηλαδὴ ἐνθυμοῦνται τί ρυθμοὺς πληθωρισμοῦ είχαν

στικότητα τῶν προβλέψεων ἐπὶ τοῦ πληθωρισμοῦ ($c=0.35, 0.55, 0.75$) καὶ δεκατέσσαρα (8) ζεύγη τιμῶν Θ καὶ λ .

Δυστυχῶς τὰ ἀποτελέσματα ἀπὸ 250 καὶ πλέον ἐκτιμήσεις τοῦ μοντέλου (10) δὲν εἶναι πολὺ ἱκανοποιητικά. Εἰς δλας τὰς περιπτώσεις οἱ συντελεσταὶ λαμβάνουν τὰ ἐκ τῶν προτέρων ἀναμενόμενα πρόσημα, δλοι οἱ συντελεσταὶ τοῦ εἰσοδήματος εἶναι σημαντικοὶ πλὴν ὅμως οἱ συντελεσταὶ τῶν προβλέψεων ἐπὶ τοῦ πληθωρισμοῦ καὶ τοῦ ἐπιτοκίου εἶναι ἀσήμαντοι ἐκτὸς ἀπὸ μίαν περίπτωσιν τὴν ὅποιαν καὶ παρουσιάζομεν κατωτέρῳ :

$$m - Z_4 + Z_5 = -0.353 + 3.739Z_1 - 1.703(Z_2 - Z_3) + 3.99(Z_6 - Z_7)$$

$$(0.171) \quad (1.22) \quad (0.812) \quad (5.25)$$

$$R^2 = 0.996 \quad \bar{R}^2 = 0.206 \quad D.W = 1.83$$

Ἡ ἀνωτέρω ἔξισωσις ἔχει προέλθει ἀπὸ τὴν χρησιμοποίησιν τῶν ἑξῆς τιμῶν $c = 0.35$, $\Theta = 0.04$ καὶ $\lambda = 0.95$. Τὸ ἐπιτόκιον τῶν μακροχρονίων διμολογιῶν τοῦ δημοσίου λαμβάνει τὸ δρθὸν ἀρνητικὸν πρόσημον καὶ εἶναι στατιστικῶς σημαντικόν. Σημαντικὸς εἶναι ἐπίσης ὁ συντελεστὴς τοῦ εἰσοδήματος (δηλαδὴ ὁ τοῦ Z_1). Ἐν ἴδιαίτερον χαρακτηριστικὸν τῆς ἀνωτέρω ἔξισώσεως εἶναι αἱ τιμαὶ τοῦ $\Theta = 0.04$ καὶ $\lambda = 0.95$ αἴτινες ἔχρησιμοποίησαν. Πιστεύομεν ὅτι τοῦτο ἐνισχύει τὰ προηγούμενά μας ἀποτελέσματα, ὅτι δηλαδὴ τὸ τρέχον καὶ οὐχὶ τὸ ἀναμενόμενον εἰσόδημα εἶναι ἐκεῖνο τὸ ὅποιον ἐπηρεάζει τὰς περὶ ζητήσεως χρήματος ἀποφάσεις τῶν Βρετανῶν.

Τὰ ἀποτελέσματα τὰ ὅποια ἐπαρουσιάσθησαν ἀνωτέρω δὲν ἔλαβον ὑπ' ὄψιν τὰς προσδοκίας τῶν οἰκονομούντων μονάδων ὡς πρὸς τὰς μεταβολὰς τοῦ ἐπιτοκίου καὶ μολονότι αἱ νομισματικαὶ ἀρχαὶ κατὰ τὴν ὑπὸ ἔξετασιν χρονικὴν περίοδον ἡκολούθησαν μίαν πολιτικὴν σταθερῶν ἐπιτοκίων τὰ τελευταῖα δὲν ἦσαν ἐντελῶς σταθερὰ ὥστε ν' ἀποκλείουν τὸ ἐνδεχόμενον κερδοσκοπικῶν προβλέψεων. Μελλοντικὴ ἐργασία ἐπομένως δέον νὰ προσθέσῃ εἰς τὸ μοντέλο τὴν ἐπὶ τῆς ζητήσεως χρήματος ἐπίδρασιν, τῶν προβλέψεων ἐπὶ τῆς κινήσεως τοῦ ἐπιτοκίου. Εἶναι ἐπίσης ἐπιθυμητὸν δπως ἡ συνολικὴ ζήτησις χρήματος διασπασθῇ εἰς τρία τουλάχιστον μέρη, ἢτοι εἰς τὴν ζήτησιν χρήματος ὑπὸ τῶν ἴδιων, εἰς τὴν ζήτησιν χρήματος ἀπὸ τὰς ἐπιχειρήσεις καὶ τέλος εἰς τὴν ζήτησιν χρήματος ὑφ' ὅλων τῶν λοιπῶν ἀτόμων καὶ δργανισμῶν. Δέον ἐπίσης νὰ δοθῇ μεγάλη προσοχὴ εἰς τὸν τρόπον κατὰ τὸν ὅποιον ἡ ζήτησις χρήματος προσαρμόζεται διαχρονικῶς δταν μεταβληθῇ μία ἀνεξάρτητος μεταβλητή.

τὰ τελευταῖα ἔστω 5 χρόνια. Μολονότι αὐτὸ δυνατὸν νὰ ισχύῃ εἰς ὠρισμένας περιπτώσεις θεωροῦμεν ὅτι μικραὶ τιμαὶ τοῦ c εἶναι πλέον εὔλογοι.

8) Ταῦτα εἶναι :

Θ	0.1	0.9	0.04	0.2	0.1	0.1	0.2	0.3	0.4	0.8	0.7	0.2	0.2	0.4
----------	-----	-----	------	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

λ	0.9	0.3	0.95	0.4	0.5	0.7	0.7	0.6	0.8	0.3	0.4	0.9	0.5	0.6
-----------	-----	-----	------	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----	-----

ΒΙΒΛΙΟΓΡΑΦΙΑ

- (1) Feige, E. : Expectations and Adjustments in the Monetary Sector, A. E. R. Papers and Proceedings, 1967.
- (2) Fisher, D. : The Demand for Money in Britain; Quarterly results 1951 to 1967, Manchester Schol, vol. 36, 1968.
- (3) Laidler, D.—Parkin, M. : The Demand for Money in the U. K. 1956 - 1967 ; Preliminary Estimates, Manchester Shcool, 1970.
- (4) Nerlove, M. : The Market Demand for Durable Goods, A Comment, Econometrica vol. 28, 1960.
- (5) Price L. D. L. : The Demand for Money in the U. K. ; A Further Investigation. Bank of England Quarterly Bulletin, vol. 12, 1972.