

ΣΥΝΘΗΚΑΙ ΑΝΤΑΓΩΝΙΣΜΟΥ ΚΑΙ ΑΜΟΙΒΑΡ
ΤΩΝ ΣΥΝΤΕΛΕΣΤΩΝ ΤΗΣ ΠΑΡΑΓΩΓΗΣ
ΕΙΣ ΤΗΝ ΕΛΛΗΝΙΚΗΝ ΒΙΟΜΗΧΑΝΙΑΝ:
ΟΙΚΟΝΟΜΕΤΡΙΚΗ ΔΙΕΡΕΥΝΗΣΙΣ

ΑΝΑΡΕΑ Α. ΚΙΝΘΗ, καθηγητοῦ Α.Σ.Ο.Β.Ε.

I. Εισαγωγὴ

Σκοπὸς τῆς παρούσης μελέτης εἰναι ἡ διερεύνησις τῆς ὑφισταμένης σχέσεως μεταξὺ τῶν δριακῶν προϊόντων τῶν συντελεστῶν τῆς παραγωγῆς καὶ τῶν λαμβανομένων ὑπὸ ἀυτῶν πραγματικῶν τιμῶν εἰς τὴν ἐλληνικὴν βιομηχανίαν. Διὰ τῆς συσχετίσεως τιμῶν καὶ δριακῶν προϊόντων δυνάμεθα νὰ καταλήξωμεν εἰς συμπεράσματα ἀναφορικῶς πρὸς τὰς ἐπικρατούσας συνθῆκας ἀνταγωνισμοῦ εἰς τὰς ἀγορὰς τῶν συντελεστῶν τῆς παραγωγῆς. Ὑπὸ συνθῆκας ἴσορροπίας καὶ καθεστώς σταθερῶν οἰκονομικῶν κλίμακος οἱ συντελεσταὶ τῆς παραγωγῆς ἀμείβονται συμφόνως πρὸς τὴν ἀξίαν τοῦ δριακοῦ τῶν προϊόντος. Κατὰ συνέπειαν οἰδαίποτε ἀπόκλισις μεταξὺ τῶν ἀμοιβῶν τῶν συντελεστῶν καὶ τῆς ἀξίας τῆς δριακῆς παραγωγικότητος αὐτῶν ὑποδηλοῖ, διτὶ ὃ ὑπὸ διερεύνησιν τομεδὺς τῆς οἰκονομίας δὲν εὑρίσκεται εἰς ἴσορροπίαν.

Ἡ σχετικὴ ἀνάλυσις γίνεται εἰς τὰ πλαίσια τῆς νεοκλασικῆς θεωρίας τῆς παραγωγῆς καὶ περιορίζεται μόνον εἰς τὴν μείζονα βιομηχανίαν. Προϋπόθεσις διὰ τὴν διερεύνησιν τοῦ ὑπὸ μελέτην θέματος εἰναι ἡ γνῶσις τῶν παραμέτρων τῆς συναρτήσεως παραγωγῆς τῆς βιομηχανίας. Πρὸς τούτο κατεβλήθη Ιδιαίτέρα προσπάθεια διὰ τὴν ἐπιλογὴν καὶ ἐκτίμησιν τῆς ἐμπειρικῆς συναρτήσεως παραγωγῆς τῆς ἐλληνικῆς βιομηχανίας. Ἡ χρησιμοποιηθεῖσα συνάρτησις είναι περισσότερον γενικὴ καὶ ἀπὸ τὴν συνάρτησην Cobb - Douglas καὶ ἀπὸ τὴν συνάρτησιν σταθερῆς ἐλάστικότητος ὑποκαταστάσεως (CES). Τὰ ἀποτελέσματα τῆς μελέτης δύνανται νὰ χρησιμοποιηθοῦν διὰ τὴν ἀξιολόγησιν τῆς κατανομῆς τῶν πόρων, τὴν ἔξηγησιν τῆς διανομῆς τοῦ συνολικοῦ προϊόντος μεταξὺ ἀργασίας καὶ κεφαλαίου καὶ τὴν διαμόρφωσιν μιᾶς ὀρθολογικωτέρας εἰσοδηματικῆς πολιτικῆς.

Ἡ μελέτη ἀποτελεῖται ἀπὸ πέντε κύρια τμῆματα. Εἰς τὸ τμῆμα II γίνεται παθηματικὴ διατύπωσις τοῦ ὑπὸ διερεύνησιν προβλήματος καὶ εἰς τὸ τμῆμα III ἐκτίμησις τῆς συναρτήσεως παραγωγῆς διὰ τῆς μεθόδου ἀναλύσεως τῆς συνδια-

κυμάνσεως. Τότε έπόμενον τμῆμα IV άφιερούται εἰς τὴν περιγραφὴν τῶν χρησιμοποιηθέντων στατιστικῶν στοιχείων καὶ τὴν μέτρησιν τῶν μεταβλητῶν. Εἰς τὰ τμήματα V καὶ VI ἀσχολούμεθα μὲ τὴν διαχρονικὴν ἔξελιξιν τῆς δριακῆς καὶ μέσης παραγωγικότητος τῆς ἐργασίας καὶ τοῦ κεφαλαίου καὶ τὴν συσχέτισιν τῆς ἀμοιβῆς τῶν δύο συντελεστῶν πρὸς τὴν ἔξελιξιν τῶν δριακῶν προϊόντων αὐτῶν. Εἰς τὸ τέλος τῆς μελέτης γίνεται σύντομος διατύπωσις καὶ ἀξιολόγησις τῶν συμπερασμάτων τῆς ἀναλύσεως.

II. Μαθηματικὴ ἔξειδίκευσις τοῦ ὑποδείγματος

Διὰ τὴν οἰκονομετρικὴν ἀνάλυσιν τῶν συνθηκῶν ἀνταγωνισμοῦ εἰς τὴν βιομηχανίαν εἶναι ἀναγκαία ἡ ἀλγεβρικὴ ἔξειδίκευσις τῶν πρὸς ἐκτίμησιν σχέσεων. Εἰς τὴν οἰκονομετρικὴν ἔρευναν ἔχουν χρησιμοποιηθῆ διάφοροι ἀλγεβρικαὶ μορφαὶ διὰ τὴν συνάρτησιν παραγωγῆς. Ἡ διαφορὰ μεταξὺ τῶν μαθηματικῶν τούτων μορφῶν ἀναφέρεται εἰς τὸν περιορισμόν, τὸν δποίους συνεπάγεται ἔκαστη ἥξι αὐτῶν ἐπὶ τῶν ἀκολούθων τριῶν βασικῶν παραμέτρων τῆς συναρτήσεως παραγωγῆς, ἥτοι : (α) ἐπὶ τῆς ἐλαστικότητος ὑποκαταστάσεως μεταξὺ ἐργασίας καὶ κεφαλαίου, (β) ἐπὶ τῆς συμμετοχῆς τῶν παραγωγικῶν συντελεστῶν εἰς τὸ συνολικὸν προϊόν καὶ (γ) ἐπὶ τῶν οἰκονομικῶν κλίμακος παραγωγῆς.

Ἐνταῦθα ὑποθέτομεν, δτὶ ἡ συμμετοχὴ τῶν ἐνδιαμέσων εἰσροῶν εἰς τὸ συνολικὸν προϊόν παραμένει σταθερά καὶ δτὶ δ τεχνολογικὸς μετασχηματισμὸς τῶν ὑπηρεστῶν τῶν συντελεστῶν τῆς παραγωγῆς εἰς προϊόντα γίνεται συμφώνως πρὸς τὴν ἀκόλουθον συνάρτησιν παραγωγῆς :

(I)

$$Y = F(L, K) = AL^\alpha K^\beta e^x$$

$$A > 0, \quad 0 < \alpha, \quad \beta < 1$$

ὅπου Y = ἐπίπεδον παραγωγῆς (προστιθεμένη ἀξία)

L = ἐργασία καὶ K = κεφαλαίον

$x = K/L$ = λόγος κεφαλαίου - ἐργασίας

e = βάσις τῶν νεπερείων λογαρίθμων

Διὰ νὰ εἴναι ἡ (I) καλῶς ὠρισμένη νεοκλασικὴ συνάρτησις παραγωγῆς, δέοντα δπως :

(Iα)

$$\frac{\partial F}{\partial L} > 0 \quad \text{καὶ} \quad \frac{\partial F}{\partial K} > 0$$

(Iβ)

$$\frac{\partial^2 F}{\partial L^2} < 0 \quad \text{καὶ} \quad \frac{\partial^2 F}{\partial K^2} < 0$$

(Iγ)

$$\frac{\partial^2 F}{\partial L \partial K} = \frac{\partial^2 F}{\partial K \partial L} > 0$$

$$(16) \quad \frac{dK}{dL^2} < 0 \quad (\text{διά } Y = \text{σταθερόν})$$

Συναφώς σημειούνται, διτι είναι δυνατόν να υπάρξουν τιμαί τού γ, διά τὰς δοπιάς τινές τῶν νεοκλασσικῶν ίδιοτήτων τῆς συναρτήσεως παραγωγῆς να μη̄ ἔπαληθεύνονται¹.

Εἰς τὴν συνάρτησιν (1) τόσον ή ἐλαστικότης υποκαταστάσεως μεταξὺ ἔργασίας καὶ κεφαλαίου² δύον καὶ η συμμετοχὴ τῶν συντελεστῶν εἰς τὸ συνολικόν προϊόν (βλ. σχέσιν 20 κατωτέρω) είναι συναρτήσεις τοῦ λόγου κεφαλαίου - ἔργασίας. Κατὰ συνέπειαν η (1) είναι περισσότερον γενική ἀπό τὰς συναρτήσεις Cobb - Douglas καὶ σταθερᾶς ἐλαστικότητος υποκαταστάσεως (CES).

Ήδη υπόθετομεν, διτι η συνάρτησις ζητήσεως διά τὸ προϊόν τῶν υπό διερεύνησιν οἰκονομικῶν μονάδων καὶ αἱ συνάρτησεις προσφορᾶς διά τοὺς ἔπειρους συντελεστάς τῆς παραγωγῆς δίδονται υπό τῶν κάτωθι σχέσεων³:

$$(2) \quad Y = f_1(P), \quad f'_1(P) < 0 : \text{συνάρτησις ζητήσεως διά τὸ προϊόν}$$

$$(3) \quad L = f_2(w), \quad f'_2(w) > 0 : \text{συνάρτησις προσφορᾶς ἔργασίας}$$

$$(4) \quad K = f_3(r), \quad f'_3(r) > 0 : \text{συνάρτησις προσφορᾶς κεφαλαίου}$$

ὅπου τὰ P, w καὶ r παριστοῦν τὰς τιμάς τοῦ Y, L καὶ K ἀντιστοίχως.

Αἱ σχέσεις (2), (3) καὶ (4) δύνανται να ἐκφρασθοῦν ως μονότονοι συναρτήσεις τῶν Y, L καὶ K, ἥτοι :

$$(2a) \quad P = g_1(Y), \quad \frac{dP}{dY} = g'_1(Y) < 0$$

$$(3a) \quad w = g_2(L), \quad \frac{dw}{dL} = g'_2(L) > 0$$

$$(4a) \quad r = g_3(K), \quad \frac{dr}{dK} = g'_3(K) > 0$$

1. B.A. Lovell Knox, C. A., «Capacity Utilization and Production Function Estimation in Postwar American Manufacturing», Quarterly Journal of Economics, τομ. LXXXII, Μάιος 1968, σελ. 219 - 239.

2. Εἰς τὴν περίπτωσιν, κατὰ τὴν δοπιάν η (1) είναι δύογενής πρότον βαθμοῦ, ενδόλως δύναται να δειχθῇ διτι:

$$\sigma = 1 - \frac{\gamma x}{(\beta + \gamma x)^2 - \beta}$$

ὅπου σ = ἐλαστικότης υποκαταστάσεως μεταξὺ L καὶ K.

3. Τόσον η ζητήσις διά τὸ προϊόν δύον καὶ η προσφορά διά τοὺς συντελεστάς τῆς παρα-

Προσέτι υποθέτομεν, δτι αἱ ἀποφάσεις τῶν ὑπὸ μελέτην μονάδων λαμβάνονται μὲ κριτήριον τὴν μεγιστοποίησιν τοῦ κέρδους ὑπὸ τὸν περιορισμὸν τῆς συνάρτησεως παραγωγῆς. Ή συνάρτησις τοῦ κέρδους γράφεται :

$$(5) \quad \Pi = PY - (wL + rK)$$

δπου $PY =$ συνολικὰ ἔσοδα καὶ $(wL + rK) =$ συνολικὸν κόστος.

Δι' ἀντικαταστάσεως τῶν σχέσεων (2a), (3a) καὶ (4a) εἰς τὴν (5) λαμβάνομεν :

$$(6) \quad \Pi = Yg_1(Y) - Lg_2(L) - Kg_3(K)$$

Συμφόνως πρὸς τὰ ἥδη λεχθέντα τὸ πρόβλημα παραγωγῆς συνίσταται εἰς τὴν μεγιστοποίησιν τῆς (6) ὑπὸ τὸν περιορισμὸν τῆς (1). Πρὸς τοῦτο σχηματίζομεν τὴν συνάρτησιν τοῦ Lagrange, ἦτοι :

$$(7) \quad H = Yg_1(Y) - Lg_2(L) - Kg_3(K) - \lambda \{ Y - AL^\alpha K^\beta e^{yx} \}$$

δπου λ παριστᾶ τὸν πολλαπλασιαστὴν τοῦ Lagrange. Ἐκ τῶν συνθηκῶν α' τάξεως διὰ τὴν μεγιστοποίησιν τῆς (7) ἔχομεν :

$$(8a) \quad AL^\alpha K^\beta e^{yx} = Y$$

$$(8b) \quad g_1(Y) + Yg'_1(Y) = \lambda$$

$$(8c) \quad g_2(L) + Lg'_2(L) = \lambda \frac{\partial Y}{\partial L}$$

$$(8d) \quad g_3(K) + Kg'_3(K) = \lambda \frac{\partial Y}{\partial K}$$

Ἀντικαθιστῶντες τὸ λ ἐκ τῆς (8b) εἰς τὰς σχέσεις (8c) καὶ (8d) λαμβάνομεν :

$$(9) \quad g_2(L) + Lg'_2(L) = \frac{\partial Y}{\partial L} \{ g_1(Y) + Yg'_1(Y) \}$$

$$(10) \quad g_3(K) + Kg'_3(K) = \frac{\partial Y}{\partial K} [g_1(Y) + Yg'_1(Y)]$$

Δι' ἀντικαταστάσεως ἐκ τῶν σχέσεων (2a), (3a) καὶ (4a) καὶ ἀπλοποιήσεως, αἱ ἀνωτέρω σχέσεις γίνονται :

γωγῆς ὑποτίθεται δτι ἔξαρτῶνται μόνον ἐκ τῆς ίδιας ἀδτῶν τιμῆς. Ἡ ὑπόθεσις αὗτη γίνεται προκειμένον νὰ κατατῆῃ ἢ ἀνάλυσις διλιγότερον πολύπλοκος. Σημειοῦται, δτι ἡ γενικότης τῆς ἀναλύσεως καὶ τὰ προκύπτοντα συμπεράσματα δὲν ἐπηρεάζονται ἐκ τῆς ὑποθέσεως αὐτῆς (Bl. Ferguson, C. E., *The Neoclassical Theory of Production and Distribution*, Cambridge University Press, 1971, σελ. 169).

$$(11) \quad w \left(1 + \frac{1}{\varepsilon_1} \right) = \frac{\partial Y}{\partial L} \left[P \left(1 - \frac{1}{\varepsilon} \right) \right]$$

$$(12) \quad r \left(1 + \frac{1}{\varepsilon_2} \right) = \frac{\partial Y}{\partial K} \left[P \left(1 - \frac{1}{\varepsilon} \right) \right]$$

διόπου $\varepsilon = \text{έλαστικότης ζητήσεως του προϊόντος}$

$\varepsilon_1 = \text{έλαστικότης προσφοράς έργασίας}$

$\varepsilon_2 = \text{έλαστικότης προσφοράς κεφαλαίου}$

*Έκ των (11) και (12) έχομεν¹:

$$(13) \quad \frac{\partial Y}{\partial L} = \frac{w}{P} \left(1 + \frac{1}{\varepsilon_1} \right) / \left(1 - \frac{1}{\varepsilon} \right) = m_1 \left(\frac{w}{P} \right)$$

$$(14) \quad \frac{\partial Y}{\partial K} = \frac{r}{P} \left(1 + \frac{1}{\varepsilon_2} \right) / \left(1 - \frac{1}{\varepsilon} \right) = m_2 \left(\frac{r}{P} \right)$$

διόπου τά w/p και r/p παριστούν τάς πραγματικάς τιμάς (real prices) τών L και K αντιστοίχως, τά δέ m_1 και m_2 είναι δεῖκται, οι διόποι μετρούν τάς άποκλίσεις μεταξύ δριακών παραγωγικοτήτων και πράγματι άπολαμβανομένων τιμών όπό τών συντελεστών τής παραγωγής. Κατ' άλλην διατύπωσην τά m_1 και m_2 μετρούν τόν βαθμόν άτελείας τών άγορών. Είς την περίπτωσιν του πλήρους ανταγωνισμού θά έχωμεν $m_1 = m_2 = 1$. Προσέτι, έάν $m_1 > 1$, ή άπολαμβανομένη όπό τής έργασίας τιμή υπολείπεται τής άξιας του δριακού προϊόντος αυτής και αντιστρόφως, έάν $m_1 < 1$, ή άμοιβή τής έργασίας είναι μεγαλυτέρα τής άξιας του δριακού της προϊόντος. Ανάλογοι προτάσεις δύνανται νά διατυπωθούν και περὶ τής θριαμβείης σχέσεως μεταξύ άμοιβής και δριακού προϊόντος του κεφαλαίου.

$$(15) \quad \frac{\partial Y}{\partial K} / \frac{\partial Y}{\partial L} = \frac{m_2}{m_1} \left(\frac{r}{w} \right) = m \left(\frac{r}{w} \right)$$

*Ο δείκτης $m = m_2 / m_1$ είναι γνωστός ως δείκτης σχετικής έκμεταλλεύσεως σε εσωτερικό στον συντελεστών παραγωγής (index of relative factor exploitation)². Ειδικότερον, έάν $m < 1$, ή έργασία «έκμεταλλεύεται» περισσότερον από τό κεφάλαιον, δεδομένου δτι ό λόγος του δριακού προϊόντος τού κεφαλαίου πρός τό δριακών προϊόντων τής έργασίας είναι μικρότερος τού λόγου τών σχετικών τιμών τών δύο συντελεστών. Είς άλλου τιμή τού m μεγαλυτέρα τής μονάδος θυποδηλοί, δτι τό κεφάλαιον έκμεταλλεύεται περισσότερον από την έργασίαν.

1. Σημειώθεται, δτι αι σχέσεις (13) και (14) δρίζονται διά τιμάς του ε μεταξύ τής μονάδος και τού άπειρου (ήτοι, $1 < \varepsilon < \infty$).

2. B.R. Hicks, J.R., The Theory of Wages, Macmillan, London, 1963 (2a Έκδοσις) και Brown, M. «A Measure of the Changes in Relative Exploitation of Capital and Labor», Review of Economics and Statistics, Τόμ. XLVII, Μάιος 1966, σελ. 182-192

Τέλος, έάν τὸ πιστεῖται πρὸς τὴν μονάδα, τότε εἶτε ὁ βαθμὸς ἀτελείας τῶν δύο ἀγορῶν εἶναι διάτοξες εἶτε ἀμφότεραι αἱ ἀγοραὶ λειτουργοῦνται ὑπὸ καθεστώς πλήρους ἀνταγωνισμοῦ.

III. Ἐκτίμησις τῆς συναρτήσεως παραγωγῆς

Ἐκ τῶν ἀνωτέρω συνάγεται, διτὶ διὰ τὴν διερεύνησιν τοῦ βαθμοῦ ἀτελείας τῶν ἀγορῶν ἐργασίας καὶ κεφαλαίου εἶναι ἀναγκαῖα ἡ γνῶσις τῶν ὄριακῶν προσφότων τῶν συντελεστῶν. Τούτο προϋποθέτει τὴν στατιστικὴν ἐκτίμησιν τῆς συναρτήσεως παραγωγῆς. Ὡς ἔχει διατυπωθῆ, ἡ συνάρτησις (1) εἶναι αὐστηρῶς προσδιοριστικὴ (deterministic). Ὡς ἐκ τούτου δὲν δύναται αὕτη νὰ ἐκτιμηθῇ πρὸ τῆς εἰσαγωγῆς στοχαστικῆς τινος μεταβλητῆς, ἡ δοκία νὰ μετατρέπῃ ταύτην εἰς στατιστικήν. Προσέτι ἡ ἐκτίμησις τῆς (1) διὰ στοιχείων χρονολογικῶν σειρῶν προϋποθέτει τὴν ρητὴν διατύπωσιν ὑποθέσεως ἀναφορικῶν μὲ τὴν μορφὴν τῆς τεχνολογικῆς προόδου. Ἐνταῦθο διόποτε μεν, διτὶ ἡ στοχαστικὴ μεταβλητὴ εἰσέρχεται εἰς τὸ ὑπόδειγμα διό πολλαπλασιαστικὴν μορφὴν μὲ μέσον τῶν μονάδων καὶ σταθερῶν διακόμανσιν καὶ διτὶ οἱ λογάριθμοι τῶν τιμῶν αὐτῆς κατανέμονται κανονικῶς. Τέλος διόποτε μεν, διτὶ ἡ τεχνολογικὴ προόδος εἶναι οὐδετέρα κατὰ Hicks¹. Ἡδη ἡ συνάρτησις (1) γράφεται :

$$(16) \quad Y = A e^{\lambda t} L^\alpha K^\beta \text{ εγκ } U, \quad (x = K / L)$$

ὅπου λ παριστᾶ τὸν ρυθμὸν τῆς οὐδετέρας τεχνολογικῆς προόδου, U τὴν στοχαστικὴν μεταβλητὴν καὶ τὸν χρόνον.

Ἄκομη καὶ ἔάν ἡ μεταβλητὴ U ἔχη δλας τὰς ἐπιθυμητὰς ίδιοτητας, ἡ ἐκτίμησις τῆς συναρτήσεως (16) διὰ τῆς μεθόδου τῶν ἐλαχίστων τετραγώνων καθίσταται προβληματική, δεδομένου διτὶ μεταξὺ τῶν L καὶ K εἶναι πολὺ πιθανόν νὰ δφίσταται ἰσχυρὰ σχέσις ἔξαρτησεως, μὲ ἀποτέλεσμα αἱ οὕτω προκύπτουσαι τιμαὶ τῶν παραμέτρων αὶ καὶ β νὰ μὴ ἐκφράζουν τὴν πραγματικὴν συμβολὴν τῆς ἐργασίας καὶ τοῦ κεφαλαίου εἰς τὴν αὐξῆσιν τῆς παραγωγῆς. Διὰ τὴν ἀντιμετώπισιν τοῦ προβλήματος τούτου πολλάκις τίθενται γραμμικοὶ περιορισμοὶ (linear restrictions) ἐπὶ τῶν παραμέτρων τοῦ ὑπόδειγματος. Ὁ συνήθεστερος περιορισμὸς εἶναι, τὸ ἀθροισμα τῶν ἐκθετῶν αὶ καὶ β νὰ ισοῦται πρὸς τὴν μονάδα. Τούτο ισοδύναμει μὲ τὴν ὑπόθεσιν, διτὶ ἡ συνάρτησις παραγωγῆς χαρακτηρίζεται ἀπὸ σταθερὰς κατὰ κλίμακα ἀποδόσεις. Μετὰ τὴν ρητὴν εἰσαγωγὴν τῆς τεχνολογικῆς προόδου ὁ ἐρμηνευτικῆς μεταβλητῆς εἰς τὸ πρὸς ἐκτίμησιν ὑπόδειγμα, ἡ ὑπόθεσις περὶ σταθερῶν ἀποδόσεων κατὰ κλίμακα παραγωγῆς διὰ τὸ σύνολον τῆς βιομηχανίας θὰ ἡδύνατο νὰ θεωρηθῇ ὁ ὅρος περιοριστική. Οὕτω, θέτοντες α + β = 1 καὶ λαμβάνοντες τοὺς λογαρίθμους ἀμφοτέρων τῶν μερῶν, ἡ σχέσις (16) γίνεται :

1. Βεβαίως ἡ μορφὴ τῆς τεχνολογικῆς προόδου εἶναι θέμα ἀμπειρικῆς διερευνήσεως. Διὰ τὸν σκοπὸν τῆς παρούσης μελέτης ἐν τούτοις ἡ ὑπόθεσις περὶ οὐδετερότητος τῆς τεχνολογικῆς προόδου δὲν κρίνεται ίδιαιτέρως περιοριστική.

$$(17) \quad \log(Y / L) = \log A + \beta \log(K / L) + \gamma(K / L) + \lambda t + u$$

*Εξ απλής έπισκοπήσεως της (17) παρατηρούμεν, διτι υπό την νέαν μορφήν τὸ πρόβλημα τῆς πολυσυγραμμικότητος είναι δεξάτερον δεδομένου διτι μεταξύ τῶν μεταβλητῶν $\log(K / L)$ και K / L ωπάρχει πλήρης γραμμική δεξάρτησις. Διὰ τὴν ἀντιμετώπισιν τοῦ προβλήματος αὐτοῦ δ. Lovell¹ υποθέτει, διτι οἱ συντελεσταὶ τῆς παραγωγῆς ἀμειβονται συμφώνως πρὸς τὴν ἀξίαν τοῦ δριακοῦ τῶν προϊόντος. Έκ τῆς (16) λαμβάνομεν :

$$(18) \quad \frac{\partial Y}{\partial L} = Ae^{\lambda t} L^{\alpha-1} K^{\beta} e^{\gamma x} U (\alpha - \gamma x) = \frac{Y}{L} (\alpha - \gamma x)$$

*Η ἀνωτέρῳ υπόθεσις ἐπιτρέπει νὰ γράψωμεν τὴν (18) ὡς κάτωθι :

$$(19) \quad (wL / Y) = \alpha - \gamma x, \quad (\text{δπον } w = \frac{\partial Y}{\partial L})$$

Τὸ δεξιὸν μέρος τῆς (19) παριστᾶ τὴν συμμετοχὴν τῆς ἐργασίας εἰς τὸ συνολικὸν προϊόν. *Η μεταβλητὴ αὐτῇ είναι εὔκολον νὰ μετρηθῇ και ὡς ἐκ τούτου αἱ παράμετροι α και γ δύνανται νὰ ἐκτιμηθοῦν ἐκ τοῦ υποδείγματος (20) διὰ τῆς μεθόδου τῶν ἐλαχίστων τετραγώνων :

$$(20) \quad S_L = \alpha + bx + \varepsilon$$

δπον S_L = συμμετοχὴ τῆς ἐργασίας εἰς τὸ συνολικὸν προϊόν, $b = -\gamma$ και $\varepsilon =$ γέναι στοχαστικὴ μεταβλητή.

*Ἐν συνεχείᾳ θεωροῦντες τὰς τιμὰς τῶν $\hat{\beta} = 1 - \alpha$ και $\hat{\gamma} = -b$ ὡς δεξιγνεῖς πληροφορίας δυνάμεθα νὰ ἐκτιμήσωμεν τὰς παραμέτρους A και λ ἐκ τοῦ ἀκολούθου υποδείγματος² :

$$(21) \quad Z = \delta + \lambda t + u$$

δπον $Z = \log(Y / L) - \hat{\beta} \log(K / L) - \hat{\gamma}(K / L) \quad \text{και } \delta = \log A$

Η δεκτιμήσις τοῦ υποδείγματος (17) εἰς δόνο στάδια προϋποθέτει, διτι αἱ τιμαὶ τοῦ εἰς τὸ υπόδειγμα (20) είναι ἀνεξάρτητοι τῶν τιμῶν τοῦ διαταρακτικοῦ δροῦ (disturbance term) εἰς τὴν συνάρτησιν παραγωγῆς. *Η υπόθεσις αὐτῇ είναι μᾶλλον ἀπίθανον νὰ πληρούνται εἰς τὰς περιπτώσεις, κατὰ τὰς δροὶας ἀντικείμενον ἔρευνης είναι ή συμπεριφορά βιομηχανικῶν μονάδων. *Ως ἐκ τούτου οἱ ἐκτιμηταὶ ἐλαχίστων τετραγώνων οἱ λαμβανόμενοι διὰ τῆς ἀνωτέρῳ διαδικασίας

1. βλ. ἀνωτέρῳ σελ. 226 - 227.

2. Σημειοῦται διτι εἰς τὸ παρὸν υπόδειγμα τὸ A δὲν δύναται νὰ ἐκτιμηθῇ ὡς ὁ ἀντιλογάριθμος τοῦ δ (βλ. A. Κιντῆ, Οἰκονομετρικὴ Θεωρία, τομ. I, Ἀθῆναι 1974, σελ. 164 - 167).

Θά είναι μεροληπτικοί καὶ ἀσυνεπεῖς¹. Ακόμη καὶ ἐὰν παραβλεφθῇ τὸ πρόβλημα τούτο, ἡ ἀνωτέρω προσέγγιστις δὲν δύναται νὰ χρησιμοποιηθῇ εἰς τὴν περίπτωσίν μας, δεδομένου δτι αὕτη προϋποθέτει πλήρη ἀνταγωνισμὸν εἰς τὰς ἄγοράς τῶν συντελεστῶν τῆς παραγωγῆς, πρᾶγμα τὸ διοικον ἀποτελεῖ τὸ ὑπὸ διερεύνησιν ἀντικείμενον τῆς παρούσης μελέτης.

Διὰ τὴν ἔκτιμησιν τῆς (17) θὰ χρησιμοποιήσωμεν τὴν ἀνάλυσιν τῆς συνδιακυμάνσεως. Πρὸς διευκόλυνσιν τῶν συμβολισμῶν γράφομεν τὸ πρὸς ἔκτιμησιν ὑπόδειγμα ὡς ἀκολούθῳ :

$$(22) \quad y = b_1 + b_2 x_2 + b_3 x_3 + b_4 x_4 + u$$

ὅπου $y = \log(Y / L)$, $x_2 = \log(K / L)$, $x_3 = K / L$, $x_4 = t$ ($t = 1, 2, \dots, T$)

$$b_1 = \log A, \quad b_2 = b, \quad b_3 = \gamma \quad \text{καὶ} \quad b_4 = \lambda$$

‘Ως μονάς παρατηρήσεως εἰς τὴν παρούσαν μελέτην χρησιμοποιεῖται ὁ βιομηχανικὸς κλάδος εἰς ἐπίπεδον 2ψηφίου κωδικοῦ ἀριθμοῦ. Δι᾽ ἔκστον κλάδὸν ἔχομεν παρατηρήσεις διὰ τὴν περίοδον 1958 - 1973. Διὰ τὴν ἔκτιμησιν τοῦ ὑπόδειγματος (22) διὰ τῆς τεχνικῆς τῆς συνδιακυμάνσεως ὑπετέθη, δτι οἱ ἀντίστοιχοι συντελεσταὶ παλινδρομήσεως εἰς τὰς ἔξισώσεις τῶν ἐπὶ μέρους βιομηχανικῶν κλάδων είναι οἱ αὐτοὶ, ἐκτὸς τῆς σταθερᾶς. Τοῦτο ἴσοδυναμεῖ μὲ τὴν ὑπόθεσιν, δτι αἱ συναρτήσεις παραγωγῆς τῶν διαφόρων κλάδων δαφέρουν μεταξὺ τῶν μόνον ὡς πρὸς τὸν συντελεστὴν ἀποδοτικότητος (efficiency coefficient).

‘Υπὸ μορφὴν μητρῶν τὸ πρὸς ἔκτιμησιν ὑπόδειγμα γράφεται :

$$(23) \quad y = D\gamma + X\beta + u$$

ὅπου τὸ y είναι διάνυσμα-στήλη τάξεως $N \times 1$ ($N = mT$, $m = \text{ἀριθμὸς βιομηχανικῶν κλάδων}$ καὶ $T = \text{ἀριθμὸς ἔτῶν}$), τὸ D παριστᾶ τὴν μήτραν τῶν ψευδομεταβλητῶν (dummy variables) τάξεως $N \times (m - 1)$, τὸ γ είναι διάνυσμα - στήλη τάξεως $(m - 1) \times 1$, τὸ X παριστᾶ τὴν μήτραν τῶν τιμῶν τῶν ἀνεξαρτήτων μεταβλητῶν τάξεως $N \times \lambda$ καὶ τὸ u είναι τὸ διάνυσμα - στήλη τῶν τιμῶν τῆς στοχαστικῆς μεταβλητῆς τάξεως $N \times 1$. Εἰς τὸ ὑπόδειγμα (23) είναι μᾶλλον ἀπίθανον νὰ διείσταται ἀκριβῆς σχέσις ἀνεξαρτήσεως μεταξὺ τῶν ἀνεξαρτήτων μεταβλητῶν. ‘Εξ ἄλλου, ή αὐξησης τοῦ μεγέθους τοῦ δείγματος αὐτὴ καθ’ ἑαυτὴν ἀποτελεῖ παράγοντα περιορισμοῦ τοῦ βαθμοῦ ἀλληλεξαρτήσεως τῶν μεταβλητῶν, δεδομένου δτι αὕτη συντελεῖ εἰς τὴν μείωσιν τῶν συνδιακυμάνσεων μεταξὺ τῶν ἔκτιμηθέντων συντελεστῶν τοῦ ὑποδείγματος.

Διὰ τὴν ἔκτιμησιν τοῦ ὑπόδειγματος (23) ἐχρησιμοποιηθῇ τὸ γνωστὸν πρό-

1. B.L. Hock, I., «Simultaneous Equation Bias in the Content of the Cobb-Douglas Production Function», *Econometrica*, τόμ. 26, 1958, σελ. 366-378, καὶ Zellner, A., Kmenta, J., καὶ Dreze, J., «Specification and Estimation of Cobb-Douglas Production Function Models», *Econometrica*, τόμ. 34, 1966, σελ. 784 - 795.

γραμμα της πολλαπλής παλινδρομήσεως, τα δέ αποτελέσματα των υπολογισμῶν
ζχουν ως κάτωθι :

$$(24) \quad \log(Y/L) = \psi_{eu}/\tau_{al} + 0,3320 \log(K/L) - 0,0019 (K/L) + 0,038t \\ (14,200) \quad (-3,289) \quad (3,507)$$

$$R^2 = 0,945, \quad D-W \text{ Statistic} = 1,579$$

Οι έντος παρενθέσεως άριθμοί παριστούν τους λόγους των άντιστοίχων συντελεστῶν πρὸς τὰ τοπικά σφάλματα αὐτῶν. Τὰ αποτέλεσματα θεωροῦνται άρκοντικά ίκανοποιητικά. Ή τιμὴ τοῦ γ είναι άρνητική καὶ στατιστικῶς διάφορος τοῦ μηδενός. Ως ἐκ τούτου τυχὸν χρησιμοποίησις τῆς συναρτήσεως Cobb-Douglas ή τῆς σταθερᾶς ἑλαστικότητος ὑποκαταστάσεως (CES) διὰ τὴν στατιστικὴν ἐκτίμησιν τῶν παραμέτρων τῆς συναρτήσεως παραγωγῆς θὰ είχεν ως ἀποτέλεσμα τὴν εἰσαγωγὴν σφαλμάτων ἔξειδικευσεως (specification errors) εἰς τὰς ἐκτιμήσεις.

Κατὰ τὴν ἐκτίμησιν τοῦ υποδείγματος θεωρήθη, διτὶ τὸ ἀπόθεμα τοῦ καθαροῦ κεφαλαίου ἀποτελεῖ ίκανοποιητικὴν ἐκτίμησιν τῶν ὑπηρεσιῶν αὐτοῦ εἰς τὴν παραγωγὴν. Βεβαίως εἰς δεδομένην περίοδον μέρος τοῦ ὑπάρχοντος κεφαλαίου είναι δύνατὸν νὰ μὴ χρησιμοποιήσῃται, γεγονός τὸ διόποιον θὰ ἔχῃ ως συνέπειαν τὴν εἰσαγωγὴν σφαλμάτων κατὰ τὰς ἐκτιμήσεις τῶν παραμέτρων τῆς συναρτήσεως παραγωγῆς. Ἐν τούτοις, διτὸν ὑπάρχη ὑποαπασχόλησις τοῦ κεφαλαίου, εἴναι πολὺ πιθανὸν καὶ μέρος τῆς ἕργασίας νὰ ὑποαπασχολῇται. Τοῦτο θὰ συμβάλῃ εἰς τὴν μείσων τῆς σημασίας τῆς ἀνωτέρω ἀδυναμίας τῆς στατιστικῆς ἀναλύσεως, δεδομένου διτὶ εἰς τὴν παροδίσαν μελέτην ως ἀνεξάρτητος μεταβλητὴ χρησιμοποιεῖται ὁ λόγος τῶν δύο συντελεστῶν καὶ οὐχὶ ἡ μεταβλητὴ κεφαλαιον ἀντὶ καθ' ἑαυτὴν. Ἐξ ἀllοι προσπάθεια, αἱ διόποια ἐγένοντο ὑπὸ τῶν Diwan¹ καὶ Lovell², δεδειξαν διτὶ αἱ ἐπὶ τῇ βάσει στοιχείων χρονολογικῶν σειρῶν ἐκτιμώμενα παράμετροι τῆς συναρτήσεως παραγωγῆς δέν είναι ιδιαιτέρως εὐαίσθητοι εἰς τὰς μεταβολὰς τοῦ βαθμοῦ ἀπασχόλησεως τοῦ κεφαλαίου.

IV. Τὰ χρησιμοποιηθέντα στατιστικὰ στοιχεῖα καὶ ἡ μέτρησις τῶν μεταβλητῶν

Ἡ βασικὴ πηγὴ τῶν χρησιμοποιηθέντων στατιστικῶν στοιχείων είναι αἱ ἔτησιαι βιομηχανικαὶ ζρευναὶ τῆς Ἐθνικῆς Στατιστικῆς Ὑπηρεσίας Ἑλλάδος (ΕΣΥΕ). Αἱ ζρευναι αὐταὶ περιέχουν στοιχεῖα ἐν σχέσει πρὸς τὴν ἀκαθάριστον ἀξίαν παραγωγῆς, τὴν προστιθεμένην ἀξίαν, τὰς ἀναλώσεις, τὴν μέσην ἐτησίων ἀπασχόλησιν εἰς ἀριθμὸν ἀτόμων, τὴν ἀμοιβὴν τῆς ἕργασίας καὶ τὰς ἐπενδύσεις

1. Diwan, R. K., «An Empirical Estimate of the Elasticity of Substitution Production Function», Indian Economic Journal, Vol. XII, 1965, σελ. 347 - 366.

2. Bl. ἀνωτέρω.

εις τοὺς ἐπὶ μέρους κλάδους τῆς Ἑλληνικῆς βιομηχανίας. Τὰ ἀνωτέρω στοιχεῖα καλύπτουν τὴν περίοδον ἀπὸ τοῦ ἔτους 1958 μέχρι καὶ τοῦ ἔτους 1973¹. Συναφῆς σημειούται, διτὶ τὸ 1963 ἐγένοντο ὥρισμέναι ἀνακατατάξεις 3ψηφίων καὶ 4ψηφίων κλάδων, μὲ ἀποτέλεσμα τὰ δημοσιευμένα στοιχεῖα τῆς περιόδου 1958 - 1962 εἰς ἐπίπεδον 2ψηφίου κωδικοῦ νῦν μὴ εἶναι συγκρίσιμα μὲ τὰ ἀντίστοιχα στοιχεῖα τῆς περιόδου 1963 - 1973 δι' ὅλους τοὺς 2ψηφίους κλάδους. 'Ως ἐκ τούτου ἔχει-ἀσθη νὰ γίνουν σχετικαὶ προσαρμογαὶ εἰς τὰ ἀρχικὰ δεδομένα τῆς περιόδου 1958 - 1962. Τὰ χρησιμοποιηθέντα στοιχεῖα ἀναφέρονται εἰς τοὺς 20 2ψηφίους κλάδους καὶ καλύπτουν μόνον τὴν μείζονα βιομηχανίαν, τουτέστι τὰ βιομηχανικά καταστήματα τὰ ἀπασχολούντα δινοὶ τῶν 10 ἀτόμων.

Ἐλδικώτερον ἡ μετρητὴς τῶν ἐπὶ μέρους μεταβλητῶν ἔχει ὡς ἀκολούθως: 'Η μεταβλητὴ προϊόν (Y) μετρεῖται εἰς δρous προστιθεμένης ἀξίας εἰς σταθεράς τιμᾶς τοῦ ἔτους 1958. Διὰ τὸν ἀποτληθωρισμὸν τῶν τρεχουσῶν τιμῶν ἔχρησιμοποιήθησαν δεῖται προστιθεμένης ἀξίας. Τὰ ἀναγκαῖα στοιχεῖα εἰς ἐπίπεδον 2ψηφίου κλάδουν ἐλήφθησαν ἐκ τῆς Γενικῆς Διευθύνσεως Ἐθνικῶν Λογαριασμῶν τοῦ 'Υπουργείου Συντονισμοῦ καὶ Προγραμματισμοῦ. 'Ο συντελεστής ἐργασία (L) μετρεῖται εἰς συνολικὸν ἑτησίον ἀριθμὸν ὥρων ἐργασίας, τῶν ἡμερομισθίων ἐργατῶν, τῶν μισθωτῶν καὶ τῶν ἐπιχειρηματιῶν καὶ μὴ ἀμειβομένων μελῶν τῆς οἰκογενείας. Αἱ ἔδημοι μισθωταὶ ὥραι ἐργασίας τῶν ἐργατῶν ἐλήφθησαν ἐκ τῶν τριμηνιαίων δελτίων τῆς ΕΣΥΕ ἐπὶ τῆς ἀπασχολήσεως, ἐνῷ αἱ ἑτησίαι ὥραι ἐργασίας τῶν δύο ἀλλων κατηγοριῶν ἐργαζομένων ὑπελογίσθησαν διὰ τῆς σχέσεως: 290 × 8 × L_i².

'Η τιμὴ τῆς ἐργασίας (w) μετρεῖται ὡς δὲ λόγος τοῦ συνολικοῦ ἑτησίου ἐργατικοῦ κόστους εἰς σταθεράς τιμᾶς 1958 πρὸς τὸν ἑτησίον ἀριθμὸν ὥρων ἐργασίας τοῦ ἀμειβομένου προσωπικοῦ (ἐργατῶν καὶ μισθωτῶν). Τὸ συνολικὸν κόστος ὑπελογίσθη ὡς τὸ ἄθροισμα τῶν ἑτησίων ἀμοιβῶν τῶν ἐργαζομένων σὺν τὸ σύνολον τῶν εἰσφορῶν τοῦ ἐργοδότου πρὸς τοὺς πάσης φύσεως ἀσφαλιστικοὺς καὶ λοιποὺς δργανισμούς. Αἱ εἰσφοραὶ τῶν ἐργαζομένων εἰς τοὺς διαφόρους ἀσφαλιστικοὺς δργανισμούς περιλαμβάνονται εἰς τὰς συνολικὰς ἀμοιβάς μεταν., ὡς αὗται δημοσιεύονται εἰς τὰς ἑτησίας βιομηχανικὰς ἐρεύνας. Τὰ δεδομένα τὰ σχετικὰ μὲ τὴν εἰσφορὰν τῶν ἐργοδότων εἰς τοὺς προαναφερθέντας δργανισμούς ἐλήφθησαν δεξ ἀδημοσιεύτων στοιχείων τῆς ΕΣΥΕ. Διὰ τὴν μετατροπήν τοῦ συνολικοῦ κόστους ἐργασίας ἀπὸ τρεχουσῶν εἰς σταθεράς τιμᾶς 1958 ἔχρησιμοποιήθησαν οἱ ἀποτληθωρισταὶ προστιθεμένης ἀξίας.

'Η μεταβλητὴ κεφάλαιον (K) ἀναφέρεται εἰς τὸ καθαρὸν ἀπόθεμα κεφαλαίου (net capital stock) εἰς τὸ τέλος ἑκάστου ἔτους. Τοῦτο ἀποτελεῖται ἀπὸ τὴν

1. 'Η δημοσίευσις τῶν στοιχείων ἐπὶ τῶν ἐπενδύσεων ἡρχισε τὸ ἔτος 1963. Αἱ ἐπενδύσεις τῆς περιόδου 1958 - 1962 ἐλήφθησαν ἐκ τῆς ἀρμοδιας Διευθύνσεως τῆς ΕΣΥΕ.

2. Τὸ 290 παριστὰ τὰς ἑτησίας ἐργασίμους ἡμέρας δυὸς τῶν μισθωτῶν (αἱ σχετικαὶ πληροφορίαι ἐλήφθησαν ἀπὸ τὸν Σύνδεσμον 'Ελλήνων Βιομηχάνων), τὸ 8 τὰς ὥρας ἐργασίας ἡμερησίας καὶ τὸ L_i τὸν ἀριθμὸν τῶν μισθωτῶν, τῶν ἐπιχειρηματιῶν καὶ τῶν μὴ ἀμειβομένων μελῶν τῆς οἰκογενείας εἰς τὸν κλάδον i.

άξιαν τῶν μηχανημάτων, τῶν μεταφορικῶν μέσων καὶ τῶν λουπῶν στοιχείων παγίου κεφαλαίου. Ή κατασκευὴ τῶν χρονολογικῶν σειρῶν τοῦ παγίου κεφαλαίου ἔβασισθη ἐπὶ στοιχείων, τὰ δόποια ἐλήφθησαν ἐκ τῆς ἐργασίας τῶν Krengeλ καὶ Mertens¹, ἑτέρας ἐργασίας τοῦ συγγραφέως² καὶ τῶν ἐτησίων βιομηχανικῶν ἐρευνῶν. Περισσότεραι λεπτομέρειαι περιέχονται εἰς τὸ Στατιστικὸν Παράρτημα τῆς προσαφερθείστης ἐργασίας τοῦ συγγραφέως.

Ἡ μέτρησις τῆς πραγματικῆς τιμῆς τοῦ κεφαλαίου (r_t) εἶναι, ὡς γνωστόν, λίαν δυσχερής. Εἰς τὴν παροῦσαν μελέτην ἡ τιμὴ τοῦ κεφαλαίου ὑπελογίσθη βάσει τῆς ἀκολούθου ἔξιστσεως:

$$(25) \quad r_t = \frac{Y_t - W_t L_t - R_t}{K_t}$$

ὅπου r_t = Πραγματικὴ τιμὴ τοῦ κεφαλαίου εἰς τὸ σύνολον τῆς βιομηχανίας κατὰ τὸ ἔτος t .

Y_t = Προστιθεμένη ἀξία εἰς τὸ σύνολον τῆς βιομηχανίας κατὰ τὸ ἔτος t εἰς τιμᾶς 1958 (βλ. ἀνωτέρω).

W_t = Όριαία ἀμοιβὴ τῆς ἐργασίας εἰς τὸ σύνολον τῆς βιομηχανίας κατὰ τὸ ἔτος t εἰς τιμᾶς 1958 (βλ. ἀνωτέρω).

L_t = Συνολικὸς ἐτήσιος ἀριθμὸς ὥρῶν ἐργασίας εἰς τὸ σύνολον τῆς βιομηχανίας κατὰ τὸ ἔτος t εἰς τιμᾶς 1958 (βλ. ἀνωτέρω).

K_t = Ἀξία τοῦ καθαροῦ παγίου κεφαλαίου εἰς τὴν βιομηχανίαν κατὰ τὸ ἔτος t εἰς τιμᾶς 1958.

R_t = Ἀμοιβαὶ τρίτων (π.χ. διαφημιστικά, μεσιτικά, δικηγορικά, ταχυδρομικά τέλη κλπ.) εἰς τὸ σύνολον τῆς βιομηχανίας κατὰ τὸ ἔτος t εἰς τιμᾶς 1958 (αἱ ἀναγκαῖαι πληροφορίαι ἐλήφθησαν ἐκ τῆς ἀρμοδίας Διευθύνσεως τῆς ΕΣΥΕ).

Οἱ σχετικοὶ ὑπολογισμοὶ περιέχονται εἰς τὸν κατωτέρω Πίνακα 2. Συναφδέσ σπηλεοῖς, διτὶ διά τοῦ ἀνωτέρου τύπου ἡ τιμὴ τοῦ κεφαλαίου ὑπολογίζεται ὡς κατάλοιπον (residual) καὶ ὡς ἐκ τούτου ὑπόκειται εἰς τὰς βραχυχρονίους διακυμάνσεις τῆς ζητήσεως. Διὰ τὸν περιορισμὸν τῆς σημασίας τοῦ παράγοντος τούτου εἰς τὰς ἐκτιμήσεις, αἱ δοποῖαι ἀκολουθοῦν, δὲν χρησιμοποιοῦνται αἱ ἐτήσιαι τιμαὶ τοῦ r , ἀλλ' ὁ κινητὸς μέσος δρος τριῶν ἐτῶν αὐτῶν.

1. Krengeł, R., and Mertens, D., Πάγιον Κεφάλαιον καὶ Μελλοντικὴ Ἀνάγκαι Ἐπενδύσεων εἰς τὴν Ἑλληνικὴν Βιομηχανίαν, Κέντρον Προγραμματισμοῦ καὶ Οἰκονομικῶν ἐρευνῶν, Ἀθῆναι, 1967.

2. Kintzī, A., Οἰκονομετρικὴ Ἀνάλυσις τῆς Ζητήσεως Ἐργασίας, Κέντρον Προγραμματισμοῦ καὶ Οἰκονομικῶν ἐρευνῶν, Ἀθῆναι, 1970.

V. Διαχρονική έξέλιξις τῶν δριακῶν προϊόντων ἐργασίας καὶ κεφαλαίου

Ἐκ τῆς συναρτήσεως (16) ἔχομεν :

$$(26) \quad \frac{\partial Y}{\partial L} = Ae^{\lambda t} L^{\alpha-1} K^{\beta} e^{\gamma x} U (\alpha - \gamma x) : \text{συνάρτησις δριακοῦ προϊόντος ἐργασίας,}$$

$$(27) \quad \frac{\partial Y}{\partial K} = Ae^{\lambda t} L^{\alpha} K^{\beta-1} e^{\gamma x} U (\beta + \gamma x) : \text{συνάρτησις δριακοῦ προϊόντος κεφαλαίου.}$$

Ἐξ ἀπλῆς ἐπιστοπήσεως τῶν ἔξισώσεων (26) καὶ (27) παρατηροῦμεν, ὅτι τὰ δριστικὰ προϊόντα τῶν δύο συντελεστῶν ἔξαρτῶνται ἐκ τῶν αὐτῶν παραγόντων, ἥτοι : (i) τὴν τεχνολογικὴν πρόδοσον, (ii) τὸ ἐπίπεδον ἀπασχολήσεως, (iii) τὸ ἀπόθεμα παγίου κεφαλαίου καὶ (iv) τὸν λόγον κεφαλαίου-ἐργασίας. Εἰδικότερον ἡ τεχνολογικὴ πρόδοση, ὑπὸ τὴν εὑρεῖαν ἔννοιαν τοῦ δροῦ, συντελεῖ εἰς αὔξησιν τῶν δριστικῶν παραγωγικοτήτων ἀμφοτέρων τῶν συντελεστῶν τῆς παραγωγῆς. Προσέτι τὸ δριακὸν προϊόν τῆς ἐργασίας σχετίζεται ἀρνητικῶς πρὸς τὸ ὑψος τῆς ἀπασχολήσεως καὶ θετικῶς πρὸς τὸ ἀπόθεμα τοῦ παγίου κεφαλαίου καὶ τὸν λόγον κεφαλαίου-ἐργασίας (διὰ $\gamma < 0$). Ἀντιθέτως ἡ δριακὴ παραγωγικότης τοῦ κεφαλαίου-σχετίζεται θετικῶς πρὸς τὸ ἐπίπεδον τῆς ἀπασχολήσεως καὶ ἀρνητικῶς πρὸς τὴν ποσότητα τοῦ παγίου κεφαλαίου καὶ τὸν λόγον κεφαλαίου-ἐργασίας (διὰ $\gamma < 0$).

Δι’ ἀντικαταστάσεως ἐκ τῶν σχέσεων (16) καὶ (24), αἱ ἔξισώσεις (26) καὶ (27) γίνονται :

$$(28) \quad \frac{\partial Y}{\partial L} = \frac{Y}{L} (\alpha - \gamma x) = \frac{Y}{L} [0,668 + 0,0019 (K/L)]$$

$$(29) \quad \frac{\partial Y}{\partial K} = \frac{Y}{K} (\beta + \gamma x) = \frac{Y}{K} [0,332 - 0,0019 (K/L)]$$

Τὰ ἀποτελέσματα τῶν ὑπολογισμῶν περιέχονται εἰς τὸν Πίνακα 1. Ὄλα τὰ μεγέθη ἀναφέρονται εἰς κινητοὺς μέσους δροὺς τριῶν ἑταῖν. ᘾ Εκ τοῦ πίνακος τούτου παρατηροῦμεν, ὅτι τόσον ἡ μέση δσον καὶ ἡ δριακὴ παραγωγικότης τῆς ἐργασίας ὑπερετριπλασιάσθησαν εἰς διάστημα 15 ἑταῖν. Εἰδικότερον, ἡ μέση δριαία παραγωγικότης τῆς ἐργασίας εἰς σταθερὰς τιμᾶς τοῦ ἔτους 1958 ηδέηθη ἀπὸ 20,64 δρχ. τὸ 1959 εἰς 63,14 δρχ. τὸ 1972, σημειώσασα μέσην ἑτησίων αὔξησην 9,0 % περίπου. Κατὰ τὴν αὐτὴν ὁσὲ ἀνω περίοδον ἡ δριακὴ παραγωγικότης τῆς ἐργασίας ηδέηθη μὲν μέσον ἑτησίων ρυθμὸν 10,16 %, μὲν ἀποτέλεσμα νὰ ἀνέλθῃ τὸ 1972 εἰς 52,11 δρχ. ἀνὰ ὥραν ἀπασχολήσεως, ἔναντι 14,86 δρχ. τοῦ ἔτους 1959. Οἱ σημαντικότεροι παράγοντες τῆς συντελεσθείσης αὔξησεως τῆς παραγ-

ΠΙΝΑΞ 1

*Εξάλειψ των παραγωγικοτέρων της δραγμών και του κεφαλαίου εξ την μείζωνα ελληνικήν βιομηχανίαν
(κυνηγοί μέσοι δρού τριάδων έτων, 1958 — 1973)

Έτη	Μέση παραγωγή, της δραγμών	'Οριακή παραγωγή, της δραγμών		Μέση παραγωγή, του κεφαλαίου	'Οριακή παραγωγή, τού κεφαλαίου	'Εποικία μεταβολή (%)				
		'Εποικία μεταβολή (%)	($\partial Y / \partial L$)							
1958	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
1959	20,64	—	14,86	—	0,754	—	21,1	—	1,326	—
1960	22,32	+8,2	16,19	+9,0	0,738	-2,1	20,3	+1,0	1,355	+2,2
1961	23,84	+6,8	17,43	+7,7	0,717	-2,8	19,3	+4,9	1,395	+3,0
1962	25,90	+8,6	19,08	+9,5	0,718	+0,1	18,9	-2,1	1,393	-0,1
1963	27,94	+7,9	20,72	+8,6	0,720	+0,3	18,6	-1,6	1,389	-0,3
1964	30,40	+8,8	22,73	+9,7	0,725	+0,7	18,3	-1,6	1,379	-0,7
1965	32,80	+7,9	24,86	+9,4	0,715	-1,4	17,5	-4,4	1,499	+1,5
1966	36,09	+10,0	27,57	+10,9	0,715	0,0	16,9	-3,4	1,399	0,0
1967	39,85	+10,4	30,76	+11,6	0,728	+1,8	16,6	-1,8	1,374	-1,8
1968	44,77	+12,3	34,89	+13,4	0,764	+4,9	16,9	+1,8	1,369	-4,7
1969	50,47	+12,7	39,56	+13,4	0,828	+8,4	17,9	+5,9	1,208	-7,7
1970	55,28	+9,5	43,59	+10,2	0,872	+5,3	18,4	+2,8	1,147	-5,0
1971	58,31	+5,5	46,76	+7,3	0,827	-5,2	16,4	-10,9	1,209	+5,4
1972	63,14	+8,3	52,11	+11,4	0,809	-2,2	15,2	-7,3	1,234	+2,1
Μέσος δρος περιοδ.	37,98	8,98	29,37	10,16	0,759	0,60	18,02	-2,04	1,323	-0,46

γικότητος τής έργασίας είναι ή τεχνολογική πρόοδος, όποδε τήν εδρείαν έννοιαν τού δρου, και ή μεγάλη αύξησις τού παγίου κεφαλαίου τής βιομηχανίας. Συναφώς σημειούνται, δτι μὲ βάσιν τὸ 1959 (= 100) τὸ πάγιον κεφάλαιον τής μείζονος βιομηχανίας ἀνήλθεν εἰς 466 τὸ 1972. Εξ ἄλλου κατὰ τήν διάρκειαν τής ἔξεταζομένης περιόδου ή μέση παραγωγικότης τού κεφαλαίου ἐσημειώσεν ἐλαφράν μόνον αὔξησιν, ἐνῷ ή δριακή παραγωγικότης αὐτοῦ ἐμειώθη ἀπὸ 21,1 % τὸ 1959 εἰς 15,2 % τὸ 1972.

VI. Αποκλίσεις μεταξύ τῶν τιμῶν τῶν συντελεστῶν τῆς παραγωγῆς καὶ τῶν δριακῶν προϊόντων αὐτῶν

Ἡ ἔξελιξις τῶν πραγματικῶν ἀμοιβῶν τῆς ἔργασίας καὶ τού κεφαλαίου ἐμφανίνεται εἰς τὸν Πίνακα 2. Δι' ἀντιπαραβολῆς τῶν τιμῶν αὐτῶν πρὸς τὰ ἀντίστοιχα δριακά προϊόντα τῶν δύο συντελεστῶν προκύπτει, δτι ὑπάρχουν σοβαραὶ ἀποκλίσεις μεταξύ λαμβανομένων τιμῶν καὶ δριακῶν παραγωγικοτήτων. Αἱ παρατηρούμεναι διαφοραὶ μεταξὺ τῶν δύο μεγεθῶν δὲν είναι ἀπλῶς οὐσιώδεις, ἀλλὰ — διερ περιαντικότερον — βαίνουν αὐξανόμεναι ἀπὸ τήν ἀρχὴν πρὸς τὸ τέλος τῆς περιόδου.

Εἰδικάτερον ή ὡριαία ἀμοιβὴ τῆς ἔργασίας εἰς σταθεράς τιμάς τοῦ ἔτους 1958 ἡνέκθη ἀπὸ 10,88 δρχ. τὸ 1959 εἰς 25,84 δρχ. τὸ 1972. ᩴ πραγματοποιηθεῖσα ἔτησία αύξησις (6,92 %) ὑπολείπεται σημαντικᾶς τῆς κατὰ τήν αὐτὴν περίοδον μέσης ἔτησίας αύξησεως τῆς δριακῆς παραγωγικότητος τῆς ἔργασίας (10,16 %), μὲ ἀποτέλεσμα διείκτης ἀποκλίσεως μεταξὺ τῶν δύο μεγεθῶν νὰ ἀνέλθῃ τὸ 1972 εἰς 2,02 μονάδας, ἔναντι 1,37 μονάδων τὸ 1959. Τοῦτο σημαίνει, δτι περὶ τὸ τέλος τῆς περιόδου τοῦ δείγματος τὸ δριακόν προϊόν τῆς ἔργασίας εἰς τήν μείζονα Ἑλληνικήν βιομηχανίαν ἥτο διπλάσιον τῆς πραγματικῆς ἀμοιβῆς αὐτῆς. Σημειωτέον δτι διείκτης ἀποκλίσεως ἡνέκθη σημαντικῶς κατὰ τήν τελευταίαν 5ετίαν τῆς περιόδου (βλ. στήλην 3 τοῦ Πίνακος 2).

Σημαντικαὶ ἀποκλίσεις ὑπάρχουν ἐπίσης μεταξὺ τοῦ δριακοῦ προϊόντος τοῦ κεφαλαίου καὶ τῆς ἀμοιβῆς αὐτοῦ, ως αὐτὴ ὑπελογίσθη εἰς τὸ τμῆμα IV ἀνωτέρῳ. Πράγματι, καθ' δλην τήν διάρκειαν τῆς ἔξεταζομένης περιόδου τὸ δριακόν προϊόν τοῦ κεφαλαίου ὑπολείπεται οὐσιώδεις τῆς μέσης ἀμοιβῆς αὐτοῦ. Εἰδικάτερον, διείκτης ἀποκλίσεως μεταξὺ τῶν δύο μεγεθῶν ἐμειώθη ἀπὸ 0,68 τὸ 1959 εἰς 0,45 τὸ 1972. Ταῦτα σημαίνουν, δτι ἡ λαμβανομένη ὑπὸ τοῦ κεφαλαίου τιμὴ είναι ἀνωτέρα τῆς πραγματικῆς συμβολῆς αὐτοῦ εἰς τήν παραγωγὴν κατὰ 50 % περίπου. Βεβαίως, ὃς ὑπελογίσθη εἰς τήν παρούσαν μελέτην, ἡ ἀμοιβὴ τοῦ κεφαλαίου είναι πολὺ πιθανὸν νὰ ἔχῃ ὑπερεκτιμήθη. Τὰ ὑπάρχοντα ὅμοια στοιχεῖα δὲν ἐπιτέρπουν περιπτέρω διερεύνηστον τοῦ σημείου αὐτοῦ. Πάντως ḥ παρατηρουμένη διαφορὰ μεταξὺ δριακῆς παραγωγικότητος καὶ τιμῆς τοῦ κεφαλαίου είναι ίδιαιτέρως σημαντική καὶ, ως ἐκ τούτου, δὲν δυνάμεθα νὰ ἀποφύγωμεν τὸ συμπέρασμα, δτι εἰς τήν Ἑλληνικήν βιομηχανίαν τὸ κεφαλαίου ἀμειβεται περισσότερον ἀπὸ τὸ δριακόν του προϊόν. Εξ ἄλλου τὸ γεγονός δτι ḥ

Π Ι Ν Α Ζ 2

*Απολύτους μεταξύ διπλωμάτων τυμών υπό την συντελεστήν παραγωγής και την δριακούν προϊόντων αλλάν είς την μείζονα ωλληνικήν βιομηχανίαν (κύριοι μέσοι δρού τηδών έτους)

Έτη	'Οριακή παραγ. της δημιουργίας*		'Αποβ. της δημιουργίας*		'Απολύτους 'Οριακή παρ. μεταξύ παραγωγής και προϊόντων		'Απολύτους Δείκτης σχετικ. μεταξύ δημιουργής ($\partial Y / \partial K$) κατ' έτονταν	
	($\partial Y / \partial L$) μεταβολή %	Έπειρα (W/P) μεταβολή %	'Επειρα (W/P) μεταβολή %	($\partial Y / \partial L$) κατ' (W/P) %	($\partial Y / \partial K$) (T/P) %	(T/P) %	m = m ₁ / m ₂	m = m ₁ / m ₂
1958	—	—	—	—	—	—	—	—
1959	14,86	—	10,88	—	1,37	21,1	31,2	0,68
1960	16,19	+9,0	11,40	+4,78	1,42	20,3	31,6	0,64
1961	17,43	+7,7	11,90	+4,38	1,46	19,3	31,4	0,61
1962	19,08	+9,5	12,81	+7,65	1,49	18,9	31,3	0,60
1963	20,72	+8,8	13,79	+7,65	1,50	18,6	31,3	0,59
1964	22,73	+9,7	13,12	+9,88	1,50	18,3	31,1	0,59
1965	24,86	+9,4	16,57	+9,59	1,50	17,5	29,8	0,59
1966	27,57	+10,9	18,29	+10,38	1,51	16,9	29,2	0,58
1967	30,76	+11,6	19,94	+9,02	1,54	16,6	29,2	0,58
1968	34,89	+13,4	21,43	+7,47	1,63	16,9	32,3	0,52
1969	39,56	+13,5	22,46	+4,81	1,76	17,9	34,3	0,52
1970	43,59	+10,2	23,41	+4,23	1,86	18,4	36,9	0,50
1971	46,76	+7,3	24,53	+4,78	1,91	16,4	35,6	0,47
1972	52,11	+11,4	23,84	+5,34	2,02	15,2	33,5	0,45
1973	—	—	—	—	—	—	—	—
Mέσοι δρού περιοδ.	29,37	10,16	16,71	6,92	1,76	18,0	32,1	0,56
								0,32

* Δημιουργία ήταν δρομών μαστιχολήντρων; Είς την έτος 1958.

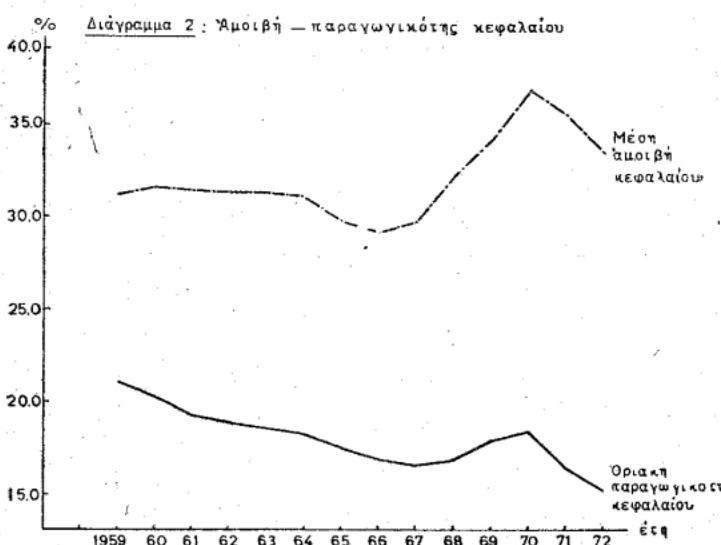
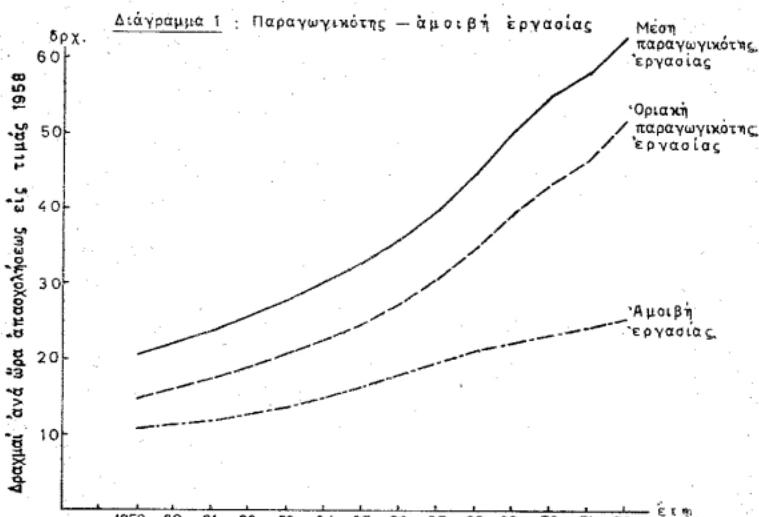
ἀπόκλισις μεταξύ δριακοῦ προϊόντος καὶ πραγματικῆς ἀμοιβῆς τοῦ κεφαλαίου ηὗξηθη, ὑποδηλοῦ διτὶ ή μονοπωλιακή δύναμις τοῦ κεφαλαίου κατά τὸ τέλος τῆς περιόδου ηὗξηθη ἐν σχέσει πρὸς τὴν ἀρχὴν αὐτῆς.

Αἱ ἔξελίξεις μετεξύ τῆς δριακῆς παραγωγικότητος τῶν συντελεστῶν καὶ τῆς μέστης ἀμοιβῆς αὐτῶν καθίστανται σαφέστερον ἀντιληπταὶ ἐξ ἀπλῆς ἐπισκοπῆσεως τῶν Διαγραμμάτων 1 καὶ 2.

Ἡ τελευταῖα στήλη τοῦ Πίνακος 2 περιέχει τὸν δείκτην σχετικῆς ἐκμεταλλεύσεως τῶν δύο συντελεστῶν. Άφ οὐσιωδῶς διάφοροι τῆς μονάδος τιμαὶ τοῦ δείκτου αὐτοῦ ὑποδηλοῦν, διτὶ εἰς τὴν Ἑλληνικὴν βιομηχανίαν ὑπάρχουν σοβαραὶ ἀποκλίσεις ἀπό τὴν ἀγορὰν τοῦ πλήρους ἀνταγωνισμοῦ. Προσέτι, μὲ τὴν πάροδον τοῦ χρόνου, αἱ ἀποκλίσεις αὐταὶ βαίνουν αὐξανόμεναι. Τέλος, αἱ τιμαὶ τοῦ δείκτου δηλοῦν, διτὶ τὸ κεφαλαίον «έκμεταλλεύεται» τὴν ἐργασίαν καὶ διτὶ ἡ σχέσις μεταξύ τῶν δριακῶν προϊόντων τῶν δύο συντελεστῶν καὶ τῶν σχετικῶν τιμῶν αὐτῶν ἔχειροτερευσεν οὖσιδωδές κατὰ τὰ τελευταῖα ἔτη τῆς περιόδου τοῦ δείγματος. Εἰδικώτερον δὲ δείκτης σχετικῆς ἐκμεταλλεύσεως ἐμειώθη ἀπὸ 0,50 τοῦ 1959 εἰς 0,22 τὸ 1972.

Πρὸς τὸν σκοπὸν τῆς καλυτέρας ἀξιολογήσεως καὶ ἐρμηνείας τῶν ἀποτελεσμάτων τῆς παρούσης μελέτης θὰ ἡτο σκόπιμον νὰ γίνῃ σύγκρισις αὐτῶν πρὸς ἀνάλογα ἀποτελέσματα ἄλλων χωρῶν. Καθ' ὅσον δημοσίευεται εἰς θέσιν νὰ γνωρίζωμεν, τοιαῦτα ἀποτελέσματα δὲν εἶναι διαθέσιμα δι' ἄλλας χώρας. Συγκρίσιμα κάπως ἀποτελέσματα ὑπάρχουν διὰ τὸν ιδιωτικὸν μὴ γεωργικὸν τομέα τῆς ἀμερικανικῆς οἰκονομίας. Τὰ σχετικά στοιχεῖα περιέχονται εἰς τὸν Πίνακα 3. Παρὰ τὸ γεγονός, διτὶ τὰ δεδομένα τῶν Πίνακών 2 καὶ 3 δὲν εἶναι ἀπολύτως συγκρίσιμα, προσεκτική ἐπισκόπησις αὐτῶν δηγεῖ εἰς τὰ ἀκόλουθα τρία βασικὰ γενικά συμπεράσματα : (α) οὖσιδωδές ἀποκλίσεις ἀπό τὴν ἀγορὰν τοῦ πλήρους ἀνταγωνισμοῦ ὑφίστανται καὶ εἰς τὴν περίπτωσιν τοῦ ιδιωτικοῦ μὴ γεωργικοῦ τομέως τῆς ἀμερικανικῆς οἰκονομίας, (β) δπως εἰς τὴν Ἑλληνικήν, οὕτω καὶ εἰς τὴν ἀμερικανικήν οἰκονομίαν τὸ κεφάλαιον «έκμεταλλεύεται» τὴν ἐργασίαν καὶ (γ) ἐν ἀντιθέσει πρὸς διτὶ συμβαίνει εἰς τὴν Ἑλληνικὴν βιομηχανίαν, δείκτης σχετικῆς ἐκμεταλλεύσεως τῶν δύο συντελεστῶν εἰς τὴν ἀμερικανικήν οἰκονομίαν βελτιοῦνται ὑπὲρ τῆς ἐργασίας. Πράγματι, ως προκύπτει ἐκ τοῦ Πίνακος 3, ή τιμὴ τοῦ δείκτου αὐτοῦ ηὗξηθη ἀπὸ 0,22 τὸ 1951 εἰς 0,40 τὸ 1964.

Οἱ παράγοντες, οἱ ὁποῖοι συνέβαλον εἰς τὴν διαμόρφωσιν τῶν σημειωθεισῶν κατὰ τὴν τελευταῖαν 15ετίαν ἔξελίξεων εἰς τὰ δριακὰ προϊόντα τῶν συντελεστῶν τῆς παραγωγῆς καὶ τὴν ἀμοιβὴν αὐτῶν εἰς τὴν Ἑλληνικὴν βιομηχανίαν, δέον νὰ ἀναζητηθοῦν : (α) εἰς τὴν διαδικασίαν τῆς βιομηχανικῆς μεγεθύνσεως (growth) αὐτὴν καθ' ἔαντὴν (σημαντικὴ ὑποκατάστασις ἐργασίας διὰ κεφαλαίου), (β) εἰς τὴν ὑπαρξίν ἀτελειῶν εἰς τὰς ἀγοράς τοῦ προϊόντος καὶ τῶν συντελεστῶν καὶ, εἰδικώτερον, τὴν μονοπωλιακὴν δύναμιν τοῦ κεφαλαίου, (γ) εἰς τὸ διτὶ σημαντικὸν μέρος τῆς αὐξήσεως τοῦ δριακοῦ προϊόντος τῆς ἐργασίας διφείλεται εἰς τὴν τεχνολογικὴν πρόδοδον, γεγονὸς τὸ διποῖον ἐπιτρέπει εἰς τὸ κεφάλαιον νὰ καρποῦνται μέρος τοῦ προϊόντος τῆς ἐργασίας, (δ) εἰς τὴν πιθανότητα διαπράξεως λαθῶν κατὰ τὰς ἐκτιμήσεις. Εἰδικώτερον κατὰ τὴν ἐμπειρικὴν ἀνάλυσιν ὑπετέθη,



Π Ι Ν Α Ξ 3

*Αποκλειστικές μεταξύ δημόσιων και προμηθευτών τιμών δηλ. των συγχρετικών τιμών της αγοράς και των δημόσιων προϊόντων σύμφωνα με την μη γενικοποιητική ιδιωτικότητα της αγοράς της δημόσιας οικονομίας (κινητού μέρους δροτ. επίδημη)

Έτη	'Αποβλή της έργασίας'		'Απόδινης μεταξύ		'Οριακή παραγ. κεφαλαίου		'Απολατις μεταξύ		'Διεκπεραϊκ δικαιώματος την συγχρετική	
	($\partial Y / \partial L$)	(w)	($\partial Y / \partial K$) και (w)	($\partial Y / \partial K$)	($\partial Y / \partial K$)	(r)	($\partial Y / \partial K$) και (r)	m ₂	m = m ₂ / (4) / (5)	m ₂ = (4) / (2)
1950	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
1951	2,36	1,45	1,63	11,67	31,77	—	0,36	0,22	—	—
1952	2,44	1,53	1,59	16,47	29,87	—	0,55	0,35	—	—
1953	2,52	1,60	1,58	16,30	28,57	—	0,57	0,36	—	—
1954	2,60	1,66	1,57	16,33	28,93	—	0,56	0,36	—	—
1955	2,68	1,71	1,57	16,40	28,77	—	0,57	0,36	—	—
1956	2,77	1,76	1,57	13,17	28,10	—	0,47	0,30	—	—
1957	2,85	1,80	1,58	16,40	26,63	—	0,62	0,39	—	—
1958	2,94	1,85	1,59	16,43	26,17	—	0,63	0,40	—	—
1959	3,02	1,89	1,60	16,63	26,00	—	0,64	0,40	—	—
1960	3,11	1,95	1,59	16,97	26,20	—	0,65	0,41	—	—
1961	3,20	2,00	1,60	17,20	26,37	—	0,65	0,41	—	—
1962	3,30	2,06	1,60	17,40	27,07	—	0,64	0,40	—	—
1963	3,41	2,14	1,59	17,60	27,73	—	0,63	0,40	—	—
1964	3,51	2,21	1,59	17,87	28,53	—	0,63	0,40	—	—
1965	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
Mέσος δροσ περιοδ.	2,91	1,83	1,59	16,20	27,91	—	0,58	0,37	—	—

* Διεκπεραϊκά δικαιώματα δημόσιων οικονομιών

Πηγή: Thurov, L. C., «Disequilibrium and the Marginal Productivity of Capital and Labor», Review of Economics and Statistics, Febr. 1968, σεζ. 23 - 31 (Itwieg 1).

δτι αἱ ἀποφάσεις πρὸς παραγωγὴν λαμβάνονται ὑπὸ σύνθηκας βεβαιότητος (riskiness decisions). Τὸ γεγονὸς τοῦτο, ἐν συνδυασμῷ πρὸς τὰς ὄφισταμένας διαφορὰς εἰς τὴν φορολογικὴν ἐπιβάρυνσιν τῆς ἐργασίας καὶ τοῦ κεφαλαίου, εἴναι δυνατὸν νὰ ἔξηγήσῃ μέρος τοὐλάχιστον τοῦ ἀνοίγματος μεταξὺ δριακῶν προϊόντων τῶν συντελεστῶν καὶ τῶν ἀπολαμβανομένων ὑπὸ αὐτῶν τιμῶν. Λεπτομερεστέρᾳ ἀνάλυσις τῶν παρογόντων τούτων κεῖται ἐκτὸς τῶν ἐπιδιώξεων τῆς παρούσης μελέτης.

VII. Συμπεράσματα

Ἐκ τῆς προηγθείσης οἰκονομετρικῆς ἀναλύσεως προκύπτουν τὰ ἀκόλουθα συμπεράσματα :

Κατὰ τὴν ὑπὸ διερεύνησιν περίοδον (1958 - 1973) ἡ μὲν μέση παραγωγικότης τῆς ἐργασίας εἰς τὴν μείζονα Ἑλληνικὴν βιομηχανίαν ηὗξηθη μὲ ἐτήσιον ρυθμὸν 8,98 %, ἡ δὲ δριακὴ παραγωγικότης αὐτῆς ηὗξηθη μὲ ἐτήσιον ρυθμὸν 10,16 %. Κατὰ τὴν αὐτὴν περίοδον ἡ δριασία ἀμοιβὴ τῆς ἐργασίας, εἰς σταθερὰς τιμὰς τοῦ ἔτους 1958, ἐσημείωσε μέσην ἐτησίαν αὔξησιν μόνον κατὰ 6,92 %. Οὖτως ἡ ἀμοιβὴ τῆς ἐργασίας δοτέρησεν ὑσιωδῆς τῆς αὔξησεως τῆς παραγωγικότητος αὐτῆς, μὲ ἀποτέλεσμα νὰ διευρυνθῇ τὸ ἀνοίγμα μεταξὺ δριακῆς παραγωγικότητος καὶ μέσης ἀμοιβῆς τῆς ἐργασίας. Ἡ διεύρυνσις αὐτῆς ὑπῆρξεν ἰδιαίτερως σημαντική κατὰ τὰ τελευταῖα ἔτη τῆς ὑπὸ διερεύνησιν περιόδου. Αἱ σημειώσεις αὔξελίξεις είλον ως συνέπειαν τὴν αὔξησιν τῆς συμμετοχῆς (share) τοῦ κεφαλαίου εἰς τὸ συνολικὸν προϊόν (προστιθεμένην ἀξίαν) εἰς βάρος τῆς συμμετοχῆς τῆς ἐργασίας¹.

Ἐάν ληφθῇ ὑπὸ δψιν τὸ γεγονός, ὅτι τὸ εἰσόδημα τῆς ἐργασίας διαδραματίζει ἀποφασιστικὸν ρόλον κατὰ τὴν ληψιν τῶν ἀποφάσεων δι' ἐπενδύσεις εἰς τὸν τομέα τῆς ἐκπαίδευσεως καὶ τῆς ἐν γένει βελτιώσεως τῆς ποιοτικῆς στάθμης τῶν ἐργαζομένων, συνάγεται ὅτι τὸ σημαντικὸν ἀνοίγμα μεταξὺ δριακῆς παραγωγικότητος καὶ μέσης ἀμοιβῆς ἀποτελεῖ παράγοντα ἀνασταλτικὸν τῆς αὔξησεως τῶν ἐπενδύσεων εἰς τὸν νευραλγικὸν τομέα τῆς ἐκπαίδευσεως. Ἡ ἀξιολόγησις τῶν ἐπενδύσεων εἰς τὸν τομέα αὐτὸν μὲ βάσιν τὴν μέσην ἀμοιβῆν τῆς ἐργασίας ἔχει ως ἀποτέλεσμα τὴν πλαισιατικὴν ὑπεκτίμησιν τῆς πραγματικῆς συμβολῆς τῆς ἐργασίας εἰς τὴν παραγωγὴν. Εἰς τὴν περίπτωσιν τῆς Ἑλληνικῆς βιομηχανίας ἡ ὑπεκτίμησις αὐτῇ εἶναι τῆς τάξεως τοῦ 50 %.

Ἐν ἀντιθέσει πρὸς δὲ τι συνβαίνει μὲ τὴν ἐργασίαν, ἡ δριακὴ παραγωγικότης τοῦ κεφαλαίου ὑπολείπεται αἰσθητῶς τῆς μέσης ἀμοιβῆς αὐτοῦ. Βεβαίως ἡ ἀμοιβὴ τοῦ κεφαλαίου, ως ὑπελογίσθη εἰς τὴν παρούσαν μελέτην, εἴναι πιθανὸν νὰ ἔχῃ ὑπερεκτιμηθῆ. Τοῦτο δμως δὲν εἶναι ἱκανὸν νὰ μειώσῃ τὴν σημασίαν τοῦ ἀνωτέρω συμπεράσματος, δεδομένου ὅτι ἡ διαφορὰ μεταξὺ μέσης ἀμοιβῆς

1. Πράγματι ἡ συμμετοχὴ τοῦ κεφαλαίου εἰς τὸ συνολικὸν προϊόν ηὗξηθη ἀπὸ 47,3 % τὸ 1959 εἰς 59,1 % τὸ 1972, ἐνῷ ἡ συμμετοχὴ τῆς ἐργασίας ἐμειώθη ἀπὸ 52,7 % τὸ 1959 εἰς 40,9% τὸ 1972.

καὶ δριακῆς παραγωγικότητος εἶναι ιδιαιτέρως σημαντική. Οὕτως εἰς τοὺς ἐπιχειρηματίας τὸ κεφάλαιον ἐμφανίζεται περισσότερον ἀποδοτικὸν παρ' ὅσον εἰς τὴν πραγματικότητα εἶναι. Τὸ γεγονός αὐτὸν εἶναι δύνατὸν νὰ συντελέσῃ εἰς τὴν διατήρησιν τῶν βιομηχανικῶν ἐπενδύσεων εἰς ἐπίπεδα χαμηλότερα τοῦ ἀρίστου (ορτίτυπο). Τούτο θὰ ἔξαρτηθῇ ἀπὸ τὸν βαθμὸν τῆς μονοπολιακῆς δυνάμεως τοῦ κεφαλαίου καὶ ἀπὸ τὴν νοοτροπίαν καὶ τὰς ἐν γένει ἐπιδιώξεις τῶν ἐπιχειρηματιῶν.

Συνέπεια τῶν σημειωθεισῶν ἔξελιξεων εἰς τὰς ἀμοιβάς τῶν συντελεστῶν τῆς παραγωγῆς καὶ τὰ δριακὰ προϊόντα αὐτῶν, ὑπῆρχεν διτὶ ὁ δεικτῆς σχετικῆς ἐκμεταλλεύσεως τῶν συντελεστῶν ἐχειροτέρευσε σημαντικῶς εἰς βάρος τῆς ἀργασίας. Τὰ ἀποτελέσματα δηλούν, διτὶ περὶ τὸ τέλος τῆς ἔξεταζομένης περιόδου η Ἑλληνικὴ βιομηχανία ἀκεμακρύνθη ἔτι περισσότερον ἀπὸ τὸ καθεστῶς τῆς ίσορροπίας.